**ВВЕДЕНИЕ**

В основании бесконечно развивающегося здания компьютерной графики краеугольными камнями лежат фундаментальные дисциплины – аналитическая геометрия и оптика, скрепленные раствором – искусством программирования[1]. Возникнув из потребностей рынка, развития информатики и вычислительной техники, компьютерная графика изучает методы построения изображений различных геометрических объектов и сцен. Задачи, связанные с применением компьютерной графики, возникают в самых различных сферах информационных технологий. Сюда можно отнести системы автоматизированного проектирования, в которых осуществляется интерактивное взаимодействие конструктора и синтезированного с помощью компьютера изображения создаваемого изделия или сооружения. Широко используется компьютерная графика в автоматизированных системах научных исследований, в которых осуществляется визуализация результатов экспериментов в виде трехмерных статических или динамических изображений, интерпретирующих огромные массивы первичных данных. Важную роль играют методы компьютерной графики для распознавания и обработки изображений в системах искусственного зрения, авиационной и космической картографии и других областях человеческой деятельности. Знание основ компьютерной графики в наше время необходимо любому ученому или инженеру. Для формирования навыков решения вышеупомянутых задач и служит учебное пособие «Основы компьютерной геометрии и графики».

**Глава 1.**ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ КОМПЬЮТЕРНОЙ ГРАФИКИ

Понятие «компьютерная графика» объединяет довольно широкий круг операций по обработке графической информации с помощью компьютера. Причем наблюдается явная тенденция «компьютеризации» изображений, циркулирующих в обществе. Стали обыденностью термины «цифровое фото» и «видео». В виртуальных буднях грядущего компьютерной графике отводится огромная роль. Этосвязано с тем, что, по мнению ученых, исследующих проблемы мозга, зрительная система в иерархии мозговых структур человека занимает особое место. С восприятием и обработкой визуальной информации непосредственно связано примерно 20%мозга человека. Благодаря зрению мы получаем по разным оценкам от 70% до 90% сведений об окружающем мире. Следовательно, образный мир компьютерной графики является одним из глубинных проявлений человеческой природы.

В компьютерной графике можно выделить несколько основных направлений [2, 4].

**1.1.Визуализация научных данных**

Большинство современных математических программных пакетов (например.Maple, MatLab.MathCAD) имеют средства для отображения графиков, поверхностей и трехмерных тел, построенных на основе каких-либо расчетов. Кроме того, графическая информация может активноиспользоваться в самом процессе вычислений. Визуализация позволяет представить большой объем данных в удобной для анализа форме и широко используется при обработке результатов различных измерений и вычислений.

1.2.Геометрическое проектирование и моделирование

Это направление компьютерной графики связано с решением задач начертательной геометрии – построением чертежей, эскизов, объемных изображений с помощью программных систем, получивших название CAD-системы (от английского Computer-AidedDesign), например AutoCAD.

Существует большое количество специализированныхCAD-систем в машиностроении, архитектуре и т. д.

1.3.Распознавание образов

Способность распознавать абстрактные образы считают одним из важнейших факторов, определившим развитие мыслительных способностей человека, выделив его из животного мира. Задача распознавания и классификации графической информации является одной из ключевых и при создании искусственного интеллекта. Уже в наши дни компьютеры распознают образы повсеместно (системы идентификации футбольных хулиганов у входа на стадион; анализ аэро-и космических фотоснимков; системы сортировки, наведения и т. д.). Возможно, самый известный пример распознавания образов – сканирование и перевод "фотографии'' текста в набор отдельных символов, формирующих слова. Такую операцию позволяет выполнить программное обеспечение многих современных сканеров. Кроме того, существуют специализированные программы распознавания текста, например FineReader.

1.4.Изобразительное искусство

К этому направлению можно отнести разнообразную графическую рекламу: от текстовых транспарантов и фирменных знаков до компьютерных видеофильмов, обработку фотографий, создание рисунков, мультипликацию и т. д. В качестве примера популярных программ из этой области компьютерной графики можно назвать AdobePhotoshop (обработка растровых изображений), CorelDRAW (создание векторной графики), 3DS Мах (трехмерное моделирование).

1.5.Виртуальная реальность

Реальность, даже виртуальная, подразумевает воздействия на всю совокупность органов чувств человека, в первую очередь на его зрение. К компьютерной графике можно отнести задачи моделирования внешнего мира в различных приложениях: от компьютерных игр до тренажеров.

1.6.Цифровое видео

Все более широкое распространение получают анимированные изображения, записанные в цифровом формате. Это, прежде всего, фильмы, передаваемые через компьютерные сети, а также видеодиски, цифровое, кабельное и спутниковое телевидение.

Приведенная классификация сфер применения компьютерной графики является во многом условной. Возможно, найдутся задачи, которые нельзя отнести ни к одному из обозначенных направлений.

Глава 2. ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ КОМПЬЮТЕРНОЙ  
 ГРАФИКИ

**2.1. Визуализация изображений**

Наиболее известны два способа визуализации: **растровый** и **векторный**. Первый способ ассоциируется с такими графическими устройствами как дисплей, телевизор, принтер. Второй используется в векторных дисплеях, плоттерах.

Наиболее удобно, когда способ описания графического изображения соответствует способу визуализации. Иначе нужна конвертация. Например, изображение может храниться в растровом виде, а его необходимо вывести (визуализировать) на векторном устройстве. Для этого нужна предварительная векторизация – преобразование из растрового в векторное описание. Или, наоборот, описание изображения может быть в векторном виде, а нужно визуализировать на растровом устройстве – необходима растеризация.

Растровая визуализация основывается на представлении изображения на экране или бумаге в виде совокупности (массива) отдельных точек (пикселов). Вместе пикселы образуют растр.

Для обозначения массива пикселов часто используется термин **bitmap** (битовая карта). В **bitmap** каждому пикселу отводится определенное число битов (одинаковое для всех пикселов изображения). Это число называется **битовой глубиной** пиксела или **цветовой глубиной** изображения, т. к. от количества битов, отводимых на один пиксел, зависит количество цветов изображения.

Векторная визуализация основывается на формировании изображения на экране или бумаге рисованием линий (векторов) – прямых или кривых. Совокупность типов линий (графических примитивов), которые используются как базовые для векторной визуализации, зависит от определенного устройства. Типичная последовательность действий при векторной визуализации для плоттера или векторного дисплея такова: переместить перо в начальную точку (для дисплея – отклонить пучок электронов); опустить перо (увеличить яркость луча); переместить перо в конечную точку; поднять перо (уменьшить яркость луча).

Качество векторной визуализации для векторных устройств обуславливается точностью вывода и номенклатурой базовых графических примитивов – линий, дуг, кругов, эллипсов и других.

Доминирующим сейчас является растровый способ визуализации. Это обусловлено большей распространенностью растровых дисплеев и принтеров. Недостаток растровых устройств – дискретность изображения. Недостатки векторных устройств – проблемы при сплошном заполнении фигур, меньшее количество цветов, меньшая скорость (в сравнении с растровыми устройствами).

2.2. Растровые изображения и их основные характеристики

Растр– это матрица (массив) ячеек (пикселов). Каждый пиксел может иметь свой цвет. Совокупность пикселов различного цвета образует изображение. В зависимости от расположения пикселов в пространстве различают квадратный, прямоугольный, гексагональный или иные типы растра. Для описания расположения пикселов используют разнообразные системы координат. Общим для всех таких систем является то, что координаты пикселов образуют дискретный ряд значений (необязательно целые числа). Часто используется система целых координат – номеров пикселов с (0,0) в левом верхнем углу. Такую систему мы будем использовать и в дальнейшем, ибо она удобна для рассмотрения алгоритмов графического вывода.

**2.3. Геометрические характеристики растра**

**Разрешающая способность**. Она характеризует расстояние между соседними пикселами (рис. 2.1). Разрешающую способность измеряют количеством пикселов на единицу длины. Наиболее популярной единицей измерения является dpi(dotsperinch)– количество пикселов в одном дюйме длины (2.54см). Не следует отождествлять шаг с размерами пикселов– размер пикселов может быть равен шагу, а может быть, как меньше, так и больше, чем шаг.

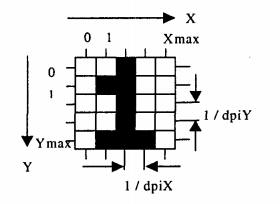


Рис. 2.1

**Размер** растра обычно измеряется количеством пикселов по горизонтали и вертикали. Можно сказать, что для компьютерной графики зачастую наиболее удобен растр с одинаковым шагом для обеих осей, то есть dpiX = dpiY. Это удобно для многих алгоритмов вывода графических объектов.

Форма пикселов растра определяется особенностями устройства графического вывода (рис. 2.2). Например, пикселы могут иметь форму прямоугольника или квадрата, которые по размерам равны шагу растра (дисплей на жидких кристаллах); пикселы круглой формы, которые по размерам могут и не равняться шагу растра (принтеры).

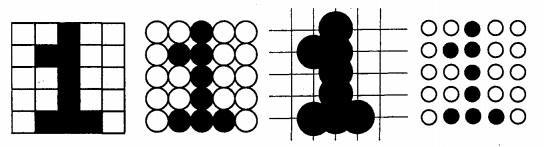


Рис. 2.2

2.4. Количество цветов

Количество цветов (глубина цвета) – также одна из важнейших характеристик растра. Количество цветов является важной характеристикой для любого изображения, а не только растрового. Согласно психофизиологическим исследованиям глаз человека способен различать 350000 цветов.

Классифицируем изображения следующим образом:

**Двухцветные** (бинарные)– 1 бит на пиксел. Среди двухцветных чаще всего встречаются черно-белые изображения.

**Полутоновые**– градации серого или иного цвета. Например, 256 градаций (1 байт на пиксел).

**Цветные** изображения. От 2 бит на пиксел и выше. Глубина цвета 16 бит на пиксел (65 536 цветов) получила название ***High*Color**, 24 бит на пиксел (16,7 млн цветов) –*TrueColor*. В компьютерных графических системах используют и большую глубину цвета – 32, 48 и более бит на пиксел.

2.5. Кодирование цвета. Палитра

Для того чтобы компьютер имел возможность работать с цветными изображениями, необходимо представлять цвета в виде чисел– кодировать цвет. Способ кодирования зависит от цветовой модели и формата числовых данных в компьютере.

Чтобы оцифровать цвет, его необходимо измерить. Наука, которая изучает цвет и его измерения, называется колориметрией. Она описывает общие закономерности цветового восприятия света человеком. Одними из основных законов колориметрии являются законы смешивания цветов. Эти законы в наиболее полном виде были сформулированы в 1855 году немецким математиком Германом Грассманом:

* закон трехмерности – любой цвет может быть представлен ком­бинацией трех основных цветов;
* закон непрерывности – к любому цвету можно подобрать бесконечно близкий;
* закон аддитивности –цвет смеси зависит только от цвета составляющих.

Первый закон означает, что для любого заданного цвета (Color)можно записать такое цветовое уравнение, выражающее линейную зависимость цветов:

*Color=k1Color1+ k2Color2+ k3Color3*,

где *Color1*, *Color2*, *Color3* – некоторые базисные, линейно независимые цвета, коэффициенты *k1*, *k2*, *k3* указывают количество соответствующего смешиваемого цвета. Линейная независимость цветов означает, что ни один из них не может быть выражен взвешенной суммой (линейной комбинацией) двух других.

**Цветовая модель RGB.** За основные три цвета приняты красный (**Red**), зеленый (**Green**), синий (**Blue**). В модели RGB любой цвет(Color) получается в результате сложения основных цветов.

Для модели RGB каждая из компонент может представляться числами, ограниченными некоторым диапазоном – например, дробными числами от 0 до 1, либо целыми числами от 0 до некоторого максимального значения. В настоящее время достаточно распространенным является формат TrueColor, в котором каждая компонента представлена в виде байта, что дает 256 градаций для каждой компоненты: *R*=0…255, G = 0…255, В = 0…255. Количество цветов составляет 256\*256\*256 = 16.7 млн (224).

Такой способ кодирования цветов можно назвать **компонентным**. В компьютере коды изображений TrueColor представляются в виде троек байтов либо упаковываются в длинное целое (четырехбайтное) – 32 бита (так, например, сделано в API Windows):

C=00000000 bbbbbbbbggggggggrrrrrrrr.

Цветовая модель RGB применяется для создания графических образов в устройствах, **излучающих** свет – мониторах, телевизорах.

**Цветовая модель CMYK.** В полиграфических системах напечатанный на бумаге графический объект сам не излучает световых волн. Изображение формируется на основе отраженной волны от окрашенных поверхностей. Окрашенные поверхности, на которые падает белый свет (т. е. сумма всех цветов), должны поглотить (т. е. вычесть) все составляющие цвета кроме того, цвет которой мы видим. Цвет по­верхности можно получить красителями, которые **поглощают**, а не излучают. Например, если мы видим зеленое дерево, то это означает, что из падающего белого цвета, т.е. суммы красного, зеленого, синего, поглощены красный и синий, а зеленый отражен. Цвета красителей должны быть дополняющими:

– голубой (Cyan = В + G), дополняющий красного;

– пурпурный (Magenta = R + В), дополняющий зеленого;

– желтый (Yellow = R + G), дополняющий синего.

Но так как цветные красители по отражающим свойствам не одинаковы, то для повышения контрастности применяется еще черный (Black). Модель CMYK названа по первым буквам слов Cyan, Magenta, Yellow и последней букве слова Black. Так как цвета вычи­таются, модель называется **субстрактивной**.

При работе с изображениями в системах компьютерной графики часто приходится искать компромисс между качеством изображения (требуется как можно больше цветов) и ресурсами, необходимыми для хранения и воспроизведения изображения, исчисляемыми, например, объемом памяти (надо уменьшать количество бит на пиксел).

Кроме того, некоторое изображение само по себе может использовать ограниченное количество цветов. Например, для черчения может быть достаточно двух цветов, для человеческого лица важны оттенки розового, желтого, пурпурного, красного, зеленого; а для неба– оттенки голубого и серого. В этих случаях использование полноцветного кодирования цвета является избыточным.

При ограничении количества цветов используют **палитру**, представляющую набор цветов, важных для данного изображения. Палитру можно воспринимать как таблицу цветов. Палитра устанавливает взаимосвязь между кодом цвета и его компонентами в выбранной цветовой модели.

2.6. Графический формат

**Графическим форматом** называют порядок (структуру), согласно которому данные, описывающие изображение, записаны в файле.

Типы форматов графических файлов определяются способом хранения и типом графических данных. Наиболее широко используются растровый (битовый), векторный и метафайловый форматы.

**Векторный формат** наиболее удобен для хранения изображений, которые можно разложить на простые геометрические фигуры (например, чертежи или текст). Векторные файлы содержат математические описания элементов изображения. Наиболее распространенные векторные форматы: AutoCADDXF и MicrosoftSYLK.

**Растровый формат** используется для хранения растровых данных. Файлы такого типа особенно хорошо подходят для хранения изображений реального мира, например, оцифрованных фотографий. Растровые файлы содержат битовую карту изображения и се спецификацию. Наиболее распространенные растровые форматы: BMP, TIFF, GIF, PCX, JPEG.

Каждый из этих форматов имеет свои преимущества и свои недостатки.

Битовые изображения, как правило, выводятся на экран быстрее, так как их внутренняя структура аналогична (до некоторой степени) структуре видеопамяти. Изображения, получаемые при помощи сканеров и цифровых видеокамер, получаются именно как битовые изображения.

К недостаткам битовых изображений можно отнести большой объем памяти, требующийся для их хранения (около 1 Мбайт в режиме True Color), невозможность масштабирования без потери качества изображения, а также сложность выделения и изменения отдельных объектов изображения.

Векторные изображения состоят из описаний отдельных элементов, поэтому они легко масштабируются. Однако вывод векторных изображений выполняется, как правило, медленнее, чем битовых.

Следует отметить, что некоторые устройства вывода, такие как плоттер (графопостроитель), способны работать только с векторными изображениями, так как с помощью пера можно рисовать только линии.

Существует множество форматов файлов, предназначенных для хранения битовых и векторных изображений.

**Метафайловый формат** позволяет хранить в одном файле и векторные, и растровые данные. Примером такого формата являются файлы CorelDRAW–CDR.

Кроме того, существуют файловые форматы для хранения мультипликации (видеоинформации), мультимедиа-форматы (одновременно хранят звуковую, видео- и графическую информацию), гипертекстовые (позволяют хранить не только текст, но и связи-переходы внутри него) и гипермедиа (гипертекст плюс графическая и видеоинформация) форматы, форматы трехмерных сцен, форматы шрифтов и т. д.

**Глава 3. РАБОТА С РАСТРОВЫМИ ИЗОБРАЖЕНИЯМИ**

**3.1. Виды растровых форматов**

К настоящему времени известно много форматов файлов для растровых изображений. Здесь мы рассмотримработу с одним из самых популярных форматов, который обязан своей распространенностью операционной системе Windows – формат **bmp**.

В операционной системе Windows используются два формата растровых (битовых) изображений –**аппаратно-зависимый DDB** (device-dependent bitmap) и **аппаратно-независимый DIB** (device-independent bitmap).

Согласно определению, данному в документации к SDK, **битовое изображение DDB** есть набор бит в оперативной памяти, который может быть отображен на устройстве вывода (например, выведен на экран видеомонитора или распечатан на принтере). Внутренняя структура изображения DDB жестко привязана к аппаратным особенностям устройства вывода. Поэтому представление изображения DDB в оперативной памяти полностью зависит от устройства вывода.

Для описания растровых изображений в ОС Windowsиспользуется структура **BITMAP**:

typedef struct tagBITMAP {

LONG **bmType**; //Тип битового изображения (= 0)

LONG **bmWidth**; //Ширина битового изображения в

//пикселах (> 0)

LONG **bmHeight**; //Высота битового изображения в

//пикселах (>0)

LONG **bmWidthBytes**; //Размер памяти, занимаемый одной

//строкой растра битового изображения.

WORD **bmPlanes**; //Количество плоскостей в битовом

//изображении

WORD **bmBitsPixel**; //Количество бит, используемых

//для представления цвета пиксела

LPVOID **bmBits**;//Указатель на массив, содержащий

//биты изображения

} **BITMAP**, \*PBITMAP;

Если бы в Windows можно было работать только с изображениями DDB, было бы необходимо иметь отдельные наборы изображений для каждого типа видеоконтроллера и каждого видеорежима, что, очевидно, крайне неудобно.

Аппаратно-независимое битовое изображение DIB содержит описание цвета пикселов изображения, которое не зависит от особенностей устройства отображения. Операционная система Windows после соответствующего преобразования может отобразить такое изображение на любом устройстве вывода. Несмотря на некоторое замедление процесса вывода по сравнению с выводом изображений DDB, универсальность изображений DIB делает их весьма привлекательными для хранения изображений.

**3.2. Битовые изображения в формате DDB**

Как было сказано выше, битовые изображения в формате DDB являются **аппаратно-зависимыми**. Поэтому структура изображения в оперативной памяти зависит от особенностей аппаратуры.

Как правило, изображения DDB либо загружаются из ресурсов приложения, либо создаются непосредственно в оперативной памяти. Для вывода изображений DDB на экран используются такие функции, как **BitBlt** и **StretchBlt**.

Ниже приведено описание функций **BitBlt** и **StretchBlt**.

BOOL WINAPI **BitBlt**(

HDC hdcDest, //Контекст для рисования

int nXDest, //Х-координата верхнего левого угла

//области рисования

int nYDest, //Y-координата верхнего левого угла

//области рисования

int nWidth, //Ширина изображения

int nHeight, //Высота изображения

HDC hdcSrc, //Идентификатор исходного контекста

int nXSrc, //X-координата верхнего левого угла

//исходной области

int nYSrc, //Y-координата верхнего левого угла

**//**исходной области

DWORD dwRop) //Код растровой операции

Функция копирует битовое изображение из исходного контекста **hdcSrc** в контекст отображения **hdcDest**. Возвращаемое значение равно TRUE при успешном завершении или FALSE при ошибке.

В качестве кода растровой операции чаще всего используется константа SRCCOPY. При этом цвет пикселов копируемого изображения полностью замещает цвет соответствующих пикселов контекста отображения. В этом случае цвет кисти, выбранной в контекст отображения, не имеет значения, так как ни цвет кисти, ни цвет фона не влияют на цвет нарисованного изображения.

Для рисования битовых изображений можно использовать вместо функции **BitBlt** функцию **StretchBlt**, с помощью которой можно выполнить масштабирование (сжатие или растяжение) битовых изображений:

BOOL WINAPI **StretchBlt**(

HDC hdcDest, //контекст для рисования

int nXDest, //Х-координата верхнего левого

//угла области рисования

int nYDest, //Y-координата верхнего левого угла

//области рисования

int nWidthDest, //новая ширина изображения

int nHeightDest, //новая высота изображения

HDC hdcSrc, //идентификатор исходного контекста

int nXSrc, //Х-координата верхнего левого

//угла исходной области

int nYSrc, //Y-координата верхнего левого

//угла исходной области

int nWidthSrc, //ширина исходного изображения

int nHeightSrc, //высота исходного изображения

DWORD dwRop) //код растровой операции

Параметры этой функции аналогичны параметрам функции **BitBlt**, за исключением того, что ширина и высота исходного и полученного изображения должна определяться отдельно. Размеры исходного изображения (логические) задаются параметрами **nWidthSrc** и **nHeightSrc**, размеры нарисованного изображения задаются параметрами **nWidthDest** и **nHeightDest**.

Возвращаемое значение равно TRUE при успешном завершении или FALSE при ошибке.

**3.3. Битовые изображения в формате DIB**

Изображения DIB, в отличие от изображений DDB, являются аппаратно-независимыми, поэтому без дополнительного преобразования их нельзя отображать на экране с помощью функций **BitBlt** и **StretchBlt**. В операционной системе Windows битовые изображения хранятся в файлах с расширением имени **bmp**, при этом используется аппаратно-независимый формат **DIB**.

Формат **bmp**-файлов представлен на рис. 3.1.

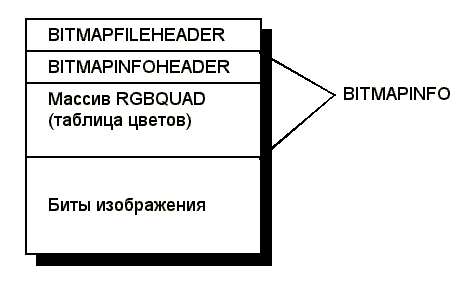


Рис. 3.1

Файл, содержащий битовое изображение, начинается со структуры BITMAPFILEHEADER.Эта структура описывает тип файла и его размер, а также смещение области битов изображения.

**Typedef** structtagBITMAPFILEHEADER {

WORD**b fType**; //признак bmp-файла, 42 4D (коды букв ВМ)

DWORD **bfSize**; //размер файла

WORD **bfReserved1**; //первое резервное поле –

//всегда ноль

WORD **bfReserved2**; //второе резервное поле – тоже ноль

DWORD **bfOffBits**; //смещение от начала файла до

//первого байта графических данных

} **BITMAPFILEHEADER**, \*PBITMAPFILEHEADER;

Сразу после структуры BITMAPFILEHEADER в файле следует структура BITMAPINFO, которая содержит описание изображения и таблицу цветов.

typedef struct tagBITMAPINFO {

**BITMAPINFOHEADER**bmiHeader;

**RGBQUAD** bmiColors[1];

} BITMAPINFO, \*PBITMAPINFO;

Описание изображения (размеры изображения, метод компрессии, размер таблицы цветов и т. д.) находится в структуре BITMAPINFOHEADER.

**typedef** struct tagBITMAPINFOHEADER{

DWORD biSize; //размер BITMAPINFOHEADER в байтах.

LONG biWidth; //ширина картинки в пикселах

LONG biHeight; //высота картинки в пикселах

WORD biPlanes; //количество битовых плоскостей (=1)

WORD biBitCount; //количество бит на пиксел

//(определяет максимальное число цветов в bitmap)

DWORD biCompression; //способ сжатия (0 – данные

//не сжимаются).

DWORD biSizeImage; //размер изображения в байтах

//(без заголовков)

LONG biXPelsPerMeter; //число пикселов на метр

//по горизонтали

LONG biYPelsPerMeter; //число пикселов на метр

//по вертикали

DWORD biClrUsed; //количество элементов палитры,

//хранящихся после заголовка

DWORD biClrImportant; //количество разных цветов,

//действительноиспользуемыхврисунке

} **BITMAPINFOHEADER**, \*PBITMAPINFOHEADER;

В некоторых случаях (не всегда) в файле может присутствовать **палитра**–таблица цветов (как массив структур RGBQUAD), присутствующих в изображении.

typedef struct tagRGBQUAD

{

BYTE rgbBlue;

BYTE rgbGreen;

BYTE rgbRed;

BYTE rgbReserved;

} **RGBQUAD**;

Палитра отсутствует, если число бит на пиксел равно 24. Также палитра не нужна и для некоторых цветовых форматов 16 и 32 бит на пиксел.

После палитры (если она есть) в файле BMP записывается растр в виде битового (а точнее, байтового массива). В битовом массиве последовательно записываются байты строк растра. Количество байт в строке должно быть кратно четырем, поэтому если количество пикселов по горизонтали не соответствует такому условию, то справа в каждую строку дописывается некоторое число битов (выравнивание строк на границу двойного слова).

Точное значение смещения битов изображения находится в структуре BITMAPFILEHEADER.

**3.4. Загрузка данных из bmp-файла**

Чтобы изображение загрузить с диска в оперативную память и получить дескриптор изображения (типа HBITMAP), используются функции **LoadBitmap()** и **LoadImage()**. Так, например, из файла с расширением .bmp изображение можно прочитать при помощи функции **LoadImage()**:

HBITMAP Bit=(HBITMAP)LoadImage(NULL, char\* Filename,

IMAGE\_BITMAP, 0, 0, LR\_LOADFROMFILE **|** LR\_CREATEDIBSECTION)

Значение NULL **первого параметра** указывает, что картинка вводится из файла. При получении изображения из ресурса в первом параметре указывается дескриптор приложения. Во **втором параметре** задается имя файла или идентификатор ресурса. **Третий параметр** задает тип изображения и может принимать значения IMAGE\_BITMAP, IMAGE\_CURSOR, IMAGEICON. **Четвертый** и **пятый параметры**, которые указывают размеры изображения, при вводе битовой карты задаются нулями, так как эта информация имеется в заголовке bmp-файла. **Шестой параметр** содержит сочетание флагов. В частности, флаг LR\_LOADFROMFILE указывает, что изображение вводится из файла. При задании флага LR\_CREATEDIBSECTION создается **аппаратно-независимое**, а при его отсутствии –**аппаратно-зависимое** растровое изображение. Ниже приводится код функции для загрузки битовой карты, которая получает путь к файлу FileName и тип растра Туре. Нулевое значение будет означать, что используется тип **DIB**, а единичное значение будет применяться для типа **DDB**.

HBITMAP LoadPict(char \*FileName, int Type)

{

if(Type)

return LoadImage(NULL, FileName,IMAGE\_BITMAP, 0, 0,

LR\_LOADFROMFILE);

else

return Loadlmage(NULL, FileName, IMAGE\_BITMAP, 0, 0,

LR\_LOADFROMFILE**|**LR\_CREATEDIBSECTION);

}

Функция **LoadImage()** позволяет загружать из ресурса битовую карту, курсор или пиктограмму, но для этого более удобны простые специализированные функции **LoadBitmap()**, **LoadCursor()**, **LoadIcon()**.

**3.5. Вывод растровых изображений на экран**

Рассмотрим пример функции для отображения рисунка формата **bmp** в окне Windows.

Int **ShowBitMap**(HWND hWnd, HBITMAP hBit, int x, int y)

//функция отображает рисунок в заданной позиции окна

//hWnd - дескриптор окна, куда выводится изображение

//hBit - дескриптор рисунка

//(x,y) - координаты левого верхнего угла

//изображения вокне вывода

{

BITMAPBitMap;

//в структуру BitMap считываются параметры картинки

GetObject(hBit,sizeof(BITMAP),&BitMap);

//из ее полей bmHeight и bmWidth получаем размеры

//длякопирования

int Height=BitMap.bmHeight;

intWidth=BitMap.bmWidth;

//получаем контекст изображения

HDChdc = GetDC(hWnd);

//создаем контекст памяти

HDChdcMem=CreateCompatibleDC(hdc);

//в созданный контекст памяти заносим дескриптор

//битовойкарты

HBITMAP OldBitmap=(HBITMAP)SelectObject(hdcMem,hBit);

//если в исходном тексте программы есть строка

//#include<windowsx.h>,то дескриптор hBit можно

//включить в контекстпри помощи инструкции:

//HBITMAP OldBitmap=SelectBitmap(hdcMem,hBit);

//контекст hdcMem можно использовать для рисования

//средствами GDI -создаваемое изображение с учетом

//заданной растровой операции наносится на включенную

// в контекст картинку.

//в окно, с которым связан контекст изображения hdc,

// картинка переноситсяпри помощи функции копирования:

**BitBlt**(hdc,x,y,Width,Height,hdcMem,0,0,

SRCCOPY);

//PATCOPY

//после копирования уничтожаются контексты памяти

//иизображения

SelectObject(hdcMem,OldBitmap);

//SelectBitmap(hdcMem,OldBitmap);

ReleaseDC(hWnd,hdc);

DeleteDC(hdcMem);

return 0;

}

Рассмотрим пример функциидля сохранения в файле на диске рабочей области окна в формате **bmp**.

**int ClientToBmp**(HWND hWnd,char \*Name)

//сохранение рабочей области окна в файле Name.bmp

//hWnd - дескриптор окна, рабочая область которого

//сохраняется

//Name - имя файла для сохранения

{

BITMAPFILEHEADER bmfHdr;

BITMAPINFOHEADER bi;

RECT r;

intBitToPixel=16; //устанавливаем цветовую

//глубину 16 бит

GetClientRect(hWnd,&r); *//*узнаем размер рабочей

//области

HDChdc = GetDC(hWnd);

HDChdcMem=CreateCompatibleDC(hdc);

//создаем битовую карту BitMap по размеру рабочей

//области окна

//битовая карта создается на основе контекста

//устройства hdc, поэтому она хранит изображение

//**DDB-формата** (а не DIB).

HBITMAPBitMap = CreateCompatibleBitmap(hdc, r.right,

r.bottom);

HBITMAP OldBitmap = (HBITMAP)SelectObject(hdcMem,

BitMap);

BitBlt(hdcMem, 0, 0, r.right, r.bottom, hdc,

0, 0, SRCCOPY);

BitMap = (HBITMAP)SelectObject(hdcMem,OldBitmap);

ZeroMemory(&bi,sizeof(BITMAPINFOHEADER));//Это аналог

//функции memset(), который заполняет заголовок нулями.

bi.biSize = sizeof(BITMAPINFOHEADER);

bi.biWidth = r.right;

bi.biHeight = r.bottom;

bi.biPlanes = 1;

bi.biBitCount = BitToPixel;//в примерах режим 16

//бит тоже сохраняется,

//как 24- это DIB,но 8 бит на пиксел работать не

//будут – не записаны после заголовка элементы палитры

//Для вычисления размера изображения в байтах мы

//увеличиваем значение г.right \* BitToPixel/8 байт

//на строку до значения, кратного четырем. Это

//вычисление может выполнить и функция GetDIBits()

bi.biSizeImage = (r.right \* BitToPixel+31)/32\*4 \*

r.bottom;

DWORDdwWritten*;* //количество записанных файлов

//Открываемфайл

HANDLE fh = CreateFile(Name, GENERIC\_WRITE, 0, NULL,

CREATE\_ALWAYS, FILE\_ATTRIBUTE\_NORMAL |

FILE\_FLAG\_SEQUENTIAL\_SCAN, NULL);

if (fh == INVALID\_HANDLE\_VALUE) return 2;

bmfHdr.bfType = ('M'<<8)|'B'; //заполняемдисковый

//заголовок

bmfHdr.bfSize = bi.biSizeImage + sizeof(bmfHdr)+

bi.biSize*;* //размерфайла

bmfHdr.bfReserved1 = bmfHdr.bfReserved2 = 0;

bmfHdr.bfOffBits = sizeof(bmfHdr) + bi.biSize*;* //

//смещение до начала данных

//Запись заголовка в файл

WriteFile(fh, (LPSTR)&bmfHdr, sizeof(bmfHdr),

&dwWritten, NULL);

//Запись в файл загружаемого заголовка

WriteFile(fh, (LPSTR)&bi, sizeof(BITMAPINFOHEADER),

&dwWritten, NULL);

//Выделяем место в памяти для того,чтобы функция

//GetDIBits()перенесла туда коды цвета в DIB-формате

char \*lp=(char \*) GlobalAlloc(GMEM\_FIXED,

bi.biSizeImage);

//Из карты BitMap строки с нулевой по bi.biHeight

//функция пересылает в массив lp по формату bi

//(беспалитровыйформат)

interr=GetDIBits(hdc, BitMap,0,(UINT)r.bottom, lp,

(LPBITMAPINFO)&b,DIB\_RGB\_COLORS);

//Записьизображениянадиск

WriteFile(fh, lp, bi.biSizeImage, &dwWritten, NULL);

//Освобождение памяти и закрытие файла

GlobalFree(GlobalHandle(lp));

CloseHandle(fh);

ReleaseDC(hWnd,hdc);

DeleteDC(hdcMem);

if (dwWritten == 0) return 2;

return 0;

}

**Глава 4. НЕКОТОРЫЕ АЛГОРИТМЫ КОМПЬЮТЕРНОЙ  
 ГРАФИКИ**

**4.1.Классификация алгоритмов компьютерной графики**

Алгоритмы компьютерной графики можно разделить на два уровня: **нижний** и **верхний**. Группа алгоритмов нижнего уровня предназначена для реализации графических примитивов (линий, окружностей, заполнений и т.п.). Эти алгоритмы или подобные им воспроизведены в графических библиотеках языков высокого уровня или реализованы аппаратно в графических процессорах рабочих станций.

Среди алгоритмов **нижнего** уровня можно выделить следующие группы:

**I группа** –используют простые математические методы и отличаются простотой реализации. Как правило, такие алгоритмы не являются наилучшими по объему выполняемых вычислений или требуемым ресурсам памяти.

**II группа**– используют более сложные математические методыпо сравнению с алгоритмами I группы (но часто и эвристические) и отличаются большей эффективностью.

**III группа**– алгоритмы, которые могут быть без больших затруднений реализованы аппаратно (допускающие распараллеливание, рекурсивные, реализуемые в простейших командах). В эту группу могут попасть и алгоритмы, представленные в первых двух группах.

К алгоритмам **верхнего** уровня относятся в первую очередь алгоритмы **удаления невидимых линий и поверхностей**. Задача удаления невидимых линий и поверхностей продолжает оставаться центральной в машинной графике. От эффективности алгоритмов, позволяющих решить эту задачу, зависят качество и скорость построения трехмерного изображения.

К задаче удаления невидимых линий и поверхностей примыкает **задача построения (закрашивания) полутоновых (реалистических) изображений**, т. е. учета явлений, связанных с количеством и характером источников света, учета свойств поверхности тела (прозрачность, преломление, отражение света).

Однако при этом не следует забывать, что вывод объектов в алгоритмах верхнего уровня обеспечивается примитивами, реализующими алгоритмы нижнего уровня, поэтому нельзя игнорировать проблему выбора и разработки эффективных алгоритмов нижнего уровня.

Для разных областей применения компьютерной графики на первый план могут выдвигаться разные свойства алгоритмов. Для научной графики большое значение имеет универсальность алгоритма, быстродействие может отходить на второй план. Для систем моделирования, воспроизводящих движущиеся объекты, быстродействие становится главным критерием, поскольку требуется генерировать изображение практически в реальном масштабе времени.

Особенности растровой графики связаны с тем, что обычные изображения, с которыми сталкивается человек в своей деятельности (чертежи, графики, карты, художественные картины и т.п.), реализованы на плоскости, состоящей из бесконечного набора точек. Экран же растрового дисплея представляется матрицей дискретных элементов, имеющих конкретные физические размеры. При этом число их существенно ограничено. Поэтому нельзя провести точную линию из одной точки в другую, а можно выполнить только аппроксимацию этой линии с отображением ее на дискретной матрице (плоскости). Такую плоскость также называют **целочисленной решеткой**, растровой плоскостью или растром. Эта решетка представляется квадратной сеткой с шагом 1. Отображение любого объекта на целочисленную решетку называется **разложением его в растр** или просто **растровым представлением**.

**4.2. Базовые растровые алгоритмы**

Сформировать растровое изображение можно по-разному. Для того чтобы создать изображение на растровом дисплее, можно просто скопировать готовый растр в видеопамять. Этот растр может быть получен, например, с помощью сканера или цифрового фотоаппарата. А можно создавать изображение объекта путем последовательного рисования отдельных простых элементов.

Простые элементы, из которых складываются сложные объекты, будем называть графическими примитивами. Их можно встретить повсюду. Например, для построения изображения используется некоторый набор примитивов, которые поддерживаются определенными графическими устройствами вывода. Графические примитивы также можно применять для описания пространственных объектов в базе данных компьютерной системы – модели объектов. Могут использоваться различные множества примитивов для модели и для алгоритмов отображения. Удобно, когда эти множества совпадают, тогда уп­рощается процесс отображения.

Простейшим и, вместе с тем, наиболее универсальным растровым графическим примитивом является **пиксел**. Любое растровое изображение можно нарисовать по пикселам, но это сложно и долго. Необходимы больее сложные элементы, для которых рисуются сразу несколько пикселов.

**4.2.1. Инкрементные алгоритмы растеризации**

**Брезенхэм** предложил подход, позволяющий разрабатывать так называемые **инкрементные** алгоритмы растеризации [2]. Основной целью для разработки таких алгоритмов было построение циклов вычисления координат на основе только целочисленных операций сложения/вычитаниябез использования умножения и деления. Инкрементные алгоритмы выполняются как последовательное вычисление координат соседних пикселов путем добавления приращений координат.

Разработаны инкрементные алгоритмы для вывода отрезка, окружности, эллипса.

**4.2.2.Алгоритм вывода прямой линии**

Пусть на растре заданы две точки и  с целочисленными координатами (рис. 4.1).

Запишем уравнение прямой, проходящей через эти точки



или

 (4.1)

где

,,,



















Рис. 4.1

Будем рассматривать случай для и .

Пусть точка  уже поставлена. Необходимо принять решение о том, какие координаты должна иметь точка:  или .

Запишем выражение для *y*-координаты математической прямой для :



Вычислим разности

,

,



.

Тогда



Выполним замену в





или



Полагая, что ,получим

, (4.2)

где

 (4.3)

 (4.4)

Так как , то



Вычитая (4.2) из (4.4), получим

.

Но, тогда .

При этом

.

Поэтому

.

Вычислим начальное значение .

Из (4.2) получаем

 (4.5)

Значение  соответствует точке .

Точка  по условию удовлетворяет уравнению прямой (4.1).

Отсюда

.

Подставляя полученное значение  в выражение (4.3)для , получим



.

Подставляя полученное выражение для в выражение (4.5) для , получим

.

|  |
| --- |
| . |
|  |
| . |

Ниже приведен возможный вариант функции для рисования линии между точками  и для цветом color для работы с использованием библиотеки классов MFC.

void Line(CDC& dc,int x1,int y1,int x2,int y2,COLORREF color)

//Алгоритм Брезенхема для прямой y=kx+b, при k<1!!!

//dc – ссылка на контекст устройства

//(x1,y1) – координаты начальной точки

//(x2,y2) – координаты конечной точки

//color – цвет линии

{

int dx=x2-x1;

int dy=y2-y1;

int d=2\*dy-dx;

int d1=2\*dy;

int d2=2\*(dy-dx);

int y=y1;

dc.SetPixel(x1,y1,color);

for(int x=x1+1;x<=x2;x++)

{

if(d<0)d+=d1;

else

{

y++;

d+=d2;

}

dc.SetPixel(x,y,color);

}

}

Приведенная ниже функция реализует алгоритм Брезенхема для любых .

void MyLine(CDC& dc,int x1,int y1,int x2,int y2,COLORREF color)

//Алгоритм Брезенхема для прямой y=kx+b при любых k

{

int dx=abs(x2-x1);

int dy=abs(y2-y1);

int incX=x2>=x1?1:-1;

int incY=y2>=y1?1:-1;

if(dy<= dx)

{

int d=2\*dy-dx;

int d1=2\*dy;

int d2=2\*(dy-dx);

dc.SetPixel(x1,y1,color);

int x=x1;

int y=y1;

for(int i =1;i <=dx;i++)

{

x+=incX;

if(d<0)d+=d1;

else

{

y+=incY;

d+=d2;

}

dc.SetPixel(x,y,color);

}

}

else

{

int d=2\*dx-dy;

int d1=2\*dx;

int d2=2\*(dx-dy);

dc.SetPixel(x1,y1,color);

int x=x1;

int y=y1;

for(int i =1; i <=dy;i++)

{

y+=incY;

if(d<0)d+=d1;

else

{

x+=incX;

d+=d2;

}

dc.SetPixel(x,y, color);

}

}

}

**4.2.3.Алгоритм построения окружности методомсредней точки**

Рассмотрим уравнение окружности радиуса с центром в начале координат

 (4.6)

Введем в рассмотрение функцию окружности

 (4.7)

Любая точка ,которая лежит на окружности удовлетворяет уравнению.

Если точка находится внутри круга, то функция окружности будет иметь отрицательное значение. Если точка лежит за пределами круга, значение функции окружности будет положительным. Подытоживая, можно сказать, что относительное положение любой точки с координатами определяется проверкой знака функции окружности:точка

 4.8)

Проверка выполняется на каждом этапе выборки для средних положений между пикселями вблизи заданной окружности. Таким образом, функция окружности–это параметр принятия решения в алгоритме средней точки, и для этой функции можно установить операции приращения, как это было сделано для алгоритма построения прямой линии.

На рис. 4.2 показана средняя точка между двумя возможными пикселами в точке выборки. Предположим, что мы только что поставили точку в пикселе с координатами . Теперь нужно определить, какой из двух пикселов ближе к заданной окружности – пиксел с координатами  или пиксел с координатами . Параметром принятия решения будет функция окружности (4.7), которая рассчитывается для средней точки между этими двумя пикселами:















Рис. 4.2

В случае, когда , полагаем (если средняя точка **внутри** окружности, то она (окружность) ближе к верхнему пикселу). Тогда







где



При этом



Тогда

, 

,  , для .

В случае, когда , делаем шаг **вниз** (если средняя точка **вне**окружности, то она(окружность) ближе к нижнему пикселу), полагая . Тогда







,

где



.

Для рассматриваемого случая, когда , , получаем



При этом. Тогда





Таким образом

, 

, 

для .

Рассмотрим алгоритмы вычисления и  для случая, когда , .

В этом случае

.

И выражение дляпринимает вид



Таким образом, если , то



,

если , то



.

Для удобства заменим в выражениях дляи  на , тогдадля



При получаем



Начальные значения параметров и  определим из условия  и .

Тогда

.

Поскольку радиус  и приращение  целые числа, то значение  можно округлить и принять









Подводя итог изложенному, запишем в собранном виде алгоритм построения окружности методом средней точки.

Установить начальные значение для .

Поставить начальные точки.

Выполнять в цикле пока 

если , то



если , то



Поставить точки, соответствующие текущему шагу (рис. 4.3)

Рис. 4.3

Приводимаянижефункциярасставляетточкиокружности, соответствующиетекущемушагу.

void CirclePoints(CDC& dc,int x,int y,CPoint &P,COLORREF color)

{

dc.SetPixel(x+P.x,y+P.y,color); //1

dc.SetPixel(y+P.x,x+P.y,color); //2

dc.SetPixel(y+P.x,-x+P.y,color); //3

dc.SetPixel(x+P.x,-y+P.y,color);//4

dc.SetPixel(-x+P.x,-y+P.y, color);//5

dc.SetPixel(-y+P.x,-x+P.y, color);//6

dc.SetPixel(-y+P.x,x+P.y,color);//7

dc.SetPixel(-x+P.x,y+P.y,color); //8

}

Приводимая ниже функция реализует алгоритм построения окружности методом средней точки.

void MyCircle(CDC& dc,CPoint &P,int r,COLORREF color)

{

int x=0;

int y=r;

int d=1-r;

int p=3;

int q=-2\*r+5;

CirclePoints(dc,x,y,P,color);

while(y>x)

{

if(d<0)

{

d+=p;

p+=2;

q+=2;

x++;

}

else

{

d+=q;

p+=2;

q+=4;

x++;

y--;

}

CirclePoints(dc,x,y,P,color);

}

}

**4.3. Стиль линии. Перо**

Для описания различных по виду изображений на основе линий используют термин **стиль линий** или **перо** [2]. Термин перо иногда делает более понятной суть алгоритма вывода линий для некоторых стилей – в особенности для толстых линий. Например, если для тонкой непрерывной линии перо соответствует одному пикселу, то для толстых линий перо можно представить себе как фигуру или отрезок линии, который скользит вдоль оси линии, оставляя за собой след (рис.4.4).

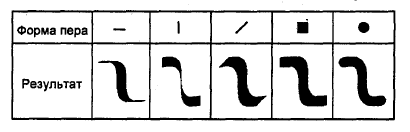


Рис. 4.4

**4.3.1. Алгоритмы вывода толстой линии**

Взяв за основу любой алгоритм вывода обычных тонких линий (например, алгоритм Брезенхэма), запишем его в следующем обобщенном виде:

**Вывод пиксела (х, у)**

Можно представить себе такой алгоритм, как цикл, в котором определяются координаты каждого пиксела. Этот алгоритм можно модифицировать для вывода толстой линии следующим образом:

**Вывод фигуры (или линии) пера с центром (х, у)**

Вместо вывода отдельного пиксела стоит вывод фигуры или линии, соответствующей перу – прямоугольник, круг, отрезок прямой.

Такой подход к разработке алгоритмов толстых линий имеет преимущества и недостатки. Преимущество – можно прямо использовать эффективные алгоритмы для вычисления координат точек линии оси, например, алгоритмы Брезенхэма. Недостаток – неэффективность для некоторых форм пера. Для перьев, которые соответствуют фигурам с заполнением, количество тактов работы алгоритма пропорционально квадрату толщины линии. При этом большинство пикселов многократно закрашивается в одних и тех же точках (рис. 4.5).

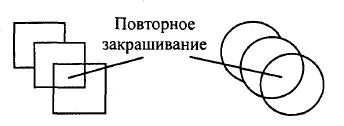


Рис. 4.5

Такие алгоритмы более эффективны для перьев в виде отрезков линий. В этом случае каждый пиксел рисуется только один раз. Но здесь важным является наклон изображаемой линии. Ширина пера зависит от наклона (рис. 4.6).

Очевидно,что горизонтальное перо не может рисовать толстую горизонтальную линию.

Для вывода толстых линий с помощью пера в качестве отрезка линии чаще всего используются отрезки горизонтальной или вертикальной линий, реже – диагональные отрезки под углом 45 градусов. Целесообразность такого способа определяется большой скоростью вывода горизонтальных и вертикальных отрезков прямой. Для того, чтобы достигнуть минимального количества тактов вывода, толстые линии, которые по наклону ближе к вертикальным, рисуют горизонтальным пером, а пологие линии – вертикальным пером.

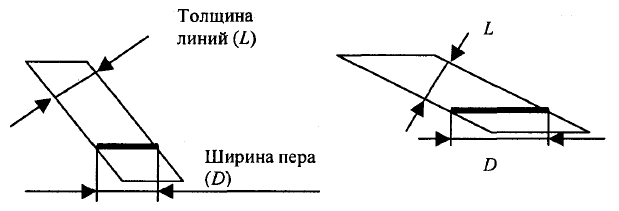


Рис. 4.6

**4.3.2. Алгоритмы вывода пунктирной линии**

Алгоритм для рисования тонкой пунктирной линии можно получить из алгоритма вывода тонкой непрерывной линиизаменой процедуры вывода пиксела более сложной конструкцией:

**Вывод пиксела (х, у)**

**Проверка значения счетчика С :**

**Если С удовлетворяет некоторым условиям,**

**то вывод пиксела (х, у)**

**Значение С увеличивается на единицу**

При выводе полилиний, которые состоят из отрезков прямых, необходимо предотвратить обнуление значения счетчика в начале каждого отрезка и обеспечить продолжение непрерывного приращения вдоль всей сложной линии. Иначе будут нестыковки пунктира. Использование переменной-счетчика затруднено при генерации пунктирных линий в алгоритмах, которые используют симметрию, например, при выводе круга или эллипса. В этом случае будут нестыковки пунктира на границах октантов или квадрантов.

**4.4. Стиль заполнения. Кисть. Текстура**

При выводе фигур могут использоваться различные стили заполнения. Для обозначения стилей заполнения, отличных от сплошного стиля, используют такие понятия, как **кисть** и **текстура**. Их можно считать синонимами, однако понятие текстуры обычно используется применительно к трехмерным объектам, а кисть – для изображения двумерных объектов. Текстура – это стиль заполнения, закрашивание, которое имитирует сложную рельефную объемную поверхность, выполненную из какого-то материала.

Для описания алгоритмов заполнения фигур с определенным стилем можно использовать тот же способ, что и для описания алгоритмов рисования линий. Описание всех разновидностей подобных алгоритмов можно дать с помощью обобщенной схемы:

**Вывод пиксела заполнения цвета С с координатами (х, у)**

Например, в алгоритме вывода полигонов пикселы заполнения рисуются в теле цикла горизонталей, а все другие операции предназначены для подсчета координат этих пикселов. Сплошное заполнение означает, что цвет (С) всех пикселов одинаков, то есть C=const. Для получения определенного узора необходимо изменять цвет пикселов заполнения. Преобразуем алгоритм заполнения следующим образом:



**Вывод пиксела заполнения цветом**

Функция  будет определять стиль заполнения. Аргументами функции цвета являются координаты текущего пиксела заполнения. Однако в отдельных случаях эти аргументы не нужны. Например, если цвет С вычислять как случайное значение в определенных границах: , то можно создать иллюзию шершавой матовой поверхности (рис.4.7, а).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| а) | б) |
| Рис. 4.7 | |

Другой стиль заполнения – штриховой (рис. 4.7, б). Для него функцию цвета также можно записать в аналитической форме:

,

где – период, – толщина штрихов,– цвет штрихов, цвет фона.

Подобную функцию можно записать и для других типов штриховки. Аналитическая форма описания стиля заполнение позволяет достаточно просто изменять размеры штрихов при изменениях масштаба показа, например, для обеспечения режима WYSIWYG.

**Глава 5. МИРОВЫЕ И ЭКРАННЫЕ КООРДИНАТЫ**

При отображении пространственных объектов на экране или на листе бумаги с помощью принтера необходимо знать координаты объектов. Мы рассмотрим две системы координат. Первая **–мировая система координат(МСК)**, которые описывают истинное положение объектов в пространстве с заданной точностью. Другая **– оконные координаты** или **система координат устройства изображения**, в котором осуществляется вывод изображения объектов в заданной проекции.

Мировые координаты объектов являются трехмерными. Положение объекта может быть описано, например, в прямоугольной или сферической системе координат. Где располагается центр системы координат и каковы единицы измерения вдоль каждой оси, не очень важно. Важно то, что для отображения должны быть известны какие-то числовые значения координат отображаемых объектов.

Первоначально рассмотрим работу с плоскими изображениями, для описания которых используются двухмерные мировые координаты. Положим, что изображение объекта сформировано в некоторой плоскости пространства. Рассмотрим задачу получения формул для пересчета мировых координат объекта в оконные.

Пусть в мировом пространстве задана плоскость . Свяжем с этой плоскостью систему координат и выделим на ней прямоугольную область (рис. 5.1).

Рассмотрим оконную систему координат  с началом в левом верхнем углу окна и выделим в ней некоторую прямоугольную область (рис. 5.2).

Пусть  – некоторая точка в мировой системе координат, а  ее образ в оконной системе координат.

Из приведенных рисунков можно получить пропорции

 (5.1)













0









P

Рис. 5.1



0



















Рис. 5.2

 (5.2)

Введем обозначения:

|  |  |
| --- | --- |
|  | – ширина области отображения в оконных координатах, |
|  | – ширина области отображения в мировых координатах, |
|  | – высота области отображения в оконных координатах, |
|  | – высота области отображения в мировых координатах. |

Тогда выражение (5.2) можно переписать в виде

 (5.3)

или

, (5.4)

где , .

Представим соотношения (5.4) в матричном виде

 (5.5)

или

 (5.6)

где

, , .

Перепишем пару рассматриваемых равенств в виде, удобном для дальнейшего использования.

 (5.7)

Представим (5.7) также и в матричном виде

 , (5.8)

или

, (5.9)

где

, , 

**Глава 6. ФИЗИЧЕСКИЕ И ЛОГИЧЕСКИЕКООРДИНАТЫ**

**6.1. Основные определения**

Прежде всего, необходимо определить понятия «**физические координаты**» и «**логические координаты**».

**Физические координаты**, как это следует из названия, имеют непосредственное отношение к физическому устройству вывода. В качестве единицы измерения длины в системе физических координат всегда используется пиксел. Если устройством вывода является экран монитора, физические координаты обычно называют **экранными координатами**.

**Логические координаты** передаются функциям GDI, выполняющим рисование фигур или вывод текста. Используемые единицы измерения зависят от режима отображения.

При отображении GDI преобразует логические координаты в физические. Способ преобразования зависит от режима отображения и других атрибутов контекста отображения, таких как расположение начала системы координат для окна, расположение начала системы физических координат, масштаб осей для окна и масштаб осей физических координат.

**6.2. Физическая система координат**

На рис. 6.1 показана физическая система координат для экрана видеомонитора.

Начало этой системы координат располагается в левом верхнем углу экрана. Ось X направлена слева направо, ось Y – сверху вниз. В качестве единицы длины в данной системе координат используется пиксел.





Рис.6.1

**6.3. Логическая система координат**

Приложения Windows могут использовать одну из нескольких логических координат, устанавливая соответствующий режим отображения в контексте отображения. При этом можно использовать любое направление координатных осей и любое расположение начала координат. Например, возможна система координат, в которой задаются положительные и отрицательные координаты по любой оси (рис. 6.2).







Рис.6.2

Для установки режима отображения, непосредственно определяющего направление осей и размер логической единицы системы координат, используется функция **SetMapMode**:

int dc.SetMapMode(int nMapMode) // MFC

Параметр **nMapMode** может принимать одно из следующих значений, представленных в табл.6.1.

Таблица 6.1.

**Значения параметра nMapMode**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Режим отображения | Направление оси X | Направление  оси Y | Размер одной логической единицы |
| MM\_TEXT | Вправо | Вниз | 1 пиксел |
| MM\_LOMETRIC | Вправо | Вверх | 0,1 мм |
| MM\_HIMETRIC | Вправо | Вверх | 0,01 мм |
| MM\_LOENGLISH | Вправо | Вверх | 0,01 дюйм |
| MM\_HIENGLISH | Вправо | Вверх | 0,001 дюйм |
| MM\_TWIPS | Вправо | Вверх | 1/1440 дюйма |
| MM\_ISOTROPIC | Можно выбирать | Можно выбирать | Произвольный, одинаковый для осей X и Y |
| MM\_ANISOTROPIC | Можно выбирать | Можно выбирать | Произвольный, может быть разный для осей X и Y |

В любой момент времени приложение может определить номер режима отображения, выбранный в контекст отображения, используя функцию **GetMapMode**:

intdc.GetMapMode()// MFC

**6.4. Преобразование координат**

Приложение, вызывая для рисования функции GDI, указывает **логические** координаты. Перед выводом GDI преобразует их в **физические** с использованием следующих формул:

, (6.1)

где

 – логические координаты по оси X и Y соответственно,

– физические (экранные) координаты по оси  и  соответственно,

 – определяют расположение начала **логической** системы координат, по умолчанию ,

 – определяют расположение начала **физической** системы координат, по умолчанию ,

 – задают масштаб, который используется в процессе преобразования координат по оси ,

 – задают масштаб, который используется в процессе преобразования координат по оси .

Эти масштабы зависят от установленного режима отображения. Приложения могут изменить его только в режимах MM\_ISOTROPICи MM\_ANISOTROPIC, для остальных режимов отображения используются фиксированные значения.

Таким образом, логические координаты преобразуются в физические координаты.

**6.5. Режимы отображения**

После рассмотрения физических и логических координат, а также их преобразований, займемся подробным описанием каждого режима отображения.

**6.5.1. Режим MM\_TEXT**

Режим отображения MM\_TEXT устанавливается в контексте отображения по умолчанию. Для этого режима формулы преобразования координат упрощаются:

 (6.2)

Так как по умолчанию ,, **,****,** то

 (6.3)

Соответствующая система координат представлена на рис. 6.3 (начало системы координат расположено точно в левом верхнем углу внутренней области окна, рисунок иллюстрирует только направление координатных осей).







Рис. 6.3

Так как в формуле преобразования не присутствуют переменные и , в данном режиме преобразования невозможно изменить масштаб осей координат. Поэтому логическая единица длины в режиме отображения MM\_TEXT равна физической, т. е. одному пикселу.

Тем не менее, приложение может изменить смещение физической или логической системы координат, изменив, соответственно, значение пар переменных() и (). Для установки смещения можно использовать функции **SetViewportOrg** и **SetWindowOrg**, которые являются методами класса CDC из библиотеки MFC:

virtual CPoint SetViewportOrg(intx, int y) или

CPoint SetViewportOrg(CPoint *point***)**,

virtual CPoint SetWindowOrg(int x, int y) или

CPointSetWindowOrg(CPoint*point*),

где параметры *x*и *y*представляют собой новые значения соответствующих переменных.

**6.5.2. Метрические режимы отображения**

К метрическим режимам отображения относятся режимы MM\_LOMETRIC, MM\_HIMETRIC, MM\_LOENGLISH, MM\_HIENGLISH и MM\_TWIPS.Эти режимы позволяют использовать привычные единицы измерения, такие как миллиметры и дюймы.

В метрических режимах отображения используются полные формулы преобразования координат, приведенные выше. В этих формулах приложение **может изменять** переменные, определяющие смещение начала физической или логической системы координа () и ().

Приложение **не может изменить** значения переменных и , от которых зависит масштаб по осям координат. Отношения и  имеют фиксированное значение для каждого из метрических режимов отображения.

Заметим, что для этих режимов отношение имеет **отрицательный знак**, в результате чего ось  оказывается направленной **снизу вверх**.

Остановимся подробнее на описании режимов MM\_ISOTROPICиMM\_ANISOTROPIC.

Режимы отображения MM\_ISOTROPIC (изотропный) и MM\_ANISOTROPIC (анизотропный) допускают изменение направления осей X и Y, а также изменение масштаба осей координат. В изотропном режиме отображения MM\_ISOTROPIC масштаб вдоль осей X и Y всегда **одинаковый** (т. е. для обеих осей используются одинаковые логические единицы длины). Анизотропный режим MM\_ANISOTROPIC предполагает использование разных масштабов для разных осей (хотя можно использовать и одинаковые масштабы).

Для изменения ориентации и масштаба осей можно воспользоваться функциями **SetViewportExt** и **SetWindowExt**, которые являются методами класса CDC из библиотеки MFC:

virtual CSize SetWindowExt(int cx, int cy),

virtual CSize SetViewportExt(int cx, int cy).

Функция **SetWindowExt** устанавливает для формулы преобразования координат значения переменных  и  .

Функция **SetViewportExt** устанавливает для формулы преобразования координат значения переменных  и . Функция **SetViewportExt**должна использоваться**послефункцииSetWindowExt.**

**Изотропный режим** отображения **удобно использовать** в тех случаях, когда надо сохранить установленное отношение масштабов осей X и Y при любом изменении размеров окна, в которое выводится изображение.

**Анизотропный режимудобен** в тех случаях, когда изображение должно занимать всю внутреннюю поверхность окна при любом изменении размеров окна. Соотношение масштабов при этом не сохраняется.

Сравним теперь выражения для пересчета координат из мировых в оконные (5.3), полученные нами ранее,



и формулы (6.1), по которым пересчитывают координаты функции GDIWindows:



Из сравнения следует, что если положить

|  |  |
| --- | --- |
| , | , |
| , | , |
| , | , |
| , | , |

то пересчет координат из мировых в оконные можно возложить на функции GDIWindows, установив предварительно режим отображения MM\_ANISOTROPIC.

***Замечание.***При использовании режима MM\_ANISOTROPICследует иметь в виду особенности реализации в Win32 APIобъекта логического пера [6]. Дело в том, что при вызове функции создании пера, значение параметра, задающего его толщину, определяется отношениями и . При таком определении, толщина пера может быть различной для рисования по вертикали и горизонтали. Исключением является нулевое значение толщины, определяющее перо толщиной в 1 пиксел.

Ниже приводится возможный вариант функции (при использовании библиотеки классов MFC) для установки режима отображения MM\_ANISOTROPICкогда заданы области отображения в моровых и оконных координатах.

void **Set MyMode(CDC&**dc, **CRect&**RS, **CRect&**RW) //MFC

//dc - ссылка на класс CDCMFC

//RS - область в мировых координатах

//RW - область в оконных координатах

{

int dsx=RS.right-RS.left;

int dsy=RS.top-RS.bottom;

int xsL=RS.left;

int ysL=RS.bottom;

int dwx=RW.right-RW.left;

int dwy=RW.bottom-RW.top;

int xwL=RW.left;

int ywH=RW.bottom;

dc.SetMapMode(**MM\_ANISOTROPIC**);

dc.SetWindowExt(dsx,dsy);

dc.SetViewportExt(dwx,-dwy);

dc.SetWindowOrg(xsL,ysL);

dc.SetViewportOrg(xwL,ywH);

}

**Глава7. ГЕОМЕТРИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ КОМПЬЮТЕРНОЙ  
 ГРАФИКИ**

В настоящее время существует большое число прекрасных курсоввысшей математики, которая и является тем фундаментом, на котором построены все методы и алгоритмы компьютерной графики. Необходимые разделы математики включаются также и в соответствующие учебные пособия по компьютерной графике [3].

Тем не менее, авторы считают необходимым привести в качестве справочного материала некоторые сведения из курса аналитической геометрии и математического анализа, которые имеют отношение к тематике учебного пособия.

**7.1. Системы координат и векторы**

Рассмотрим различные способы представления векторов на плоскости и в пространстве. Пусть  некоторый вектор, заданный в декартовой системе координат  на плоскости (рис.7.1, *а*) и декартовой системе координат  в пространстве (рис. 7.1, *б*).

В прямоугольной системе координат  направление осей задается тройкой перпендикулярных единичных векторов , , .

Система координат называется **правой,** если при повороте от вектора  к вектору  на  направление вектора совпадает с поступательным движением винта с правой резьбой (рис. 7.2). Начальная точка векторов обозначается буквой *О*.Ниже представлены различные формы записи векторов на плоскости и в пространстве.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а*) | *б*) |

Рис. 7.1















Рис. 7.2

 (7.1)

 (7.2)

Другая форма записи векторов

 (7.3)

 (7.4)

Модуль (длина) вектора

 (7.5)

 (7.6)

Пусть заданы два вектора и в форме (7.4)

и,

Тогда

 (7.7)

 (7.8)

При этом справедливы равенства

 (7.9)

**7.2.Скалярное произведение векторов**

Скалярное произведение векторов  и определяется выражением

, (7.10)

где - угол между векторами и 

В координатной форме

 (7.11)

или

, (7.12)

если вектора и  представлены в форме (7.4).

Из (7.10) получаем

 (7.13)

Если , то угол между векторами  и  является острым , при– вектора и  ортогональны, а если , то угол между векторами является тупым .

Отметим некоторые свойства скалярного произведения.

Пусть ,,–некоторые числа. Тогда справедливы равенства:

 (7.14)

**7.3.Векторное произведение векторов**

Векторное произведение векторов  и  определяется выражением

, (7.15)

где  – угол между векторами  и . Направление вектора  перпендикулярно векторам  и и таково, что вектора , ,  в приведенной последовательности образуют правостороннюю тройку (рис. 7.2).

Отметим некоторые свойства векторного произведения.

Длина вектора равна

 (7.16)

Если, где  скаляр, то

, (7.17)

так как  (см. ниже).

Пусть  – некоторая константа, тогда справедливы соотношения

 (7.18)

Рассмотрим еще одну форму записи векторного произведения



. (7.19)

**7.4.Уравнение прямойна плоскости**

Пусть в декартовой системе координат на плоскости  заданы две точки

 и .

Тогда уравнение прямой, проходящей через эти точки имеет вид:

 (7.20)

Полагая в (7.20)

,

получаем параметрическое уравнение прямой на плоскости, проходящей через точки  и .

, (7.21)

Пусть.

Тогда (7.21) можно записать в виде

, (7.22)

или в более компактной форме

. (7.23)

Из (7.23) следует, что при , а при  получаем, что .

Таким образом, при точка  принадлежит отрезку .

Следовательно, при, уравнение (7.23) можно считать уравнением отрезка .

Рассмотрим задачу о взаимном расположении двух отрезков на плоскости.

***Условие задачи***. На плоскости заданы два отрезка прямой:и 

, ,

, .

***Определить :*** пересекаются или нет отрезки и .

Запишем уравнения прямых и , определяемых отрезкамии  соответственно в параметрической форме

 (7.24)

 (7.25)

Предположим, что прямые пересекаются, и  - точка их пересечения.

В этой точке справедливо равенство

.

или

.

Отсюда





или

. (7.26)

Определитель системы (7.26) равен

 (7.27)

Если , то система уравнений (7.26) решения не имеет:отрезки параллельны (или накладываются).

Если , то система уравнений (7.26) имеет единственное решение  и .

При этом если  и , то отрезки пересекаются, иначе пересекаются их продолжения, или один отрезок пересекается с продолжением другого.

Подставляя найденные значения  и  в (7.24) или в (7.25), можно определить координаты точки пересечения отрезков .

 (7.28)

или

. (7.29)

**7.5.Уравнение прямойв пространстве**

Пусть теперьдве точки заданы в пространстве

 и  (7.30)

Тогда уравнение прямой, проходящей через эти точки, будет иметь вид:

. (7.31)

И в параметрической форме

 (7.32)

Уравнения (7.32), как и ранее, можно представить в компактной форме

. (7.33)

Рассмотрим задачу о пересечении плоскости отрезком прямой.

**Условие задачи.** В декартовой системе координат задана плоскость , определяемая уравнением

 (7.34)

и отрезок прямой , где точки  и  определяются по (30).

**Определить:** пересекает отрезок  плоскость  (рис. 7.3) или нет (рис. 7.4).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 7.3 | Рис. 7.4 |

Для решения поставленной задачи определим значение параметра , при котором прямая (7.32) и плоскость (7.34) имеют общую точку.

Подставляя выражения для координат (7.32) в уравнение плоскости (7.34) и вводя обозначения , , , получим

 (7.35)

Из (7.35) получаем

 (7.36)

для .

Тогда, если , то отрезок  пересекает плоскость . В противном случае плоскость  пересекает продолжение рассматриваемого отрезка.

Координаты точки пересечения определяются путем подстановки значения в (7.32)

 , (7.37)

или в компактной форме

. (7.38)

Рассмотрим случай, когда

. (7.39)

Известно, что в уравнении плоскости коэффициенты ,  и  являются координатами вектора , нормального к этой плоскости, т. е.. Рассмотрим вектор , построенный на отрезке . Тогда условие (7.39) означает, что

. (7.40)

Равенство нулю скалярного произведения (7.40) означает, что вектор перпендикулярен вектору нормали и, следовательно, параллелен плоскости . Если при этом также справедливо равенство , то вектор (отрезок ) лежит в плоскости .

Рассмотрим один частный случай рассмотренной задачи, когда плоскость (7.34) параллельна плоскости  и определяется уравнением  или

. (7.41)

В этом случае , ,  и . Подставляя эти значения в (7.36), получаем

 (7.42)

Подставив найденное значение в (37), находим

 (7.43)

Рассмотренная задача возникает при построении линий уровня (см. ниже).

**7.6.Вычисление нормали к поверхности**

В данном разделе рассматривается задача вычисления вектора нормали к поверхности, которая возникает во многих задачах компьютерной графики.

Сначала вычислим нормаль к плоскости, которая определяется расположенными на ней тремя точками (рис.7.5).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 7.5 | Рис. 7.6 |

Пусть точки , и  лежат в одной плоскости.

Образуем векторы

 и .

Тогда вектор нормали  к плоскости можно вычислить как векторное произведение векторов  и 

 (7.44)

Выражение (44) используется для вычисления координат вектора нормали в случае описания поверхности векторно-полигональной моделью (см. ниже).

Рассмотрим теперь произвольную поверхность, заданную в явном виде функцией

. (7.45)

При таком задании поверхности вектор нормали будет имеет вид

, (7.46)

где , ,  – координаты вектора нормали.

Единичный вектор нормали будет определяться выражением

, (7.47)

где  – модуль вектора нормали, , ,  – координаты вектора единичной нормали.

Пусть теперь поверхность задана неявно уравнением

. (7.48)

При неявном определении поверхности вектор нормали примет вид []

, (7.49)

где , ,  – координаты вектора нормали,

 (7.50)

– градиент функции .

Единичный же вектор нормали в этом случае

, (7.51)

где

 – (7.52)

модуль градиента функции , , ,  – координаты вектора единичной нормали.

При выборе вектора нормали необходимо следить за тем, чтобы получить **нормаль нужного направления**, т. е. правильно выбрать **нужную сторону поверхности**. Если для поверхности указано, что нормаль к ней составляет с осью  угол больший, чем , то вместо (7.46) в качестве вектора нормали необходимо взять вектор

, (7.53)

Аналогично для поверхности . В этом случае вместо (7.49) для вычисления вектора нормали следует воспользоваться выражением

. (7.54)

Соответственно выражение для вектора единичной нормали будет иметь вид

. (7.55)

Пусть теперь поверхность задана параметрически:

 (7.56)

Тогда вектор нормали  к поверхности имеет вид:

, (7.57)

где

,,  (7.58)

**7.7.Полярная система координат**

Приведем в качестве справки соотношения, связывающие координаты точки , в декартовой и полярной системе координат (рис. 7.8).

|  |  |
| --- | --- |
|  | (7.59) |
| Рис. 7.8 |  |

**7.8.Сферическая система координат**

Ниже приведены соотношения, связывающие координаты точки , в декартовой и сферической системе координат (рис. 7.9).

|  |  |
| --- | --- |
|  | (7.60) |
| Рис. 7.9 |  |

**8. АФФИННЫЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЯ НА ПЛОСКОСТИ**

**8.1. Аффинные преобразования системы координат**

Пусть на плоскости задана система координат (СК) и точка  принадлежащая некоторому объекту. Система координат трансформируется в СК  путем ряда последовательных смещений и поворотов относительно своего исходного состояния. При этом точка (объект) остается **неподвижной**. Необходимо определить координаты точки (объекта) в системе координат  (рис. 8.1, *а*,*б*).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а*) | *б*) |
| Рис. 8.1 | |

В общем случае преобразование координат мочки при переходе от системы координат к системе координат определяется системой линейных уравнений:

 , (8.1)

где .

Выражение (8.1) представляет собой аффинное преобразование координат при переходе от системы координат к системе координат .

Обратный переход от СК к СК определяется как

, (8.2)

Аффинное преобразование (8.1) удобно представить в матричном виде:

 (8.3)

В компьютерной графике принято использовать ***однородные*** координаты, которые вводятся следующим образом. Точке  ставится в соответствие точка , а точке  точка .

Тогда переход от системы координат к системе координат в матричном виде можно записать как

 (8.4)

или

, (8.5)

где, ,

 (8.6)

Обратное преобразование

, (8.7)

где

. (8.8)

Рассмотрим теперь различные виды аффинных преобразований на плоскости и соответствующие им матрицы  и .

**Параллельный сдвиг системы координат** (рис. 8.2)

, (8.9)

 (8.10)

или

, (8.11)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 8.2 | Рис. 8.3 |

где

. (8.12)

Здесь и далее индекс «» означает, что преобразованию подвергается система координат.

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует перемещению системы координат в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.9) – (8.12) путем соответствующей замены в них → и  → .

Матрица преобразования будет иметь вид

 (8.13)

**Растяжение – сжатие системы координат** (рис. 8.3)

 (8.14)

 (8.15)

или

, (8.16)

где

 (8.17)

**Обратное преобразование**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.14) – (8.17) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

, (8.18)

**Поворот системы координат на угол** (рис. 8.4а, б)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а* | *б* |
| Рис. 8.4 | |

Координаты точки  в системе координат :

 (8.19)

В системе координат :



С учетом (8.19), получаем:

 (8.20)

или

 (8.21)

, (8.22)

где

. (8.23)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту системы координат  на угол–. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.19) – (8.23) путем замены в них → и  →–.

Матрица преобразования будет иметь вид

 (8.24)

**8.2.Аффинные преобразования объектов на плоскости**

Под преобразованием объектов будем понимать изменение координат точек, принадлежащих этому объекту при изменении его положения в некоторой системе координат.

Пусть в системе координат  некоторая точка перемещается из положения  в положение (рис. 8.4,а,б) или обратно из положения  в положение .

|  |  |
| --- | --- |
| *а* | *б* |
| Рис. 8.5 | |

Тогда старые координаты точкии новые  связаны соотношениями (8.1) – (8.8). Подчеркнем лишь, что в данном случае выражения (8.1) – (8.8) описывают взаимосвязь между старыми и новыми координатами точки при изменении ее положения **в одной и той же** системе координат.

Рассмотрим частные случаи аффинных преобразований объектов.

**Сдвиг объекта** (рис. 8.6)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 8.6 | Рис. 8.7 |

Из рис. 8.6 получаем

, (8.25)

 (8.26)

или

, (8.27)

где

. (8.28)

Здесь и далее индекс «» означает, что преобразованию подвергаются координаты объекта.

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует перемещению объекта в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.25) – (8.28) путем соответствующей замены в них → и  → .

Матрица преобразования будет иметь вид

 (8.29)

**Растяжение – сжатие объекта**

 (8.30)

 (8.31)

или

, (8.32)

где

 (8.33)

**Обратное преобразование**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.30) – (8.33) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

, (8.34)

**Поворот объекта вокруг центра координат** (рис. 8. 7)

Координаты точки  в системе координат (рис. 8.7):

 (8.35)

Координаты точки  в системе координат :



С учетом (8.35), получаем:

 (8.36)

или

 (8.37)

, (8.38)

где

 (8.39)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту объекта  на угол–. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (8.35) – (8.39) путем замены в них → и  →–.

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (8.40)

**Связь преобразований объектов с преобразованиями координат**

Преобразование объектов и преобразование систем координат тесно связаны между собой. Движение объектов можно рассматривать как движение в обратном направлении соответствующей системы координат.Такая относительность движения дает дополнительные возможности для моделирования и визуализации различных объектов.

Запишем соответствующие соотношения, основываясь на сравнении выражений (8.12) и (8.28) для сдвига

**,** (8.41)

выражений (8.18) и (8.33) для растяжения – сжатия

 , (8.42)

выражений (8.23) и (8.39) для поворота

 (8.43)

В Приложении 1 приведен пример приложения Windows, где используются аффинные преобразования на плоскости.

**Глава 9. АФФИННЫЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЯ В ПРОСТРАНСТВЕ**

**9.1.Аффинные преобразования системы координат**

Пусть в пространстве задана система координат (СК)  и точка принадлежащая некоторому объекту. Система координат трансформируется в СК  путем ряда последовательных смещений и поворотов относительно своего исходного состояния. При этом точка (объект) остается **неподвижной**. Необходимо определить координаты точки  (объекта) в системе координат  (рис. 9.1 а, б).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а* | *б* |
| Рис. 9.1 | |

В общем случае преобразование координат мочки при переходе от системы координат к системе координат определяется системой линейных уравнений:

, (9.1)

где .

Выражение (9.1) представляет собой аффинное преобразование координат при переходе от системы координат к системе координат .

Обратный переход от СК к СК определяется как

, (9.2)

Аффинные преобразования (9.1) удобно представить вматричном виде:

 (9.3)

Как и ранее, введем в рассмотрение однородные координаты, когда точке ставится в соответствие точка , а точке  – точка .

Тогда переход от системы координат к системе координат в матричном виде можно записать как

, (9.4)

или

, (9.5)

где

, ,

. (9.6)

Обратное преобразование имеет вид

, (9.7)

где

. (9.8)

Рассмотрим теперь различные виды аффинных преобразований в пространстве и соответствующие им матрицы  и .

**Параллельный сдвиг системы координат** (рис. 9.2)

, (9.9)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 9.2 | Рис. 9.3 |

, (9.10)

или

, (9.11)

где

. (9.12)

Здесь и далее индекс «» означает, преобразованию подвергается система координат.

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует перемещению системы в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.10) – (9.13) путем соответствующей замены в них → и  → .

Матрица преобразования будет иметь вид

(9.13)

**Растяжение – сжатие системы координат** (рис. 9.3)

 (9.14)

, (9.15)

или

, (9.16)

где

. (9.17)

**Обратное преобразование**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.15) – (9.18) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.18)

**Поворотсистемы координат вокруг оси  на угол ** (рис. 9.4)

 (9.19)

 (9.20)

или

, (9.21)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 9.4 | Рис. 9.5 |

где

. (9.22)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту системы координат вокруг оси в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.20) – (9.23) путем замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.23)

**Поворот системы координат вокруг оси  на угол ** (рис.9. 5)

 (9.24)

 (9.25)

или

, (9.26)

где

 (9.27)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту системы координат вокруг оси в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.25) – (9.28) путем замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.28)

**Поворот системы координат вокруг оси на угол ** (рис. 9.6)

 (9.29)

, (9.30)

или

, (9.31)

где

|  |
| --- |
|  |
| Рис. 9.6 |

 (9.32)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту системы координат вокруг оси в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.30) – (9.33) путем замены в них → и  → .

Матрица преобразования для этого случая будет иметь вид

 (9.33)

**9.2.Аффинные преобразования координат объектов**

Как и ранее под преобразованием объекта будем понимать изменение координат точек, принадлежащих этому объекту при изменении его положения в некоторой системе координат.

Пусть в пространстве задана система координат  и точка принадлежащая некоторому объекту. Объект перемещается из одной точки пространства в другуюпутем ряда последовательных смещений и поворотов относительно своего исходного положения.При этом система координат остается **неподвижной**. Необходимо определить новые координаты точки  (объекта) в СК В общем случае старые координаты точкии новые  связаны соотношениями (9.1) – (9.9). Подчеркнём лишь, что в данном случае выражения (9.1) – (9.9) описывают взаимосвязь между старыми и новыми координатами точки при изменении ее положения **в одной и той же** системе координат.

Рассмотрим частные случаи аффинных преобразований координат объектов.

**Смещение объекта вдоль координатных осей** (рис.9.7)

, (9.34)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 9.7 | Рис. 9.8 |

 (9.35)

или

, (9.36)

где

 (9.37)

Здесь и далее индекс «»означает, что преобразованию подвергаются координаты объекта.

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует перемещению объекта в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.35) – (9.38) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.38)

**Растяжение – сжатие объекта**

, (9.39)

, (9.40)

или

, (9.41)

где

 (9.42)

**Обратное преобразование.**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.40) – (9.43) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

(9.43)

**Поворот объекта вокруг оси  на угол **(рис. 9.8).

 (9.44)

, (9.45)

или

, (9.46)

где

 (9.47)

**Обратное преобразование**

Обратное преобразование соответствует повороту объекта вокруг оси  в противоположном направлении. Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.45) – (9.48) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.48)

**Поворот объекта вокруг оси  на угол **(рис. 9.9).

 (9.49)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 9.9 | Рис. 9.10 |

 (9.50)

или

, (9.51)

где

. (9.52)

**Обратное преобразование**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.50) – (9.53) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.53)

**Поворот объекта вокруг оси  на угол **(рис. 9.10)

 (9.54)

 (9.55)

или

, (9.56)

где

 (9.57)

**Обратное преобразование**

Соответствующие выражения для преобразования координат могут быть получены из (9.55) – (9.58) путем соответствующей замены в них → и  → .

Приведем выражение для матрицы преобразования.

 (9.58)

**9.3.Связь преобразований объектов с преобразованиями   
координат**

Как было отмечено при рассмотрении аффинных преобразований на плоскости, движение объектов можно рассматривать как движение в обратном направлении соответствующей системы координат.

Запишем соответствующие соотношения, связывающие матрицы аффинных преобразований для перемещений объектов и системы координат, основываясь на сравнении выражений (9.13) и (9.38) для сдвига

, (9.59)

выражений (9.18) и (9.43) для растяжения – сжатия

, (9.60)

выражений (9.23), (9.28), (9.33) и (9.48), (9.53), (9.58) для поворотов

 (9.61)

 (9.62)

 (9.63)

**Глава 10. ПРОЕКЦИИ**

**10.1.Основные типы проекций**

В настоящее время наиболее распространены устройства отображения, которые синтезируют изображение на плоскости – экране дисплея или бумаге.

При использовании любых графических устройств обычно применяются проекции. Проекция задает способ отображения объектов на графическом устройстве. Мы будем рассматривать только проекции на плоскость. Плоскость, на которую выполняется проекция объекта, называется **картинной плоскостью**.

В компьютерной графике наиболее распространены **параллельная** (рис. 10.1а) и **центральная** (рис. 10.1б) проекции.

|  |  |
| --- | --- |
| P  C1  A1  B1  C  B  A | C  O  C1  B1  A  A1  P  B |
| Рис.10.1а | Рис.10.1б |

Для центральной проекции (также называемой перспективной) лучи проецирования исходят из одной точки, расположенной на конечном расстоянии от объектов и плоскости проецирования. Для параллельной проекции лучи проецирования параллельны. Частным случаем параллельной проекции является **аксонометрическая** проекция. Для аксонометрической проекции все лучи проецирования располагаются под прямым углом к плоскости проецирования.

**10.2.Видовая система координат**

Для изображения объекта на экране его мировые координаты необходимо преобразовать (пересчитать) в другую систему координат, которая связана с точкой наблюдения. Эта система координат называется видовой системой координат и является левосторонней.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 10.2 | Рис. 10.3 |

Рассмотрим правую систему мировых координат  (рис. 10.2) и зададим в ней точку наблюдения , где

 (10.1)

Система видовых координат показана на рис. 10.3.

Преобразование мировых координат в видовые можно представить в виде

, (10.2)

где  – координаты некоторой точки в мировой системе координат,  – координаты этой же точки в видовой системе координат, – матрица преобразования.

Получим выражение для матрицы , выполняя переход от мировой системы координат к видовой путем последовательности элементарных преобразований[4].

Сместим начало системы координат  (рис.10.2) в точку  (рис. 10.4), переход →.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 10.4 | Рис. 10.5 |

Преобразование координат имеет вид

, (10.3)

где

, (10.4)

где .

Повернем систему координат  (рис. 10.4) вокруг оси  на угол , переход  → (рис. 10.5).

Преобразование координат имеет вид

, (10.5)

где .

Поскольку поворот выполняется по часовой стрелке (в отрицательном направлении), то в матрице преобразования  (9.33) следует использовать аргумент . В результате матрица преобразования примет вид

(10.6)

Повернем систему координат  (рис. 10.5) вокруг координатной оси  на угол  , переход →(рис. 10.6)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 10.6 | Рис. 10.7 |

Преобразование координат имеет вид

, (10.7)

где .

В результате матрица преобразования примет вид

 (10.8)

Изменим направление оси  (рис. 10.6) на противоположное , переход → (рис. 10.7).

Преобразование координат имеет вид

, (10.9)

где

 (10.10)

– матица преобразования для перехода .

Выражение (10.9) с учетом (10.3), (10.5),(10.7)и (10.10) можно представить в виде

, (10.11)

где

. (10.12)

Подставляя в (10.12) выражения для матриц (10.4), (10.6), (10.8) и (10.10), получим



 (10.13)

При получении (10.13) учтено, что элементы матрицы  ,  и  определяются выражениями (10.1).

Таким образом, преобразование (10.2), связывающее координаты мировой и видовой систем координат можно представить в виде

 (10.14)

или

 (10.15)

**10.3.Перспективные преобразования**

Рассмотрим, как вычисляются координаты объекта в картинной плоскости, когда лучи проецирования исходят из одной точки, расположенной на конечном расстоянии от объекта (и плоскости проецирования), рис. 10.8.

Пусть  – картинная плоскость в видовой системе координат  (плоскость проецирования – ),  – координаты некоторой точки, полученные пересчетом ее мировых координат в видовую систему координат  без учета перспективы (аксонометрическая проекция) в соответствии с выражениями (10.15). Далее, пусть – проекция точки на картинную плоскость , полученная с учетом перспективы, – - координата точки сходалучей. Необходимо вычислить координаты точки , полагая, что координаты точки являются известными.





























Рис. 10.8

Из подобия треугольников  и  получаем пропорцию

. (10.16)

Откуда находим

. (10.17)

Аналогично из подобия треугольников и  получим

 (10.18)

и

. (10.19)

Вводя обозначения

, (10.20)

можно записать

. (10.21)

Последние выражения можно записать в матричном виде

 (10.22)

или

, (10.23)

где

, ,

. (10.24)

Таким образом, этапы преобразования координат, при переходе от мировых координат к экранным, можно отобразить в виде блок-схемы, которая показана на рис. 10.9.

Сначала мировые координаты преобразуются в видовые с началом в точке  (рис. 10.3). Затем при необходимости выполняется перспективное преобразование, добавляющее эффект перспективы. При построении аксонометрической проекции перспективное преобразование не выполняется и видовые координаты  (рис. 10.9) сразу используются для получения соответствующих оконных координат.

Мировые координаты



Видовые координаты



Нужна перспек-тива?

Перспективные преобразования



Экранные координаты 

Нет

Да

Рис. 10.9

**Глава 11. МОДЕЛИ ОПИСАНИЯ ПОВЕРХНОСТЕЙ**

Рассмотримвозможные способы представления трехмерных объектов в системах компьютерной графики. Для описания формы поверхностей могут использоваться разнообразные методы. Рассмотрим некоторые из них.

**11.1.Аналитическая модель**

Под аналитической моделью будем понимать описание поверхности в виде математических формул. В компьютерной графике можно использовать много разновидностей такого описания. Например, в виде функции двух аргументов  или в неявной форме . Приведем примеры:

 – параболоид вращения, – сферическая поверхность радиуса .

Часто используется параметрическая форма описания поверхности, для которой выражения, описывающие эту поверхность в трехмерной декартовой системе координат, имеют вид

, (11.1)

где и – параметры, которые изменяются в определенных пределах, а ,  и  – функции, определяющие форму поверхности.

Например, параметрическое описание поверхности сферы радиуса будет иметь вид

, , , (11.2)

где в качестве параметров традиционно используются переменные  и .

Преимущества параметрического описания – легко описывать поверхности, которые отвечают неоднозначным функциям, замкнутые поверхности.

Для описания сложных поверхностей часто используют их приближения, составленные из элементарных фрагментов. В случае, когда эти элементарные фрагменты строятся по единой сравнительно простой схеме, такие составные поверхности принято называть **сплайновыми поверхностями**. Упомянутые элементарные фрагменты поверхности называются сплайнами. Таким образом, сплайн – это специальная функция, более всего пригодная для аппроксимации отдельных фрагментов поверхности. Несколько сплайнов образовывают модель сложной поверхности. Другими словами, сплайн – эта тоже поверхность, но такая, для которой можно достаточно просто вычислять координаты ее точек. Обычно используют кубические сплайны, так кактретья степень – наименьшая из степеней, позволяющих описывать любую форму, и при стыковке сплайнов можно обеспечить непрерывную первую производную – такая поверхность будет без изломов в местах стыка.

Рассмотрим одну из разновидностей сплайнов – сплайн Безье. Приведем его сначала в обобщенной форме – степени [2].

, (11.3)

где – опорные точки-ориентиры, , , и  – коэффициенты бинома Ньютона, которые вычисляются по формуле

. (11.4)

Кубический сплайн Безье соответствует значениям , . Для его определения нужны 16 точек – ориентиров (рис. 11.1). Коэффициенты и  равны соответственно 1, 3, 3, 1 при.

Характеризуя аналитическую модель в целом, можно сказать, что эта модель наиболее пригодна для многих операций анализа поверхностей. С позиций компьютерной графики можно указать такие положительные черты модели: легкая процедура расчета координат каждой точки поверхности, нормали; небольшой объем информации для описания достаточно сложных форм.

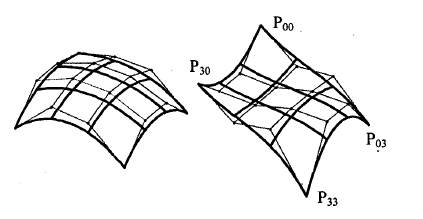


Рис. 11.1

К недостаткам относятся следующие: сложные формулы описания с использованием функций, которые медленно вычисляются на компьютере, снижают скорость выполнения операций отображения; невозможность в большинстве случаев применения данной формы описания непосредственно для построения изображения поверхности. В таких случаях поверхность отображают как многогранник, используя формулы аналитического описания для расчета координат вершин граней в процессе отображения, что уменьшает скорость сравнительно с полигональной моделью описания.

**11.2.Векторная полигональная модель**

Для описания пространственных объектов здесь используются следующие элементы: вершины: отрезки прямых (векторы); полилинии. полигоны, полигональные поверхности (рис. 11.2).

Элемент «вершина» (vertex) – главный элемент описания, все другие являются производными. При использовании трехмерной декартовой системы координаты вершин определяются как . Каждый объект однозначно определяется координатами собственных вершин.

Точка

Вектор

Полилиния

Полигон

Полигональная поверхность

Рис. 11.2

Вершина может моделировать отдельный точечный объект, размер которого не имеет значения, а также может использоваться в качестве конечных точек для линейных объектов и полигонов. Двумя вершинами задается вектор. Несколько векторов составляют полилинию. Полилиния может моделировать отдельный линейный объект, толщина которого не учитывается, а также может представлять контур полигона. Полигон моделирует площадный объект. Один полигон может описывать плоскую грань объемного объекта. Несколько граней составляют объемный объект в виде полигональной поверхности – многогранник или незамкнутую поверхность (в литературе часто употребляется название «полигональная сетка»).

Векторную полигональную модель можно считать наиболее распространенной в современных системах трехмерной компьютерной графики. Ее используют в системах автоматизированного проектирования, в компьютерных играх и тренажерах, в САПР, геоинформационных системах и тому подобное.

Векторная полигональная модель, как и всякая другая, имеет свои достоинства и недостатки.

Положительные черты векторной полигональной модели:

* удобство масштабирования объектов. При увеличении или уменьшении объекты выглядят более качественно, чем при растровых моделях описания. Диапазон масштабирования определяется точностью аппроксимации и разрядностью чисел для представления координат вершин;
* небольшой объем данных для описания простых поверхностей, которые адекватно аппроксимируются плоскими гранями;
* необходимость вычислять только координаты вершин при преобразованиях систем координат или перемещении объектов;
* аппаратная поддержка многих операций в современных графических видеосистемах, которая обуславливает достаточную скорость для анимации.

Недостатки полигональной модели:

* сложные алгоритмы визуализации для создания реалистичных изображений; сложные алгоритмы выполнения топологических операций, таких, например, как разрезы;
* аппроксимация плоскими гранями приводит к погрешности моделирования. При моделировании поверхностей, которые имею сложную форму, обычно невозможно увеличивать количество граней из-за ограничений по быстродействию и объему памяти компьютера.

**11.3.Равномерная сетка**

Этамодельописываеткоординатыотдельныхточекповерхностиследующимспособом (рис. 11.3). Каждомуузлусеткисиндексамиприписываетсязначениевысоты. Индексамотвечаютопределенныезначениякоординат. Расстояниемеждуузламиодинаковоеи равноепоосиипооси .



































Рис. 11.3

Фактически, такаямодель –двумерныймассив, растр, матрица, каждыйэлементкоторойсохраняетзначениевысоты.

Некаждаяповерхностьможетбытьпредставленаэтоймоделью. Есливкаждомузлезаписываетсятолькооднозначениевысоты, тоэтоозначает, чтоповерхностьописываетсяоднозначнойфункцией. Иначеговоря, этотакаяповерхность, которуюлюбаявертикальпересекаеттолькоодинраз. Немогутмоделироватьсятакжевертикальныеграни. Необходимозаметить, чтодлясеткинеобязательноиспользоватьтолькодекартовыекоординаты. Например, длятогочтобыописатьповерхностьшараоднозначнойфункцией, можноиспользоватьполярныекоординаты. Равномернаясеткачастоисполь­зуетсядляописаниярельефаземнойповерхности.

Рассмотрим, какможновычислитьзначениявысотыдлялюбойточкивнутриграницсетки. Пустьеекоординатыравны. Надонайтисоответствующее значение . Решением такой задачи является интерполяция значений координат ближайших узлов (рис. 11.4).





























Рис. 11.4

Вычисляем индексы ближайшего узла

, (11.5)

, (11.6)

где  – целая часть числа.

Используя линейную интерполяцию по оси  вдоль прямой , вычислим значение  в точке (значение ). Для этой цели запишем уравнение прямой, проходящей через точки() и

()

 (11.7)

или

. (11.8)

Подставляя в (11.8) значение , получаем

. (11.9)

Совершенно аналогично, используя линейную интерполяцию по оси  вдоль прямой , вычислим значение  в точке (значение ()

 (11.10)

Используя теперь линейную интерполяцию по оси  вдоль прямой , вычислим значение  в точке . Для этой цели запишем уравнение прямой, проходящей через точки() и ()

 (11.11)

или

. (11.12)

Подставляя в (11.12) значение , получаем

. (11.13)

Отметим некоторые положительные черты и недостатки равномерной сетки.

Положительные черты равномерной сетки:

* простота описания поверхностей;
* возможность быстро узнать высоту любой точки поверхности простой интерполяцией.

Недостатки равномерной сетки:

* поверхности, которые соответствуют неоднозначной функции высоты в узлах сетки, не могут моделироваться;
* для описания сложных поверхностей необходимо большое количество узлов, которое может быть ограничено объемом памяти компьютера;
* описание отдельных типов поверхностей может быть сложнее, чем в других моделях. Например, многогранная поверхность требует избыточный объем данных для описания по сравнению с полигональной моделью.

**11.4.Линии уровня**

При визуализации данных, полученных экспериментальным или расчетным путем, часто встречается задача построения линий уровня на поверхностях.

Пусть функция  определяет некоторую поверхность в декартовой системе координат . Тогда, геометрическое место точек , удовлетворяющее условию , где , называется линией уровня. Линия уровня представляет собой результат сечения поверхности  плоскостью .

Рассмотрим пример. Пусть поверхность определяется уравнением  (рис. 11.5).

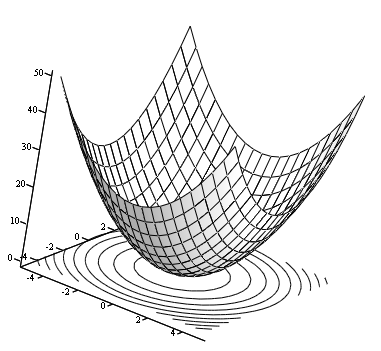


Рис. 11.5

Зададимся множеством плоскостей , , . Теперь можно записать уравнение для линий уровня

. (11.14)

Как видно из (11.14), линии уровня для рассматриваемой поверхности представляют собой окружности радиуса с центром в начале координат (рис. 11.5).

В частности, линии уровня знакомы нам по географическим картам, на которых они служат для обозначения высоты местности над уровнем моря.

Рассмотрим общий подход к построению линий уровня.

Пусть поверхность  задана массивом своих значений , рассчитанных на сетке , (рис. 11.6).

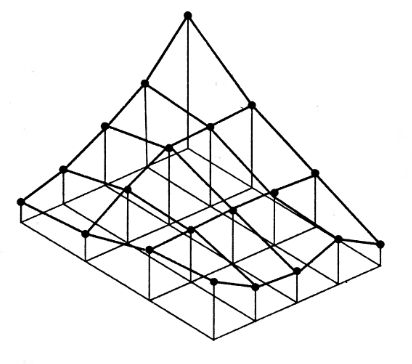




Рис. 11.6

Тогда процедура построения линий уровня заключается в следующем.

1. Выполняется триангуляция поверхности, каждая ячейка сетки разбивается на два треугольника (рис. 11.7).
2. Для каждого треугольника находится пересечение с плоскостью  (рис. 11.8).

|  |  |
| --- | --- |
|  | Плоскость z=z0 |
| Рис. 11.7 | Рис.11.8 |

Этот метод достаточно прост и позволяет получить хорошее изображение линии уровня. Надо отметить, что линия уровня может быть с разрывами.

**Глава 12. ВИЗУАЛИЗАЦИЯ ОБЪЕМНЫХ ИЗОБРАЖЕНИЙ**

Любой объект, в том числе и объемный, может быть изображен различными способами. В одном случае необходимо показать внутреннюю структуру объектов, в другом – внешнюю форму объекта, в третьем – имитировать реальную действительность. Условно способы визуализации объектов можно разделить по характеру изображений и по степени сложности соответствующих алгоритмов.

Рассмотрим следующие уровни визуализации:

1. каркасная («проволочная») модель;
2. показ поверхностей в виде многогранников с плоскими гранями или сплайнов с удалением невидимых точек;
3. то же, что и для второго уровня, плюс сложное закрашивание объектов для имитации отражения света, затенения, прозрачности, использование текстур.

**12.1.Каркасная визуализация**

Каркас обычно состоит из отрезков прямых линий (соответствует многограннику), хотя можно строить каркас и на основе кривых, в частности сплайновых кривых Безье. Все ребра, показанные в окне вывода, видны – как ближние, так и дальние (рис. 12.1–12.2).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 12.1 | Рис. 12.2 |

Для построения каркасного изображения надо знать координаты всех вершин в мировой системе координат. Потом преобразовать координаты каждой вершины в экранные координаты в соответствии с выбранной проекцией. Затем выполнить цикл вывода в плоскости экрана всех ребер как отрезков прямых (или кривых), соединяющих вершины.

**12.2. Показ с удалением невидимых граней**

Для построения правильного изображения трехмерных объектов необходимо уметь определять, какие части объектов (ребра, грани) будут видны при заданном проектировании, а какие будут закрыты другими гранями объектов. В качестве возможных видов проектирования традиционно рассматриваются параллельное и центральное (перспективное) проектирования.

Далее будем считать, что все объекты представлены набором выпуклых плоских граней, которые пересекаются только вдоль своих ребер.

В качестве примера на рис 12.3 и рис.12.4 показаны ранее изображенные фигуры, у которых удалены невидимые грани.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 12.3 | Рис. 12.4 |

**12.2.1. Отсечение не лицевых граней**

Рассмотрим многогранник, для каждой грани которого задан вектор внешней нормали (рис. 12.5). Несложно заметить, что если вектор нормали грани ()составляет с вектором , задающим направление проектирования, тупой угол, то эта грань заведомо не может быть видна. Такие грани называются **не лицевыми**. В случае, когда соответствующий угол является острым, грань называется **лицевой**.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 12.5 | Рис. 12.6 |

Пусть  – угол между вектором нормали  к некоторой грани и направлением проектирования , которые заданы в мировой системе координат.

Так как для случая **параллельного** проектирования направление проектирования не зависит от грани ( значение вектора  не зависит от номера грани ), то условие отбора лицевойграни с номером  можно записать в виде

, (12.1)

что говорит о том, что угол  является острым и его значение принадлежит отрезку .Поскольку знаменатель в (12.1) всегда положителен, то условие (12.1) можно заменить на более простое

. (12.2)

Рассмотрим случай **центрального** проектирования (рис. 12.6). Пусть для этого случая в видовой системе координат заданы: – произвольная точка на некоторой грани с номером ,  – вектор внешней нормали к этой грани,  – точка, определяющая центр проектирования,  – направление проектирования для точки ,  – угол между вектором нормали  и направлением проектирования . В отличие от случая параллельного проектирования значение вектора  зависит от положения точки  на выбранной грани.

 (12.3)

Теперь можно записать условие отбора лицевой грани

 (12.4)

или более просто

 () (12.5)

Знак этого скалярного произведения в (12.5) не зависит от выбора точки на грани, а определяется тем, в каком полупространстве относительно плоскости, содержащей данную грань, лежит центр проектирования. Поэтомудля определения того, является заданная грань лицевой или нет, достаточно взять произвольную точку на этой грани и проверить выполнение условия (12.5).

В случае, когда фигура представляет собой один выпуклый многогранник, удаление не лицевых граней полностью решает задачу удаления невидимых граней.

В общем случае предложенный подход хотя и не решает задачу полностью, но позволяет примерно вдвое сократить количество рассматриваемых граней.

**12.2.2.Сортировка граней по глубине**

Это означает рисование полигонов граней в порядке от самых дальних к самым близким. Этот метод не является универсальным, ибо иногда нельзя четко различить, какая грань ближе (рис. 12.7).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 12.7 | Рис. 12.8 |

Известны модификации этого метода, которые позволяют корректно рисовать такие грани. Метод сортировки по глубине эффективен для показа поверхностей (рис.12.8), заданных функциями .

В качестве примера рассмотрим возможный вариант определения дальней грани в зависимости от положения наблюдателя для случая построения графика поверхности, определяемой функцией .

Пусть рассчитана матрица значений функции .

, (12.6)

где

, , , (12.7)

, , , (12.8)

 – соответственно нижняя и верхняя границы для изменения аргумента , а  – нижняя и верхняя границы для изменения аргумента , и  – интервалы дискретизации для аргументов и .

Далее, пусть  – точка в системе координат , где расположен наблюдатель, а  – проекция точки  на плоскость  (рис. 1–2). На приведенных рисунках матрица  представлена прямоугольником .

Через точки  и  проведем прямую, уравнение которой будет иметь вид

































Рис. 12.9







































Рис. 12.10

или

 (12.9)

Аналогично через точки  и  проведем прямую, уравнение которой будет иметь вид



или

. (12.10)

Прямые  и  делят плоскость  на четыре области: 1, 2, 3, 4 (рис.12.10). Из рис. 12.10 видно, что дальняя грань определяется по отношению к расположению точки  на плоскости .

Если и , то точка  находится в области 3 и дальней является грань .

Если, то точка  находится в области 2 и дальней является грань .

Если и , то точка  находится в области 1 и дальней является грань .

Если, то точка  находится в области 4 и дальней является грань .

**12.2.3.Метод плавающего горизонта**

В отличие от предыдущего метода при методе плавающего горизонта грани выводятся в последовательности от ближайших к самым дальним. На каждом шаге границы граней образовывают две ломаные линии – верхний горизонт и нижний горизонт. Во время вывода каждой новой грани рисуется только то, что выше верхнего горизонта, и то, что ниже нижнего горизонта. Соответственно, каждая новая грань поднимает верхний и опускает нижний горизонты. Этот метод также используют для показа поверхностей, которые описываются функциями .

**12.2.4.Метод Z-буфера**

Метод основывается на использовании дополнительного массива, буфера в памяти, в котором сохраняются координаты  для каждого пиксела растра. Координата  отвечает расстоянию точек пространственных объектов до плоскости проецирования.

Рассмотрим алгоритм рисования объектов согласно этому методу. Пусть, чем ближе точка в пространстве к плоскости проецирования, тем больше значение . Тогда сначала -буфер заполняется минимальными значениями. Потом начинается вывод всех объектов. Причем не имеет значение порядок вывода объектов. Для каждого объекта выводятся все его пикселы в любом порядке. Во время вывода каждого пиксела по его координатам  находится текущее значение  в -буфере. Если рисуемый пиксел имеет большее значение , чем значение в -буфере, то это означает, что эта точка ближе к объекту. В этом случае пиксел действительно рисуется, а его -координата запи­сывается в -буфер. Таким образом, после рисования всех пикселов всех объектов растровое изображение будет состоять из пикселов, которые соответствуют точкам объектов с самыми большими значениями координат , то есть видимые точки – ближе всех к нам.

Этот метод прост и эффективен благодаря тому, что не нужно ни сортировать объекты, ни сортировать их точки. При рисовании объектов, которые описываются многогранниками или полигональными сетками, манипуляции со значениями -буфера легко совместить с выводом пикселов заполнения полигонов плоских граней.

В настоящее время метод -буфера используется во многих графических 3d- акселераторах, которые аппаратно реализуют этот метод. Наиболее целесообразно, когда акселератор имеет собственную память для -буфера, доступ к которой осуществляется быстрее, чем к оперативной памяти компьютера. Возможности аппаратной реализации используются разработчиками и пользователями компьютерной анимации, позволяя достичь большой скорости прорисовки кадров.

**Глава 13.ЗАКРАШИВАНИЕ ПОВЕРХНОСТЕЙ**

**13.1. Модели отражения света**

Рассмотрим, как можно определить цвет пикселов изображения поверхности согласно интенсивности отраженного света при учете взаимного расположения поверхности, источника света и наблюдателя.

**13.1.1. Зеркальное отражение света**

Угол между нормалью и падающим лучом равен углу между нормалью и отраженным лучом. Падающий луч, отраженный, и нормаль располагаются в одной плоскости (рис. 13.1).







Нормаль

Наблюдатель

Поверхность

Источник света

Отраженный луч

Рис. 13.1

Поверхность считается **идеально зеркальной**, если на ней отсутствуют какие-либо неровности, шероховатости. Собственный цвет у такой поверхности не наблюдается. Световая энергия падающего луча отражается только по линии отраженного луча. Какое-либо рассеяние в стороны от этой линии отсутствует. В природе, вероятно, нет идеально гладких поверхностей, поэтому полагают, что если глубина шероховатостей существенно меньше длины волны излучения, то рассеивания не наблюдается. Для видимого спектра можно принять, что глубина шероховатостей поверхности зеркала должна быть существенно меньше 0.5 мкм [2].

Если поверхность зеркала отполирована неидеально, то наблюдается зависимость интенсивности отраженного света от длины волны – чем больше длина волны, тем лучше отражение. Например, красные лучи отражаются сильнее, чем синие.

Падающий луч, попадая на слегка шероховатую поверхность реального зеркала, порождает не один отраженный луч, а несколько лучей, рассеиваемых по различным направлениям. Зона рассеивания зависит от качества полировки и может быть описана некоторым законом распределения. Как правило, форма зоны рассеивания симметрична относительно линии идеального зеркально отраженного луча. К числу простейших, но достаточно часто используемых, относится эмпирическая модель распределения Фонга, согласно которой интенсивность зеркально отраженного излучения определяется выражением

, (13.1)

где – интенсивность излучения источника,– коэффициент пропорциональности,  – угол отклонения от линии идеально отраженного луча (рис. 13.1),показатель  находится в диапазоне от 1 до 200 и зависит от качества полировки.

**13.1.2.Диффузное отражение света**

Этот вид отражения присущ **матовым** поверхностям. Матовой можно считать такую поверхность, размер шероховатостей которой уже настолько велик, что падающий луч рассеивается равномерно во все стороны. Такой тип отражения характерен, например, для гипса, песка, бумаги.

Для матовой поверхности законы отражения установлены Ламбертом. Их суть иллюстрируется рис. 13.2 и 13.3.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 13.2 | Рис. 13.3 |

Если световой поток интенсивностью (мощностью)  падает нормально к матовой поверхности (рис. 13.2), то интенсивность вторичного излучения под углом  к нормали, проведенной к элементарной площадке , пропорционально [2].

, (13.2)

где  – коэффициент, который учитывает свойства материала поверхности. Значение  находится в диапазоне от 0 до 1.

Физический смысл формулы (13.2) заключается в том, что в направлении, определяемом углом , площадь  проектируется как , при этом пропорционально  уменьшается площадь излучающей площадки и интенсивность излучения.

Если поток излучения падает под углом  по отношению к нормали, проведенной к поверхности в месте падения (рис.13.3), то

,где .

Следовательно

. (13.3)

Здесь  – интенсивность светового потока, которую фиксировал бы приемник, находящийся в «зените», если бы площадка облучалась бы то же с зенита.

Физический смысл формулы (13.3) состоит в том, что с увеличением  уменьшается перехватываемый поверхностью падающий световой поток, отчего уменьшается ее освещенность и, как следствие, яркость.

Матовая поверхность имеет свой цвет. Наблюдаемый цвет матовой поверхности определяется комбинацией собственного цвета поверхности и цвета излучения источника света.

При создании реалистичных изображений следует учитывать то, что в природе, вероятно, не существует идеально зеркальных или полностью матовых поверхностей. При изображении объектов средствами компьютерной графики обычно моделируют сочетание зеркальности и диффузного рассеивания в пропорции, характерной для конкретного материала. В этом случае модель отражения записывают в виде суммы диффузной и зеркальной компонент:

, (13.4)

где константы  и , определяют отражательные свойства материала. Согласно этой формуле интенсивность отраженного света равна нулю для некоторых углов  и . Однако в реальных сценах обычно нет полностью затемненных объектов, следует учитывать фоновую подсветку, освещение рассеянным светом, отраженным от других объектов. В таком случае интенсивность может быть эмпирически выражена следующей формулой:

, (13.5)

где– интенсивность рассеянного света,**константа.

Можно еще усовершенствовать модель отражения, если учесть то, что энергия от точечного источника света уменьшается пропорционально квадрату расстояния. Использование такого правила вызывает сложности, поэтому на практике часто реализуют модель, выражаемую эмпирической формулой[2]:

, (13.6)

где– расстояние от центра проекции до поверхности,константа.

Распределение световой энергии по возможным направлениям световых лучей можно отобразить с помощью векторных диаграмм, в которых длина векторов соответствует интенсивности (рис. 13.4). На приведенном рисунке показаны векторные диаграммы для различных видов отражений: *а*) – идеальное зеркальное, *б*) – неидеальное зеркальное, *в*) – диффузионное, *г*) – сумма диффузионного и зеркального.

|  |  |
| --- | --- |
| *а* | *б* |
| *в* | *г* |

Рис. 13.4

Рассмотрим, как определить цвет закрашивания точек объектов в соответствии с выбранной моделью. Наиболее просто выполняется расчет в градациях серого цвета (например, для белого источника света и серых объектов). В данном случае интенсивность отраженного света соответствует яркости. Сложнее обстоит дело с цветными источниками света, освещающими цветные поверхности. Например, для модели RGB составляются три формулы расчета интенсивности отраженного света для различных цветовых компонент. Коэффициенты**и ** различны для разных компонент – они выражают собственный цвет поверхности. Поскольку цвет отраженного зеркального луча равен цвету источника, то коэффициент , будет одинаковым для всех компонент цветовой модели. Цвет источника света выражается значениями интенсивности для соответствующих цветовых компонент.

**13.2.Вычисление углов**

В рассматриваемых нами моделях отражения света присутствуют такие параметры как угол падения и отражения , угол  – угол отклонения от линии идеально отраженного луча (рис. 13.1) и угол  – угол под которым наблюдается результат диффузионного отражения света (рис. 13.2, рис.13.3).

Рассмотрим алгоритмы вычисления этих углов в выбранной системе координат.

**Диффузионное отражение.**Определим косинус угла  между вектором нормали  к поверхности и некоторым направлением, определяемым вектором . Вектор  может указывать как на положение источника света, так и на положение точки наблюдения. Таким образом, угол  – это угол, соответствующий углам или  на рис. 13.1–13.3.

Сначала рассмотрим случай, когда источник света или наблюдатель находятся на бесконечности по отношению к некоторому элементу поверхности (рис. 13.5).

Пусть заданы:

 – вектор нормали к элементу поверхности и

 – вектор, определяющий некоторое направление в пространстве.

Тогда

. (13.7)











Рис. 13.5

Перейдем к рассмотрению случая, когда источник света или наблюдатель находятся на конечном расстоянии от поверхности (рис. 13.6)

















Рис. 13.6

Пусть заданы в системе координат  (рис. 13.6):

 – вектор нормали к элементу поверхности,

 – радиус-вектор, определяющий положение источника светаили точки наблюдения,

 – радиус-вектор, определяющий положение элемента поверхности.

Тогда

 (13.8)

Координаты вектора  определяются из рис. 13.6

 (13.9)

Таким образом

 (13.10)

С учетом (13.9) и (13.10) выражение (13.8) можно представить в виде

(13.11)

**Зеркальное отражение**

Пусть заданы (рис. 13.7)

 – вектор нормали к элементу поверхности,

 – вектор, определяющий направление на источник света,

 – вектор, направление отраженного луча,

 – вектор, определяющий направление на камеру.

Будем полагать, что

. (13.12)





















Рис. 13.7

Требуется определить косинус угла .

На векторах ,  и  построим соответствующие им единичные вектора , ,  и выполним построения, показанные на рис. 13.7.

, ,  (13.13)

Из рис. 13.7 получаем

, (13.14)

, (13.15)

где символ «» – знак скалярного произведения.

Подставляя (13.15) в (13.14), получим

. (13.16)

Отсюда

. (13.17)

Подставляя в (13.17) выражения для единичных векторов из (13.13), получим

,

откуда с учётом (13.12)

 (13.18)

И окончательно

. (13.19)

**13.3. Метод Гуро**

Этот метод предназначен для создания иллюзии гладкой криволинейной поверхности, описанной в виде многогранников или полигональной сетки с плоскими гранями. Если каждая плоская грань имеет один постоянный цвет, определенный с учетом отражения, то различные цвета соседних граней очень заметны, и поверхность выглядит именно как многогранник. Казалось бы, этот дефект можно замаскировать за счет увеличения количества граней при аппроксимации поверхности. Но зрение человека имеет способность подчеркивать перепады яркости на границах смежных граней – такой эффект называется**эффектом полос Маха***.* Поэтому для создания иллюзии гладкости нужно намного увеличить количество граней, что приводит к существенному замедлению визуализации – чем больше граней, тем меньше скорость рисования объектов.

Метод Гуро основывается на идее закрашивания каждой плоской грани не одним цветом, а плавно изменяющимися оттенками, вычисляемыми путем интерполяции цветов примыкающих граней. Закрашивание граней по методу Гуро осуществляется в четыре этапа:

– вычисляются нормали к каждой грани;

– определяются нормали в вершинах, нормаль в вершине определяется усреднением нормалей примыкающих граней (рис. 13.8);

– на основе нормалей в вершинах вычисляются значения интенсивностей в вершинах согласно выбранной модели отражения света;

– закрашиваются полигоны граней цветом, соответствующим линейной интерполяции значений интенсивности в вершинах.

Вектор нормали в вершине а (рис. 13.8) равен

 (13.20)





b



c

a



Рис. 13.8

Определение интерполированных значений интенсивности отраженного света в каждой точке грани (и, следовательно, цвет каждого пиксела) удобно выполнять во время цикла заполнения полигона. Рассмотрим заполнение контура грани горизонталями в экранных координатах (рис. 13.9).

Горизонталь заполнения

























Рис. 13.9

Интерполированная интенсивность  в точке  определяется исходя из пропорции

. (13.21)

Отсюда находим

. (13.22)

Значения интенсивностей  и на концах горизонтального отрезка представляют собой интерполяцию интенсивности в вершинах и могут быть получены из пропорций:





Откуда получаем

 (13.23)

. (13.24)

**Глава 14. ПОСТРОЕНИЕ КРИВЫХ**

Одним из важнейших применений компьютерной графики является визуализация научных данных [5]. Визуализацию научных данных принято относить к той области компьютерной графики, которая получила название научная графика. Научная графика – это представление результатов научных расчетов или экспериментов в графической форме. Такая форма представления значительно упрощает анализ полученных результатов и позволяет взглянуть на них по-новому.Первые графики на машине получали в режиме символьной печати. Затем появились специальные устройства – графопостроители (плоттеры) для вычерчивания чертежей и графиков чернильным пером на бумаге. Современная научная компьютерная графика дает возможность проводить вычислительные эксперименты с наглядным представлением их результатов в виде кривых на плоскости и поверхностей в пространстве.

Данный раздел учебного пособия посвящен некоторым методам построения плоских кривых по дискретному набору данных – точек на плоскости, заданных своими координатами.

**14.1. Интерполяция функций**

**Интерполяция** – в вычислительной математике способ нахождения промежуточных значений величины по имеющемуся дискретному набору известных значений.Многим из тех, кто сталкивается с научными и инженерными расчётами часто приходится оперировать наборами значений, полученных экспериментальным путём или методом случайной выборки. Как правило, на основании этих наборов требуется построить функцию, на которую могли бы с высокой точностью попадать другие получаемые значения. Такая задача называется **аппроксимацией**. **Интерполяцией** называют такую разновидность аппроксимации, при которой кривая построенной функции проходит точно через имеющиеся точки данных.

**14.2.Постановказадачи интерполяции**

Пусть задано множество несовпадающих точек ,  на плоскости.

Требуется найти такую функцию , принадлежащую заданному классу функций, что для всех точек  выполняется условие .

Геометрически это означает, что нужно найти кривую , которая на плоскости  проходит через заданную систему точек  (рис. 14.1)























**…**





**…**

Рис. 14.1

Сформулированная задача называется **задачей интерполяции**. Функция  называется **интерполирующей** функцией. Точки  называются **узлами интерполяции**.

Разумеется, задача интерполяции может иметь решение (и при том не единственное) или не иметь его вовсе. Все зависит от заданного класса функций.

Множество точек  можно рассматривать как набор дискретных значений некоторой неизвестной функции . В этом случае функцию  называют **интерполируемой** функцией.

Полученную функцию  обычно используют в случае приближенного вычисления значений функции  для значений аргумента , отличных от узлов интерполяции. Процесс вычисления значений функции  в точках, отличных от узлов интерполяции, называется **интерполированием** функции .

При этом различают **интерполирование в узком смысле**, если , и **экстраполирование**, когда .

Замена функции  ее интерполирующей функцией  может потребоваться не только тогда, когда известна лишь таблица ее значений (например, полученная в результате эксперимента), но и в том случае, когда аналитическое выражение для функции  известно, однако является слишком сложным и неудобным для дальнейших математических преобразований (интегрирования, дифференцирования и т. д.).

**14.3.Интерполяционный полином Лагранжа**

Будем искать функцию  в виде полинома заданной степени  – **интерполяционного полинома**, т. е. положим что

,

где

 (14.1)

и в соответствии с определением интерполирующей функции

 (14.2)

Поскольку степень полинома известна, то поиск полинома сводится к нахождению набора его коэффициентов .

**14.3.1. Определение коэффициентов интерполяционногополинома**

Воспользовавшись выражением (14.1) для искомого полинома  и условием (14.2), получим систему линейных уравнений относительно неизвестных коэффициентов .

 (14.3)

Систему уравнений (14.3) представим в матричном виде, введя соответствующие обозначения.

.

В результате система уравнений (14.3) приобретает вид

 (14.4)

Откуда

 (14.5)

Отметим, что задача интерполяции в описанной выше постановке имеет единственное решение. Это означает, что не существует двух различных наборов коэффициентов , удовлетворяющих условию (14.2). Это следует из того, что искомые коэффициенты полинома определяются как решение системы линейных уравнений, имеющей единственное решение.

Французский математик **Лагранж** предложил способ построения интерполяционного полинома без предварительного вычисления коэффициентов , т. е. без решения системы уравнений (14.3).

Будем искать интерполяционный полином, который в данном случае обозначим через, в виде

(14.6)

Неизвестные коэффициенты  определим из условия .

Последовательно полагая , получим





Подставляя найденные значения коэффициентов  в выражение (14.6) для многочлена , получим

 (14.7)

Полученный таким образом полином называется интерполяционным полиномом Лагранжа.

Следует отметить, что полином Лагранжа  просто представляет собой другую форму записи рассмотренного ранее полинома , что следует из единственности решения задачи интерполяции.

Выражение для полинома Лагранжа  может быть легко преобразовано к виду  путем группировки коэффициентов при соответствующих степенях аргумента .

Примеры.

Пусть имеем две точки  и , что соответствует значению . Тогда

.

Обозначая  и , получаем

.

Пусть имеем три точки ,  и , что соответствует значению . Тогда



Достоинства полинома Лагранжа:

* график интерполяционного многочлена Лагранжа проходит через каждую точку массива;
* конструируемая функция легко описывается (число подлежащих определению коэффициентов интерполяционного многочлена Лагранжа на сетке равно);
* построенная функция имеет непрерывные производные любого порядка;
* заданным массивом интерполяционный многочлен определен однозначно.

Недостатки полинома Лагранжа:

* степень интерполяционного многочлена Лагранжа зависит от числа узлов сетки, и чем больше это число, тем выше степень интерполяционного многочлена и, значит, тем больше требуется вычислений;
* изменение хотя бы одной точки в массиве требует полного пере­счета коэффициентов интерполяционного многочлена Лагранжа.

**14.4. Интерполяция сплайнами**

**Сплайн**(англ. spline – планка, рейка) – функция, область определения которой разбита на конечное число отрезков, на каждом из которых сплайн совпадает с некоторым алгебраическим полиномом. Сплайны имеют многочисленные применения как в математической теории, так и в разнообразных вычислительных приложениях. В частности, сплайны двух переменных интенсивно используются для задания поверхностей в различных системах компьютерного моделирования.

**14.4.1. Определение сплайна**

Пусть на отрезке задана упорядоченная система (массив)несовпадающих точек().

***Определение****.***Сплайном **называется определенная на  функция, принадлежащая классу раз непрерывно дифференцируемых функций, такая, что на каждом промежутке – это многочлен -й степени. Разность между степенью сплайна  и показателем его гладкости  называется **дефектом** сплайна.

Если сплайн ****строится по некоторой функции так, чтобы выполнялись условия то такой сплайн называется **интерполяционным сплайном** для функции ; при этом узлы сплайна,вообще говоря, могут не совпадать с узлами интерполяции .

**14.4.2. Интерполяционный кубический сплайн**

Рассмотрим наиболее известный и широко применяемый интерполяционный сплайн степени 3 дефекта 1. При этом будем исходить из предположения, что узлы сплайна

 (14.8)

одновременно служат узлами интерполяции, т.е. в них известны значения функции**, .

***Определение****.* Кубическим сплайном дефекта 1,интерполирующим на отрезке  данную функцию , называется функция

, (14.9)

где

 (14.10)

удовлетворяет совокупности условий:

 – (14.11)

условие интерполяции в узлах сплайна,

– (14.12)

двойная непрерывная дифференцируемость,

 – (14.13)

краевые (граничные) условия.

Заметим, что граничные условия вида (14.13) называются естественными граничными условиями.

Определенный таким образом сплайн называют еще **есте­ственными** или **чертежным сплайном** и связано это со следующим обстоятельством. Желая провести плавную линию через заданные точки плоскости, чертежники фиксировали в этих точках гибкую упругую рейку, тогда под влиянием упругих сил она принимала нужную форму, обеспечивающую минимум потенциальной энергии.

Для построения по данной функции интерполирующего ее сплайна (14.9) нужно найти  его коэффициентов 

Имеем:

из условий интерполяции (14.11) для функции

,  при  (14.14)

из условий гладкой стыковки звеньев сплайна (14.12)

, при  (14.15)

из краевых условий (14.13)

, (14.16)

Подставляя сюда выражения (14.9) для функций ,

 ,

их производных

 (14.17)

и

 (14.18)

через коэффициенты  при указанных значениях и, полагая для краткости

, (14.19)

можно получить систему уравнений для определения неизвестных коэффициентов [7].

Полученная система решается методом прогонки [7].

Рассмотрим случай равноотстоящих узлов.

Тогда  и расчетные формулы для коэффициентов полинома [7] принимают вид:

, 

Для  вычисляем

, .

Полагаем  и для вычисляем

.

Полагаем  и с учетом получаем

, .

В результате при значение  можно заменить значением

.

с найденными значениями коэффициентов .

Достоинства кубической сплайн-интерполяции:

–график построенной функции проходит через каждую точку массива;

–конструируемая функция сравнительно легко описывается (число подлежащих определению коэффициентов равно );

–заданным массивом построенная функция определена однозначно;

–степень многочленов не зависит от числа узлов сетки и, следовательно, не изменяется при его увеличении;

–построенная функция имеет непрерывные первые и вторые производные;

–построенная функция обладает хорошими аппроксимационными свойствами.

К недостаткам кубических сплайнов относится то, что они склонны осциллировать в окрестностях точки, существенно отличающейся от своих соседей.

**14.5.Геометрические сплайны**

Во многих задачах требование того, чтобы конструируемая кривая однозначно проектировалась соответственно на прямую, является слишком жестким. Расширяя допустимые классы кривых, естественно обратиться и к более общему способу описания их частичных фрагментов[5]. В качестве нового способа задания кривых удобно использовать параметрический способ.

Формулировка задачи: по заданному множеству вершинс учетом их нумерации построить гладкую кривую, которая, плавно изменяясь, последовательно проходила бы вблизи этих вершин и удовлетворяла некоторым дополнительным условиям. Эти условий могут иметь различный характер. Например, можно потребовать, чтобы искомая кривая проходила через все заданные вершины или, проходя через заданные вершины, касалась заданных направлений, являлась замкнутой или имела заданную регулярность и т. п.

При отыскании подходящего решения задачи приближения важ­ную роль играет ломаная, звенья которой соединяют соседние вершины заданного набора. Эту ломаную называют **контрольной** или **опорной**, а ее вершины – контрольными или опорными.

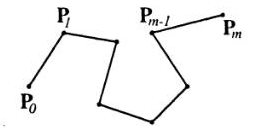


Рис. 14.2

Во многих случаях она довольно точно показывает, как будет проходить искомая кривая, что особенно полезно при решении задачи сглаживания. Каждая вершина заданного массива является либо **внутренней** либо **граничной**(концевой). В массиве Р вершины Р1 …, Pm-1 внутренние,а вершины Р0 и Рm– граничные (концевые).

Никаких ограничений на множество вершин не накладывается - они могут быть заданы как на плоскости, так и в пространстве, их взаимное расположение может быть совершенно произвольным, некоторые из вершин могут совпадать и т. д. Поэтому описание нужной кривой ищут в следующем виде:

 (14.20)

где– некоторые функциональные коэффициенты, подлежащиеопределению.

Если количество вершин в заданном множестве Р достаточно ве­лико, то найти универсальные функциональные коэффициенты, как правило, довольно затруднительно. Если универсальные коэффициенты  все же найдены, то часто оказывается, что они наряду с нужными свойствами обладают и такими, которые не всегда удовлет­ворительно согласуются с ожидаемым поведением соответствующей кривой (например, кривая, описываемая уравнением (14.20) с этими коэффициентами, может осциллировать или заметно отклоняться от заданного множества).

Для успешного решения поставленной задачи приближения, весьма удобно привлечь кривые, составленные из элементарных фраг­ментов. В случае, когда эти элементарные фрагменты строятся по еди­ной сравнительно простой схеме, такие составные кривые принято называть сплайновыми кривыми.

Параметрические уравнения каждого элементарного фрагмента ищутся в виде (14.20) с той лишь разницей, что всякий раз привлекается только часть заданных вершин множества Р. Для описания элементарных кривых и вычисления их геометрических характеристик (информация о которых необходима при состыковке) в качестве функциональных коэффициентов обычно используются многочлены невысоких степеней 2-й или 3-й, в первую очередь потому, что они сравнительно просто вычисляются. Наибольшее распространение получили методы конструирования составных кривых, в которых используются кубические многочлены.

**14.5.1.Кривая Безье**

Разработана математиком **Пьером Безье**. Кривые и поверхности Безье были использованы в 60-х годах компанией «Рено» для компьютерного проектирования формы кузовов автомобилей. В настоящее время они широко используются в компьютерной графике.

Кривые Безье описываются в параметрической форме[2,5]:

 (14.21)

Значение *t* выступает как параметр, которому отвечают координаты отдельной точки линии. Параметрическая форма описания может быть более удобной для некоторых кривых, чем задание в виде функции. Это потому, что функция  может быть намного сложнее, чем и, кроме того, может быть неоднозначной.

Многочлены Безье для иимеют такой вид:

, (14.22)

где – сочетание по , и – координаты точек-ориентиров. Значение  можно рассматривать и как степень полинома, и как значение, которое на единицу меньше количества точек-ориентиров.

Рассмотрим кривые Безье, классифицируя их по значениям .

***m*=1** (по двум точкам).

Кривая вырождается в отрезок прямой линии, определяемой концевыми точками (рис.14.3)

 , (14.23)

где.

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| Рис. 14.3 | Рис. 14.4 |

***m*=2** (по трем точкам, рис. 14.3).

 (14.24)

***m*=3** (по четырем точкам, рис. 14.4 *а*,*б*).

(14.25)

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а* | *б* |
|  |  |
| *в* | *г* |
| Рис. 14.4 | |

**14.5.2.Геометрический алгоритм для кривой Безье**

Этот алгоритм позволяет вычислить координаты  точки кривой Безье позначению параметра .

Суть алгоритма заключается в следующем:

* каждая сторона контура многоугольника, проходящего по точкам-ориентирам, делится пропорционально значению ;
* точки деления соединяются отрезками прямых и образуют новый многоугольник. Количество узлов нового контура на единицу меньше, чем количество узлов предыдущего контура;
* стороны нового контура снова делятся пропорционально значению . И так далее.

Это продолжается до тех пор, пока не будет получена единственная точка деления. Эта точка и будет точкой кривой Безье (рис. 14.5*а*, *б*).

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
| *а* | *б* |
| Рис. 14.5 | |

Приведем запись геометрического алгоритма на языке C++:

for(i=0; i<=m; i++)

R[i]=P[i]; // Формируем вспомогательный массив R

for(j=m; j>0; j--)

for(i=0; i<j; i++)

R[i]=R[i]+t\*(R[i+1]-R[i]);

Результат работы алгоритма – координаты одной точки кривой Безье – записываются в R[0].

**Глава 15. ГРАФИЧЕСКАЯ БИБЛИОТЕКА OPENGL**

**15.1.Общие сведения**

**OpenGL** является одним из самых популярных прикладных программных интерфейсов (API – **A**pplication **P**rogramming **I**nterface) для разработки приложений в области двумерной и трехмерной графики [9 – 11].Стандарт OpenGL (**O**pen **G**raphics **L**ibrary – открытая графическая библиотека) был разработан и утвержден в 1992 году ведущими фирмами в области разработки программного обеспечения как эффективный аппаратно-независимый интерфейс, пригодный для реализации на различных платформах. Основой стандарта стала библиотека IRISGL, разработанная фирмой Silicon Graphics Inc. Библиотека насчитывает около 120 различных команд, которые программист использует для задания объектов и операций, необходимых для написания интерактивных графических приложений. На сегодняшний день графическая система OpenGL поддерживается большинством производителей аппаратных и программных платформ. Эта система доступна тем, кто работает в среде Windows, пользователям компьютеров Apple. Характерными особенностями OpenGL, которые обеспечили распространение и развитие этого графического стандарта, являются:

* **Стабильность**. Дополнения и изменения в стандарте реализуются таким образом, чтобы сохранить совместимость с разработанным ранее программным обеспечением.
* **Надежность и переносимость**. Приложения, использующие OpenGL, гарантируют одинаковый визуальный результат вне зависимости от типа используемой операционной системы и организации отображения информации. Кроме того, эти приложения могут выполняться как на персональных компьютерах, так и на рабочих станциях и суперкомпьютерах.
* **Легкость применения**. Стандарт OpenGL имеет продуманную структуру и интуитивно понятный интерфейс, что позволяет с меньшими затратами создавать эффективные приложения, содержащие меньше строк кода, чем с использованием других графических библиотек. Необходимые функции для обеспечения совместимости с различным оборудованием реализованы на уровне библиотеки и значительно упрощают разработку приложений.

**15.2.Основные возможности**

Описать возможности OpenGL можно через функции его библиотеки. Все функции можно разделить на пять категорий:

1. **Функции описания примитивов** определяют объекты нижнего уровня иерархии (примитивы), которые способна отображать графическая подсистема. В OpenGL в качестве примитивов выступают точки, линии, многоугольники и т.д.
2. **Функции описания источников света** служат для описания положения и параметров источников света, расположенных в трехмерной сцене.
3. **Функции задания атрибутов**. С помощью задания атрибутов программист определяет, как будут выглядеть на экране отображаемые объекты. Другими словами, если с помощью примитивов определяется, **что** появится на экране, то атрибуты определяют **способ** вывода на экран. В качестве атрибутов OpenGL позволяет задавать цвет, характеристики материала, текстуры, параметры освещения.
4. **Функции визуализации** позволяет задать положение наблюдателя в виртуальном пространстве, параметры объектива камеры. Зная эти параметры, система сможет не только правильно построить изображение, но и отсечь объекты, оказавшиеся вне поля зрения.
5. **Функции геометрических преобразований** позволяют программисту выполнять различные преобразования объектов – поворот, перенос, масштабирование. При этом OpenGL может выполнять дополнительные операции, такие как использование сплайнов для построения линий и поверхностей, удаление невидимых фрагментов изображениями на уровне пикселей и т.д.

**15.3.Интерфейс OpenGL**

OpenGL состоит из набора библиотек. Все базовые функции хранятся в основной библиотеке, для обозначения которой используется аббревиатура **GL**. Помимо основной, OpenGL включает в себя несколько дополнительных библиотек.

Первая из них – библиотека утилит GL(**GLU** – **GL** **U**tility).Все функции этой библиотеки определены через базовые функции GL. В состав GLU вошла реализация более сложных функций, таких как набор популярных геометрических примитивов (куб, шар, цилиндр, диск), функции построения сплайнов, реализация дополнительных операций над матрицами и т.п.

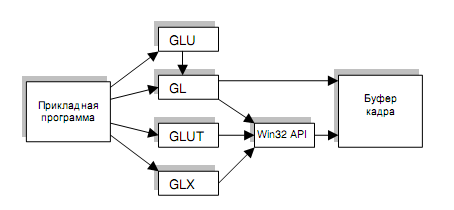


Рис. 15.1

OpenGL не включает в себя никаких специальных команд для работы с окнами или ввода информации от пользователя. Поэтому были созданы специальные переносимые библиотеки для обеспечения часто используемых функций взаимодействия с пользователем и для отображения информации с помощью оконной подсистемы. Наиболее популярной является библиотека **GLUT** (**GL** **U**tility **T**oolkit). Формально GLUT не входит в OpenGL, но фактически включается почти во все его дистрибутивы и имеет реализации для различных платформ. GLUT предоставляет только минимально необходимый набор функций для создания OpenGL-приложения. Существует также функционально аналогичная GLUT библиотека GLX. Однако она менее популярна.

Кроме того, функции, специфичные для конкретной оконной подсистемы, обычно входят в ее прикладной программный интерфейс. Так, функции, поддерживающие выполнение OpenGL, есть в составе Win32 APIи Window. На рис. 15.1 схематически представлена организация системы библиотек в версии, работающей под управлением ОС Windows. Аналогичная организация используется и в других версиях OpenGL.

**15.4.Архитектура OpenGL**

Функции OpenGL реализованы в модели клиент–сервер. Приложение выступает в роли клиента – оно вырабатывает команды, а сервер OpenGL интерпретирует и выполняет их. Сам сервер может находиться как на том же компьютере, на котором находится клиент (например, в виде динамически загружаемой библиотеки – DLL), так и на другом (при этом может быть использован специальный протокол передачи данных между машинами).

GL обрабатывает и рисует в буфере кадра графические примитивы с учетом некоторого числа выбранных режимов. Каждый примитив – это точка, отрезок, многоугольник и т. д. Каждый режим может быть изменен независимо от других. Определение примитивов, выбор режимов и другие операции описываются с помощью команд в форме вызовов функций прикладной библиотеки.

Примитивы определяются набором из одной или более вершин (**vertex**). Вершина определяет точку, конец отрезка или угол многоугольника. С каждой вершиной ассоциируются некоторые данные (координаты, цвет, нормаль, текстурные координаты и т. д.), называемые атрибутами. В подавляющем большинстве случаев каждая вершина обрабатывается независимо от других.

С точки зрения архитектуры графическая система OpenGL является конвейером (рис. 15.2), состоящим из нескольких последовательных этапов обработки графических данных.

Команды OpenGL всегда обрабатываются в том порядке, в котором они поступают, хотя могут происходить задержки перед тем, как проявится эффект от их выполнения. В большинстве случаев OpenGL предоставляет непосредственный интерфейс, т. е. определение объекта вызывает его визуализацию в буфере кадра.

С точки зрения разработчиков, OpenGL – это ***набор команд, которые управляют использованием графической аппаратуры***. Если аппаратура состоит только из адресуемого буфера кадра, тогда OpenGL должен быть реализован полностью с использованием ресурсов центрального процессора. Обычно графическая аппаратура предоставляет различные уровни ускорения: от аппаратной реализации вывода линий и многоугольников до изощренных графических процессоров с поддержкой различных операций над геометрическими данными.

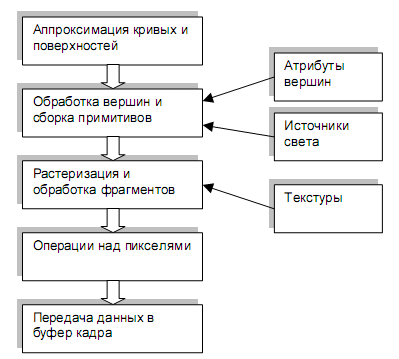


Рис. 15.2

OpenGL является прослойкой между аппаратурой и пользовательским уровнем, что позволяет предоставлять единый интерфейс на разных платформах, используя возможности аппаратной поддержки.

Кроме того, OpenGL можно рассматривать как конечный автомат, состояние которого определяется множеством значений специальных переменных и значениями текущей нормали, цвета, координат текстуры и других атрибутов и признаков. Вся эта информация будет использована при поступлении в графическую систему координат вершины для построения фигуры, в которую она входит. Смена состояний происходит с помощью команд, которые оформляются как вызовы функций.

**15.5.Синтаксис команд**

Определения команд GL находятся в файле gl.h, для включения которого нужно написать (для Windows 7)

**#include<gl.h>**

Для работы с библиотекой GLU нужно аналогично включить файл glu.h. Версии этих библиотек, как правило, включаются в дистрибутивы систем программирования, например Microsoft Visual Studio, Borland Delphi.

В отличие от стандартных библиотек, пакет GLUT нужно инсталлировать и подключать отдельно.

Все команды (процедуры и функции) библиотеки GL начинаются с префикса **gl**, все константы – с префикса **GL\_**. Соответствующие команды и константы библиотек GLUи GLUT аналогично имеют префиксы **glu** (GLU\_) и **glut** (GLUT\_).

Кроме того, в имена команд входят суффиксы, несущие информацию о числе и типе передаваемых параметров. В OpenGL полное имя команды имеет вид:

**type LibNameCommandName[1 2 3 4][b s i f d ub us ui][v]**

**(type1 arg1,…,typeNargN)**,

где

**type**– тип возвращаемого функцией значения,

**LibNameCommandName**– имя команды, которое состоит из двух частей:**LibName**и**CommandName**,

**LibName** – имя библиотеки, в которой описана эта функция

Для базовых функций OpenGL, функций из библиотек GL, GLU, GLUT, GLAUX это **gl**, **glu**, **glut**, **aux** соответственно.

**CommandName –**имя команды (процедуры или функции),

**[1 2 3 4] –** число аргументов команды,

**[b s i f d ub us ui] –** тип аргумента, символ.

Соответствие типов OpenGL и языка C(C++) приведено в табл. 15.1.

Таблица 15.1

**Типы OpenGL и языка C(C++)**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Символ** | **Описание** | **Тип OpenGL** | **Тип C( C++)** |
| b | 8 – битовое целое | GLbyte | signed char |
| s | 16 – битовое целое | GLshort | short |
| i | 32 – битовое целое | GLint  Gsizei | long |
| f | 32 – битовое число с плавающей точкой | GLfloat  GLclampf | float |
| d | 64 – битовое число с плавающей точкой | GLdouble  GLclampf | double |
| ub | 8 – битовое беззнаковоецелое | GLubyte  GLboolean | unsigned char |
| us | 16 – битовое беззнаковое целое | GLushort | unsigned short |
| ui | 32 – битовое беззнаковое целое | GLuint  GLenum  GLbitfield | unsigned long |
|  |  | GLvoid | void |

**h [v] –** наличие этого символа показывает, что в качестве параметров функции используется указатель на массив значений. Символы в квадратных скобках в некоторых названиях не используются. Например, команда **glVertex2i()**, описанная в библиотеке GL, использует в качестве параметров два целых числа, а команда **glColor3fv()** использует в качестве параметра указатель на массив из трех вещественных чисел. Использования нескольких вариантов каждой команды можно частично избежать, применяя перегрузку функций языка C++. Но интерфейс OpenGL не рассчитан на конкретный язык программирования, и, следовательно, должен быть максимально универсален.

**15.6.Cтруктура GLUT-приложения**

Далее будем рассматривать построение консольного приложения при помощи библиотеки GLUT. Эта библиотека обеспечивает единый интерфейс для работы с окнами вне зависимости от платформы, поэтому описываемая ниже структура приложения остается неизменной для операционных систем Windows, Linux и других.

Функции GLUT могут быть классифицированы на несколько групп по своему назначению:

* + - * Инициализация.
      * Начало обработки событий.
      * Управление окнами.
      * Управление меню.
      * Регистрация функций с обратным вызовом.
      * Управление индексированной палитрой цветов.
      * Отображение шрифтов.
      * Отображение дополнительных геометрических фигур (тор, конус и др.).

Инициализация проводится с помощью функции:

**void glutInit (int \*argcp, char \*\*argv)**,где переменная **argcp**– указатель на стандартную переменную **argc** описываемую в функции main(), а **argv** – указатель на параметры, передаваемые программе при запуске, который описывается там же. Эта функция проводит необходимые начальные действия для построенияокна приложения, и только несколько функций GLUT могут быть вызваны до нее. К ним относятся:

**void glutInitWindowPosition (int x, int y)**– служит для установки положения окна OpenGL на экране, здесь **x** есть X-координата **левого верхнего** угла окна, **y** есть Y – координата **левого верхнего** угла окна. Координаты **x** и **y** определяются в пикселах.

**void glutInitWindowSize(int width, int height)**,– служит для установки размеров окна на экране, здесь **width –** ширина окна, **height** – высота окна. Значения **width**и **height** определяются в пикселах.

Если вызов этих функций опустить, то система присвоит параметрам окна значения по умолчанию.

**void glutInitDisplayMode(unsigned int mode)**– задает режим отображения, где **mode** – определяет различные режимы отображения информации, которые могут совместно задаваться с использованием операции побитового «ИЛИ» («**|**»):

Таблица 15.2

**Значения**

|  |  |
| --- | --- |
| **Значение** | **Комментарий** |
| GLUT\_RGBA | Выбор режима RGBA |
| GLUT\_RGB | То же, что и GLUT\_RGBA |
| GLUT\_INDEX | Палитровый видеорежим |
| GLUT\_SINGLE | Использование одинарного видеобуфера |
| GLUT\_DOUBLE | Использование двойной буферизации, применяется для создания анимации |
| GLUT\_ACCUM | Создавать аккумулирующий буфер |
| GLUT\_ALPHA | Создавать окно с α - каналом |
| GLUT\_DEPTH | Создавать окно с буфером глубины |
| GLUT\_SPENCIL | Создавать окно с буфером трафарета |

После инициализации можно создать окно, в которое будет происходить вывод при помощи функции

**int glutCreateWindow (char \* name)**, где параметр **name** задает заголовок окна. Функция возвращает целочисленный идентификатор окна.

Функции библиотеки GLUT реализуют так называемый событийно-управляемый механизм. Это означает, что есть некоторый внутренний цикл, который запускается после соответствующей инициализации и обрабатывает одно за другим все события, объявленные во время инициализации. К событиям относятся: **щелчок мыши**, **закрытие окна**, **изменение свойств окна**, **передвижение курсора**, **нажатие клавиши**и «пустое» (**idle**) событие, когда ничего не происходит. Для проведения периодической проверки совершения того или иного события надо зарегистрировать функцию, которая будет его обрабатывать. Для этого используются следующие функции:

**void glutDisplayFunc(void (\*func) (void))**– служит для установки обработчика события, связанного с необходимостью перерисовки содержимого окна. Параметр **func** задает функцию рисования для окна приложения, которая вызывается при необходимости создания или восстановления изображения.

**void glutPostRedisplay (void)**– служит для явного указания, что окно надо обновить.

**void glutReshapeFunc (void (\*func) (int width, int height))–**служит для установки обработчика события,связанного с изменением размера окна. Параметр **func** задает функцию которая будет вызываться при изменении размеров окна перед вызовом функции отрисовки содержимого окна. Параметры **width** и **height**определяют ***новые***значения ширины и высоты окна в пикселах.

**void glutKeyboardFunc(void (\*func)(unsigned char key, int x, int y))–**служит для установки обработчика сообщений от клавиатуры. Параметр **func** задает функцию которая будет вызываться в ответ на сообщения клавиатуры, параметр **key** содержит ASCII – код символа, а параметры **x** и **y** – координаты курсора мыши в пикселах по отношению к верхнему левому углу окна.

Обработчик клавиш, не генерирующих ASCII – кода(такие как <Shift>), обрабатываются с помощью функции

**void glutSpecialFunc(void(\*func)(int key, int x, int y))**,где параметр key несет в себе информацию о нажатой клавише и может принимать одно из значений, указанных в табл. 15.3.

Таблица 15.3

**Значения параметра key**

|  |  |
| --- | --- |
| **Значение *key*** | **Клавиша** |
| GLUT\_KEY\_F1 | Клавиша <F1> |
| GLUT\_KEY\_F2 | Клавиша <F2> |
| GLUT\_KEY\_F3 | Клавиша <F3> |
| GLUT\_KEY\_F4 | Клавиша <F4> |
| GLUT\_KEY\_F5 | Клавиша <F5> |
| GLUT\_KEY\_F6 | Клавиша <F6> |
| GLUT\_KEY\_F7 | Клавиша <F7> |
| GLUT\_KEY\_F8 | Клавиша <F8> |
| GLUT\_KEY\_F9 | Клавиша <F9> |
| GLUT\_KEY\_F10 | Клавиша <F10> |
| GLUT\_KEY\_F11 | Клавиша <F11> |
| GLUT\_KEY\_F12 | Клавиша <F12> |
| GLUT\_KEY\_LEFT | Клавиша <**←**> |
| GLUT\_KEY\_RIGHT | Клавиша <**→**> |
| GLUT\_KEY\_UP | Клавиша <**↑**> |
| GLUT\_KEY\_DOWN | Клавиша <**↓**> |
| GLUT\_KEY\_PAGE\_UP | Клавиша <Page UP> |
| GLUT\_KEY\_PAGE\_DOWN | Клавиша <Page Down> |
| GLUT\_KEY\_HOME | Клавиша <Home> |
| GLUT\_KEY\_END | Клавиша <End> |
| GLUT\_KEY\_INSERT | Клавиша <Insert> |

**void glutMouseFunc(void (\*func) (int button, int state, int x, int y))–**служит для установки обработчика сообщений от мыши. Параметр **func** задает функцию которая будет вызываться в ответ на сообщения от мыши. Параметр**button**принимаетодноиззначенийGLUT\_LEFT\_BUTTON, GLUT\_MIDDLE\_BUTTON, GLUT\_RIGHT\_BUTTONи несет в себе информацию о том, какая клавиша мыши была нажата (или отпущена). Параметр **state** принимает одно из значений GLUT\_DOWN(клавиша нажата) или GLUT\_UP(клавиша отпущена). Параметры **x** и **y** содержат координаты курсора мыши.

Вызов обработчика, установленного **glutMouseFunc**, происходит лишь принажатииилиотпускании клавиши мыши. Если необходимо установить обработчик на перемещениемыши, то для этого следует воспользоваться функциями

**void glutMotionFunc (void (\*func)(int x, int y))**,

**void glutPassiveMotionFunc (void (\*func)(int x, int y))**.

Первая из них устанавливает обработчик, который будет вызываться при перемещении мыши при **нажатой** клавише (любой из имеющихся) мыши, а вторая – при передвижении мыши в том случае, когда ни одна из клавиш мыши **не нажата**.

**int glutCreateMenu(void (\*func)(int ItemNamber)**– служит для создания меню. В качестве аргумента используется **имя** функции, которая будет вызываться при выборе пунктов меню. Параметр **ItemNamber** этой функции определяет пункт меню, который будет выбран при ее вызове.

**glutAddMenuEntry(char\* ItemName, int Namber)**–служит для добавления пунктов в уже созданное меню. Параметр **ItemName**определяет название пункта меню, а параметр **Namber –** идентификатор пункта, который через параметр **ItemNamber**передается функции, вызываемой при выборе этого пункта меню.

**glutAttachMenu(int button)–**задает кнопку мыши, которая будет использоваться для активизации меню. Параметр**button**принимаетодноиззначенийGLUT\_LEFT\_BUTTON, GLUT\_MIDDLE\_BUTTON, GLUT\_RIGHT\_BUTTON.

Ниже приводится последовательность команд для создания меню, добавления в него пунктов и активизации с помощью правой клавиши мыши.

glutCreateMenu(NaneFunction);

glutAddMenuEntry("Первыйпунктменю",1);

glutAddMenuEntry("Второйпунктменю",2);

glutAttachMenu(GLUT\_RIGHT\_BUTTON);

В приведенном примере параметр NaneFunction – имя функции котрая будет вызвана при выборе пункта меню.

**voidglutIdleFunc (void (\*func) (void))–**служит для установки обработчика, который будет постоянно вызываться в «фоновом» режиме. Наиболее часто этот обработчик используется для проведения некоторых вспомогательных действий, которые можно осуществить в моменты времени, когда приложение «ничего не делает».

**void glutMainLoop (void)–** служит для запуска бесконечного цикла обработки сообщений. Функция вызывается в конце любой программы, использующей GLUT.

**voidglutSwapBuffers()–**при использовании двойной буферизации служит для смены буферов местами (буфера, содержимое которого видно сейчас на экране, и буфера в который производится вывод).

**intglutGet(GLEnumstate)–** служитдля получения информации о внутренних переменных glut, параметр state может принимать значения, указанные в табл. 15.4.

Таблица 15.4

**Значения параметра state**

|  |  |
| --- | --- |
| **Значение *state*** | **Комментарий** |
| GLUT\_WINDOW\_X | – для возврата x- координаты окна |
| GLUT\_WINDOW\_Y | – для возврата y- координаты окна |
| GLUT\_WINDOW\_WIDTH | – для возврата ширины окна |
| GLUT\_WINDOW\_HEIGHT | – для возврата высоты окна |
| GLUT\_ELAPSED\_TIME | – для возврата времени в миллисекундах с момента инициализации GLUT |

Библиотека OpcnGL реализована по модели клиент-сервер, приложение выступает в роли клиента – вырабатывает команды, a OpenGL (сервер) интерпретирует и обрабатывает их. При этом сервер может располагаться как на том же компьютере, что и клиент, так и на другом Сервер может поддерживать несколько контекстов OpenGL, каждый из которых инкапсулирует состояние OpenGL. Клиент может подключиться к любому из них. По этой причине желательно гарантировать, что выполнение всех вызванных команд завершится либо за определенное, либо за конечное время. Для обеспечения этого в OpenGL реализованы две команды.

Первая из них

**void glFinish()**блокирует дальнейшее выполнение программы, пока не будут завершены все вызванные перед ней команды OpenGL, включая изменения состояния и содержимого буфера кадра.

Вторая команда

**void gIFlush()**служит для освобождения буферов OpenGL.

Различные реализации команд OpenGL для работы с буферами размешаются в различных местах, включая сетевые буферы и графические акселераторы. Команда **gIFIush** освобождает все эти буферы, заставляя все вызванные команды выполниться так быстро, как это требуется фактической реализацией воспроизведения. И хотя выполнение не может быть закончено за некоторый заданный отрезок времени, оно завершается за конечный период.

Поскольку любая программа OpenGL может выполняться в сети или на графическом акселераторе, который накапливает команды, необходимо убедится, что функция **gIFIush** вызвана во всех программах, которые требуют, чтобы все их предварительно вызванные команды были закончены. Например, необходимо вызвать эту команду перед ожиданием пользовательского ввода, который зависит от сформированного образа.

Команда **gIFIush**, в отличие от **glFinish**, не ожидает завершения выполнения всех предварительно вызванных команд.

Мы рассмотрели только малую часть команд, составляющих библиотеку GLUT.Полное описание GLUT, а также сами файлы для работы с ней можно найти на официальном сайте библиотеки OpenGL[**www.opegl.org**](http://www.opegl.org)**.**

**15.7.Рисование геометрических объектов**

**15.7.1.Процесс обновления изображения**

Как правило, задачей программы, использующей OpenGL, является обработка трехмерной сцены и интерактивное отображение в буфере кадра. Сцена состоит из набора трехмерных объектов, источников света и виртуальной камеры, определяющей текущее положение наблюдателя. Обычно приложение OpenGL в бесконечном цикле вызывает функцию обновления изображения в окне. В этой функции и сосредоточены вызовы основных команд OpenGL. Если используется библиотека GLUT, то это будет функция с обратным вызовом, зарегистрированная с помощью вызова **glut DisplayFunc()**.GLUT вызывает эту функцию, когда операционная система информирует приложение о том, что содержимое окна необходим перерисовать (например, если окно было перекрыто другим). Создаваемое изображение может быть как статичным, так и анимированным, т. е. зависеть от каких-либо параметров, изменяющихся со временем. В этом случае лучше вызывать функцию обновления самостоятельно. Например, с помощью команды **glutPostRedisplay()**.Типичная функция обновления изображения,как правило, состоит из трех шагов:

1. очистка буферов OpenGL;
2. установка положения наблюдателя;
3. преобразование и рисование геометрических объектов.

OpenGL содержит внутри себя несколько различных буферов. Среди них **фрейм-буфер** (куда производится построение изображения), **z-буфер**, служащий для удаления невидимых поверхностей, **буфер трафарета** и **аккумулирующий буфер**(рис. 15.3.)



Рис. 15.3

Для очистки окна (экрана, внутренних буферов) служит команда

**void glClear(GLbitfield buf)**,которая очищает буферы, заданные переменной **buf**. Параметр **buf** определяет комбинацию констант, соответствующую буферам, которые нужно очистить. Его значения заданы в табл. 15.5.

Таблица 15.5

**Значения параметра buf**

|  |  |
| --- | --- |
| **Значение переменнойbuf** | **Комментарий** |
| GL\_COLOR\_BUFFER\_BIT | Очистить буфер изображения (фрейм - буфер) |
| GL\_DEPTH\_BUFFER\_BIT | Очистить z - буфер |
| GL\_ACCUM\_BUFFER\_BIT | Очистить аккумулирующий буфер |
| GL\_STENSIL\_BUFFER\_BIT | Очистить буфер трафарета |

Типичная программа вызывает команду для очистки буферов цвета и глубины:

**glClear(GL\_COLOR\_BUFFER\_BIT | GL\_DEPTH\_BUFFER\_BIT)**.

При этом цвет, которым очищается буфер изображения, задается командой

**void glClearColor (GLclampf red, GLclampf green, GLclampf blue, GLclampf alpha)**.

Команда glClearColor устанавливает цвет, которым будет заполнен буфер кадра. Первые три параметра команды задают R,G и B компоненты цвета и должны принадлежать отрезку [0,1]. Четвертый параметр задает так называемую альфа-компоненту. Как правило, он равен 1. По умолчанию цвет – черный (0,0,0,1).

Установка положения наблюдателя и преобразования трехмерных объектов (поворот, сдвиг и т. д.) контролируются с помощью задания **матриц преобразования**.Преобразованияобъектов и настройка положения виртуальной камеры рассмотрены ниже.

Рассмотрим вопрос о том, как передать в OpenGL описания объектов, находящихся в сцене. Каждый объект является набором примитивов OpenGL.

**15.7.2.Вершины и примитивы**

Вершина является атомарным графическим примитивом OpenGL и определяет точку, конец отрезка, угол многоугольника и т. д. Все остальные примитивы формируются с помощью задания вершин, входящих в данный примитив. Например, отрезок определяется двумя вершинами, являющимися концами отрезка. С каждой вершиной ассоциируются ее атрибуты. В число основных атрибутов входят **положение** вершины в пространстве, **цвет** вершины и **вектор** нормали.

***Положение вершины в пространстве***

Положение вершины определяются заданием ее координат в двух-, трех-, или четырехмерном пространстве (однородные координаты). Это реализуется с помощью нескольких вариантов команды **glVertex\***:

**voidglVertex[2 3 4][s i f d] (typex, …)**,

**void glVertex[2 3 4][s i f d]v (type \*v)**.

Каждая команда задает четыре координаты вершины: **x**, **y**, **z**, **w**. Команда **glVertex2\*** получает значения **x**и **y**. Координата **z** в таком случае устанавливается по умолчанию равной 0, координата w– равной 1. **Vertex3\*** получает координаты **x**, **y**, **z** и заносит в координату w значение 1. **Vertex4\*** позволяет задать все четыре координаты. Например

glVertex2s(1,2)

glvertex3f(2.3, 1.5, 0,2)

GLdoublevect[]={1.0, 2.0, 3.0, 4.0}

glVertex4dv (vect)

Для ассоциации с вершинами цветов, нормалей и текстурных координат используются текущие значения соответствующих данных, что отвечает организации OpenGL как конечного автомата. Эти значения могут быть изменены в любой моментс помощью вызова соответствующих команд.

***Цвет вершины***

Для задания текущего цвета вершины используются команды :

**void glColor[3 4][b s i f d ub us ui] (type r, type g, type b, type a)**,

**void glColor[3 4][b s i f d ub us ui]v (const type\*v**).

Первые три параметра задают R, G, B компоненты цвета, а последний параметр определяет коэффициент непрозрачности (так называемая альфа-компонента). Если в названии команды указан тип **«f»** (float), то значения всех параметров должны принадлежать отрезку [0,1], при этом по умолчанию значение альфа-компоненты устанавливается равным 1.0, что соответствует полной непрозрачности. Тип «**ub**» (unsignedbyte) подразумевает, что значения должны лежать в отрезке [0,255].

Вершинам можно назначать различные цвета, и, если включен соответствующий режим, то будет проводиться линейная интерполяция цветов по поверхности примитива.

Для управления режимом интерполяции используется команда

**void glShadeModel (GLenum mode)**,вызов которой с параметром GL\_SMOOTH включает интерполяцию (установка по умолчанию), а с GL\_FLAT – отключает.

***Нормаль***

Вектор нормали применяется для расчетов освещения и затенения. Нормаль в OpenGL является атрибутом вершины. В общем случае, когда речь идет о грани трехмерного объекта, вершины одной грани имеют разные нормали, так как каждая вершина принадлежит нескольким граням, лежащим в разных плоскостях. Тогда нормаль к вершине можно определить как сумму нормалей к граням, содержащим рассматриваемую вершину,  или как среднюю нормаль , где  – вектор нормали к -й грани, – число граней, образующих вершину. Для стандартных объектов OpenGLрассчитывает нормали автоматически. При отображении объектов, создаваемых пользователем, нормали должны быть рассчитаны самостоятельно.

После определения координат нормали она должна быть задана командами

**void glNormal3[b s i f d] (GLtype nx,GL type ny, GLtype nz )**,

**void glNormal3[b s i f d]v (GLtype \*v )**,

где **nx**, **ny**, **nz** – координаты новой текущей нормали, **v** – массив координат вектора нормали.

Нормали задаются к каждой выводимой вершине.

Для правильного расчета освещения необходимо, чтобы вектор нормали имел единичную длину. Командой **glEnable(**GL\_NORMALIZE**)**можно включить специальный режим, при котором задаваемые нормали будут нормироваться автоматически. По умолчанию нормализация не выполняется.

Режим автоматической нормализации должен быть включен, если приложение использует модельные преобразования растяжения/сжатия, так как в этом случае длина нормалей изменяется при умножении на модельно-видовую матрицу.

Однако применение этого режима уменьшает скорость работы механизма визуализации OpenGL, так как нормализация векторов имеет заметную вычислительную сложность (взятие квадратного корня и т.п.). Поэтому лучше сразу задавать единичные нормали.

Отметим, что команды

**void glEnable (GLenum mode)**,

**voidg lDisable (GLenum mode)**,

где параметр **mode**определяет вид режима, производят включение и отключение того или иного режима работы конвейера OpenGL. Эти команды применяются достаточно часто, и их возможные параметры будут рассматриваться в каждом конкретном случае.

**15.7.3.Операторные скобки glBegin / glEnd**

Выше было рассмотрено задание атрибутов одной вершины. Однако, чтобы задать атрибуты графического примитива, одних координат вершин недостаточно. Эти вершины надо объединить в одно целое, определив необходимые свойства. Для этого в OpenGLиспользуются так называемые операторные скобки, являющиеся вызовами специальных команд OpenGL. Определение примитива или последовательности примитивов происходит между вызовами команд

**void glBegin (GLenum mode)**

**void glEnd ()**

Параметр **mode** определяет тип примитива, который задается внутри и может принимать значения, представленные на рис. 15.4 и в табл. 15.6.

Таблица 15.6

**Значения параметра mode**

|  |  |
| --- | --- |
| **Значение mode** | **Комментарий** |
| GL\_POINTS | Каждая вершина задает координаты некоторой точки. |
| GL\_LINES | Каждая отдельная пара вершин определяет отрезок; если задано нечетное число вершин, то последняя вершина игнорируется **v0v1, v2v3…** |
| GL\_LINE\_STRIP | Каждая следующая вершина задает отрезок вместе с предыдущей – незамкнутая ломаная **v0v1v2v3…vn** |
| GL\_LINE\_LOOP | Замкнутая ломаная **v0v1v2v3…vnv0** |
| GL\_TRIANGLES | Каждые отдельные три вершины определяют треугольник. Если задано не кратное трем число вершин, то последние вершины игнорируются **v0v1v2,**  **v3v4v5...** |
| GL\_TRIANGLE\_STRIP | Каждая следующая вершина задает треугольник вместе с двумя предыдущими – связанная полоса треугольников **v0v1v2, v2v1v3, v2v3v4…** |
| GL\_TRIANGLE\_FAN | Треугольники задаются первой вершиной и каждой следующей парой вершин (пары не пересекаются) – веер треугольников **v0v1v2, v0v2v3, v0v3v4…** |
| GL\_QUADS | Каждая отдельная четверка вершин определяет четырехугольник; если задано не кратное четырем число вершин, то последние вершины игнорируются **v0v1v2v3, v4v5v6v7, …** |
| GL\_QUAD\_STRIP | Полоса четырехугольников **v0v1v3v2, v2v3v5v4 … .** |
| GL\_POLYGON | Последовательно задаются вершины выпуклого многоугольника. |

Например, чтобы нарисовать треугольник с разными цветами в вершинах, достаточно написать:

GLfloat BlueCol[3] = {0,0,1};

**glBegin(**GL\_TRIANGLES**)**;

glColor3f(1.0, 0.0, 0.0); //Красный

glVertex3f(0.0, 0.0, 0.0);

glColor3ub(0,255,0); //Зеленый

glVertex3f(1.0, 0.0, 0.0);

glColor3fv(BlueCol); //Синий

glVertex3f(1.0, 1.0, 0.0);

**glEnd();**

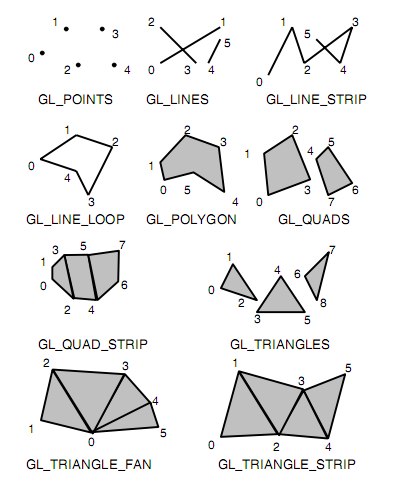


Рис. 15.4

Как правило, разные типы примитивов имеют различную скорость визуализации на разных платформах. Для увеличения производительности предпочтительнее использовать примитивы, требующие меньшее количество информации для передачи на сервер, такие как GL\_TRIANGLE\_STRIP, GL\_QUAD\_STRIP, GL\_TRIAGLE\_FAN. Кроме задания самих многоугольников, можно определить метод их отображения на экране. Для этого необходимо определить понятие **лицевых**и **обратных граней**.

Под **гранью** (многоугольником) в OpenGL подразумевается замкнутый выпуклый многоугольник с несамопересекающейся границей.

По умолчанию лицевой считается та сторона, вершины которой обходятся **против**часовой стрелки. Направление обхода вершин лицевых граней можно изменить вызовом команды

**void glFrontFace (GLenum mode)**со значением параметра **mode** равнымGL\_CW(clockwise), а вернуть значение по умолчанию можно, указав GL\_CCW (counter-clockwise). Чтобы изменить метод отображения многоугольника используется команда

**voidgl PolygonMode (GLenum face, Glenum mode)**.

Параметр **mode** определяет, **как** будут отображаться многоугольники, а параметр **face** устанавливает **тип** многоугольников, к которым будет применяться эта команда и может принимать следующие значения:

GL\_FRONT –для лицевых граней,

GL\_BACK – для обратных граней,

GL\_FRONT\_AND\_BACK – длявсехграней

Параметр **mode** может быть равен:

GL\_POINT **–**отображение только вершин многоугольников,

GL\_LINE **–** многоугольники будут представляться набором отрезков,

GL\_FILL **–** многоугольники будут закрашиваться текущим цветом с учетом освещения, и этот режим установлен по умолчанию.

Также можно указывать, какой тип граней отображать на экране. Для этого сначала надо установить соответствующий режим вызовом команды **glEnable (GL\_CULL\_FACE)**, а затем выбрать тип отображаемых граней с помощью команды **void glCullFace (GLenum mode)**.

Вызов с параметром GL\_FRONT приводит к удалению из изображения всех лицевых граней, а с параметром GL\_BACK –обратных (установка по умолчанию).

Кроме рассмотренных стандартных примитивов в библиотеках GLU и GLUT описаны более сложные фигуры, такие как сфера, цилиндр, диск (в GLU) и сфера, куб, конус, тор, тетраэдр, додекаэдр, икосаэдр, октаэдр и чайник (в GLUT). Автоматическое наложение текстуры предусмотрено только для фигур из библиотеки GLU.

При изображении объектов в OpenGL можно изменять размер точек и толщину линий. Для этой цели служат следующие команды.

**void glPointSize(GLfloat size)** –устанавливает диаметр (size) в пикселях точек, изображаемых с помощью примитива GL\_POINTS. По умолчанию значение параметра size равно 1.0. В любой реализации OpenGL гарантирована поддержка размера точки равного 1.0. В типичных реализациях MicrosoftWindows поддерживается размер точки от 0.5 до 10 с шагом 0.125.

**void glLineWidth(GLfloat size)** –устанавливает ширину (size) в пикселях линий, изображаемых с помощью примитивов GL\_LINES, GL\_LINE\_STRIP или GL\_LINE\_LOOP. По умолчанию значение параметра size равно 1.0. В любой реализации OpenGL гарантирована поддержка размера точки равного 1.0. В типичных реализациях MicrosoftWindows поддерживается размер точки от 0.5 до 10 с шагом 0.125.

**15.7.4.Дисплейные списки**

В традиционных языках программирования существуют функции и процедуры – т. е. можно выделить определенный набор команд, запомнить его в некотором одном определенном месте и вызывать каждый раз, когда возникает потребность в соответствующей последовательности команд. Подобная возможность существует и в OpenGL – набор команд OpcnGL можно запомнить в так называемый дисплейный список (***display list***), при этом все команды и данные переводятся в некоторое внутреннее представление, наиболее удобное для данной реализации OpenGL, и затем вызвать при помощи всего одной команды.

Каждому дисплейному списку соответствует некоторое целое число, идентифицирующее этот список.

Для создания нового дисплейногосписканеобходимопоместить все команды, которые должны в него войти, между следующими операторными скобками:

**void glNewList (GLuint list, GLenum mode)**,

**void glEndList ()**,

где параметр **list** задает номер списка, а параметр **mode** определяет режим обработки команд, входящих в список и может принимать следующие значения:

GL\_COMPILE – команды записываются в список без выполнения,

GL\_COMPILE\_AND\_EXECUTE**–** команды сначала выполняются, а затем записываются в список.

Следует иметь в виду, что если в качестве параметра **list** списка используется уже существующий номер, то новый список не создается, а существующий список заменяется на новый.

Узнать, занят ли данный номер **list** каким-либо дисплейным списком, можно при помощи функции

**GLboolean gllsList (GLuint list)**.

Зарезервировать **range** свободных подряд идущих номеров для идентификации дисплейных списков можно при помощи функции

**GLuint glGenLists (GLsizei range)**.

Эта функция возвращает первый свободный номер из блока зарезервированных номеровданной командой***.***

После того, как список создан, его можно вызвать командой **void glCallList (GLuintl ist)**,указав в параметре **list** идентификатор нужного списка. Для вызова сразу нескольких списков, можно воспользоваться командой **voidg glCallLists (GLsizei n, GLenum type, const GLvoid \*lists)**,вызывающей **n** списков с идентификаторами из массива **lists**, тип элементов которого указывается в параметре **type**. Это могут быть типы GL\_BYTE, GL\_UNSIGNED\_BYTE, GL\_SHORT,GL\_INT, GL\_UNSIGNED\_INT и некоторые другие. Для удаления списков используется команда

**void glDeleteLists (GLintlist, GLsizei range)**,которая удаляет списки с идентификаторами **ID** из диапазона**list ≤ ID ≤ list+range-1**.

Пример:

**glNewList(1, GL\_COMPILE);**

glBegin(GL\_TRIANGLES);

glVertex3f(1.0f, 1.0f, 1.0f);

glVertex3f(10.0f, 1.0f, 1.0f);

glVertex3f(10.0f, 10.0f, 1.0f);

glEnd();

**glEndList()**

…

glCallList(1);

***Замечание***. Дисплейные списки нельзя изменять. Список можно уничтожить или создать заново. В дисплейном списке команды запоминаются вместе со своими аргументами на момент передачи, так что в следующем примере последний оператор присваивания дисплейный список не изменяет.

GLfloat color [] ={0.0, 0.0, 0.0};

glNewList (1, GL.COMPILE);

glColor3fv (color);

glEndList ();

color [2] = 1.0; //Неизменяетдисплейныйсписок.

Не все команды OpenGL могут быть записаны в дисплейный список. К ним относятся такие команды, как **glDeleteLists()**, **glFinish()**, **glGenLists()** и некоторые другие.

Дисплейные списки в оптимальном, скомпилированном виде хранятся в памяти сервера, что позволяет рисовать примитивы в такой форме максимально быстро. В то же время большие объемы данных занимают много памяти, что влечет, в свою очередь, падение производительности. Такие большие объемы (больше нескольких десятков тысяч примитивов) лучше рисовать с помощью массивов вершин.

**15.7.5.Массивы вершин**

Если вершин много, то, чтобы не вызывать для каждой команду glVertex\*(), удобно объединять вершины в массивы, используя команду

**void glVertexPointer (GLint size, GLenum type, GLsizei stride, void\* ptr)**,которая определяет способ хранения и координаты вершин. При этом **size**определяет число координат вершины (может быть равен 2, 3, 4), **type** определяет тип данных (может быть равен GL\_SHORT, GL\_INT, GL\_FLOAT, GL\_DOUBLE). Иногда удобно хранить в одном массиве другие атрибуты вершины, тогда параметр **stride** задает смещение от координат одной вершины до координат следующей; если **stride =0**, это значит, что координаты расположены последовательно. В параметре **ptr**указывается адрес, где находятся данные.

Аналогично можно определитьмассив нормалей, цветови некоторых других атрибутов вершины, используя команды:

**void glNormalPointer (GLenum type, GLsizei stride, void \*pointer)**,

**void glColorPointer (GLint size, GLenum type, GLsizei stride, void \*pointer)**.

Для того, чтобы эти массивы можно было использовать в дальнейшем, надо вызвать команду

**void glEnableClientState (GLenum array)**,гдепараметр **array** может принимать значения GL\_VERTEX\_ARRAY,GL\_NORMAL\_ARRAY и GL\_COLOR\_ARRAYсоответственно. После окончания работы с массивом желательно вызвать команду **void glDisableClientState (GLenum array)**с соответствующим значением параметра **array**.

Для отображения содержимого массивов используется команда **void glArrayElement (GLint index)**,которая передает OpenGLатрибуты вершины, используя элементы массива с номером **index**. Это аналогично последовательному применению команд вида **glColor\*(…)**, **glNormal\*(…)**, **glVertex\*(…)**cсоответствующими параметрами. Однако вместо нее обычно вызывается команда

**void glDrawArrays (GLenum mode, GLintfirst, GLsizeicount)**,рисующая **count** примитивов, определяемых параметром **mode**, используя элементы из массивов с индексами от **first**до **first+count-1**. Это эквивалентно вызову последовательности команд **glArrayElement()** с соответствующими индексами. Параметр**mode**определяет тип примитива и можетприниматьзначения: GL\_POINTS, GL\_LINE, GL\_LINE\_LOOP, GL\_LINE\_STRIP, GL\_TRIANGLES,GL\_TRIANGLE\_STRIP, GL\_TRIANGLE\_FAN, GL\_QUADS, GL\_QUAD\_STRIP и GL\_POLYGON.

В случае, если одна вершина входит в несколько примитивов, то вместо дублирования ее координат в массиве удобно использовать ее индекс. Для этого надо вызвать команду

**void glDrawElements (GLenum mode, GLsizei count, GLenum type, void \*indices),** где **indices**– это массив номеров вершин, которые надо использовать для построения примитивов, **type** определяет тип элементов этогомассива:GL\_UNSIGNED\_BYTE,GL\_UNSIGNED\_SHORT, GL\_UNSIGNED\_INT, а **count** задает их количество.

Важно отметить, что использование массивов вершин позволяет оптимизироватьпередачу данных на сервер OpenGL, и, как следствие, повысить скорость рисования трехмерной сцены. Такой метод определения примитивов является одним из самых быстрыхи хорошо подходит для визуализации больших объемов данных.

Помимо рассмотренных примитивов, определяемых внутри командных скобок, в OpenGL предусмотрены команды

**void gIRect[d f i s](GLtype x1, GLtype y1, GLtype x2, GLtype y2)**

и

**void gIRect[d f i s] v (GLtype\* v1, GLtype\* v2)**,

которые позволяют достаточно эффективно задавать прямоугольник в плоскости **z = 0**, определяя два его противоположныхугла.

Параметры **xl** и **yl** задают координаты одной из вершин прямоугольника, а **х2** и **у2** – координаты егопротивоположной вершины. Параметры **vl** и **v2** определяют указатели на соответствующие двухточечные массивы вершин.

Если прямоугольник изображается с помощью функции **glRect**, то стороны многоугольника прокладываются между вершинами в следующем порядке: (**x1, yl)**, **(х2, у1)**, **(х2, у2)**, **(xl, у2)**, а затем обратно к первой вершине.

Их действие аналогично, например, следующей последовательности команд:

**glBegin(GL\_POLYGON) ;**

**glVertex2\*(xl, yl);//** \* заменяется соответствующим символом,

**glVertex2\*(х2, yl); //** зависящим от типа используемых

**glVertex2\*(х2, у2);** //данных

**glVertex2\*(xl,** у2)*;*

**glEnd();**

**15.7.6.Вывод текста**

Существуют два типа шрифтов –**штриховой (эскизный)** и **растровый**. Штриховой шрифт формируется по тому же принципу, что и прочие графические примитивы. Начертание символа определяется вершинами соответствующих прямолинейных и криволинейных отрезков. Если символ формируется из замкнутых контуров, то его внутреннюю область можно залить. Преимущество использования штриховых шрифтов заключается в том, что с ними можно обращаться в графической системе точно так же, как с любыми другими графическими объектами. Несомненным достоинством штриховых шрифтов является и сохранение начертания во всех деталях при выполнении геометрических преобразований масштабирования или повороте. Поэтому определение символов набора выполняется только для одного, базового, размера, а все прочие получаются после выполнения стандартных геометрических преобразований – масштабирования и поворота. Однако визуализируются штриховые шрифты медленнее, чем растровые.

Растровый шрифт определяется значительно проще, а отображается быстрее (рис. 15.5). Символы шрифта определяются на прямоугольной области и представляют собой блоки битов. Каждый блок задает определенный символ в виде образа из нулей и единиц, которые соответствуют засвеченным и незасвеченным точкам растра. При отображении определенный таким способом символ помешается в буфер кадра с помощью операции побитового переноса, которая выполняется очень быстро.

Увеличить размер символов растрового шрифта можно только дублированием пикселей, что при большом увеличении приводит к формированию символов довольно «грубой» формы. Выполнять какие-либо геометрические преобразования растрового шрифта бессмысленно. Кроме того, поскольку растровые шрифты, как правило, хранятся в постоянной памяти, они не переносятся с компьютера на компьютер.

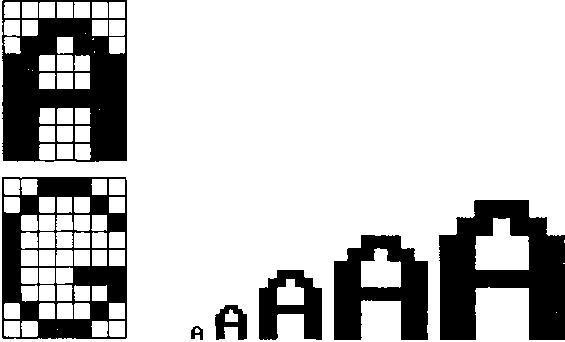


Рис. 15.5

Символы как штриховых, так и растровых шрифтов формируются из других примитивов, а потому в составе основной библиотеки OpenGL нет специального примитива для формирования текста. Но в составе дополнительной библиотеки GLUT имеется несколько наборов символов (как штриховых, так и растровых), которые определены программно, а, следовательно, являются переносимыми.

Растровый символ GLUT можно получить с помощью функции

**glutBitmapCharacter (font, character)**.

Параметр **font**определяет начертание шрифта и может принимать значение одной из символьных констант GLUT:

GLUT\_BITMAP\_8\_BY\_13;

GLUT\_BITMAP\_9\_BY\_15;

GLUT\_BITMAP\_TIMES\_ROMAN\_10;

GLUT\_BITMAP\_HELVETICA\_12;

GLUT\_BITMAP\_HELVETICA\_18.

Параметру**character** присваивается либо код ASCII, либо отдельный символ, который мы хотим изобразить. Таким образом, чтобы изобразить прописную букву «А», можно воспользоваться либо значением 65 кода ASCII, либо обозначением 'А'.

Каждый символ, созданный с помощью функции **glutBitmapCharacter**, изображается так, что начало координат (нижний левый угол) битового массива находится в текущем растровом положении. После того как битовый массив символа загружается в буфер регенерации, к координате *х* текущего растрового положения добавляется смещение, равное ширине символа.

Изменение значения текущей позиции растра выполняется с помощью разных модификаций функции **glRasterPos\***(например, **glRasterPos2i(GLintx, GLinty)**, **glRasterPos3i(GLintx, GLinty, z GLint)**.

При установке растрового положения текущий цвет растровых изображенийустанавливается равным текущему цвету. Вкачестве примера изобразим известную текстовую строку «Hellow Word!!!».

MyText[]=”HellowWord!!!”;

glColor3ub(255,0,0); //Цвет текста

glRasterPos2i(-10, 3); //Координаты начала вывода

len=strnlen(MyText2,100);

for (int i=0;i<len;i++)

glutBitmapCharacter(GLUT\_BITMAP\_9\_BY\_15, MyText[i]);

Эскизный символ изображается путем вызова функции

**glutStrokeCharacter (font, character)**.

Для этой функции параметру **font** можно присвоить значение GLUT\_STROKE\_ ROMAN, чтобы изобразить пропорциональный шрифт, или GLUT\_STROKE\_MONO\_ ROMAN, чтобы представить моноширинный шрифт. Размер и положение этих символов можно контролировать с помощью операций аффинных преобразований, которые вызываются перед выполнением процедуры **glutStrokeCharacter**.

**15.7.7.Работа с z–буфером**

Как уже было сказано, OpenGL поддерживает использование аппаратного буфера для удаления невидимых поверхностей. Каждое поступающее значение глубины фрагмента сравнивается с имеющимся в буфере значением глубины и выводится на экран (или нет) в зависимости от результатов выполнения этого теста. Более того, результат этого теста влияет на содержимое буфера трафарета, что в совокупности представляет поразительно мощное средство создания изо­бражений практически любой степени сложности.

Исходно тест глубины заблокирован и может быть разрешен при помощи команды **glEnable (GL\_DEPTH\_TEST)**.

Выключить эту проверку можно командой

**glDisable (GL\_DEPTH\_TEST)**.

Функция сравнения, используемая в тесте, задается командой

**void glDepthFunc(GLenum func)**.

Вызов этой команды позволяет определить ту функцию, которая будет использоваться для сравнения каждого поступающего **z**-значения с тем, которое хранится в буфере глубины. Функцию, используемую для сравнения глубин, определяет параметр **func**,который может принимать одно из следующих значений, указанных в табл. 15.7.

Таблица 15.7

**Значения параметра func**

|  |  |
| --- | --- |
| Константа | Тест завершается положительно... |
| GL\_NEVER | Никогда |
| GL\_LESS | Если поступающее значение меньше, чем хранящееся в буфере |
| GL\_EQUAL | Если поступающее z-значение равно хранящемуся в буфере |
| GL\_LEQUAL | Если поступающее z-значение меньше или равно, чем хранящееся в буфере |
| GL\_GREATER | Если поступающее значение больше, чем хранящееся в буфере |
| GL\_NOTEQUAL | Если поступающее значение не равно хранящемуся в буфере |
| GL\_GEQUAL | Если поступающее значение больше или равно хранящемуся в буфере |
| GL\_ALWAYS | Всегда |

По умолчанию используется константа GL\_LESS. Если буфера глубины нет, то считается, что тест всегда завершается положительно.

**15.7.8.Преобразования координат объектов**

**15.7.8.1.Системы координат**

В OpenGL используются как основные три системы координат: **левосторонняя**, **правосторонняя** и**оконная**. Первые две системы являются трехмерными и отличаются друг от друга направлением оси Z: в правосторонней она направлена на наблюдателя, в левосторонней – в глубину экрана. ОсьX направлена вправо относительно наблюдателя, ось Y – вверх.

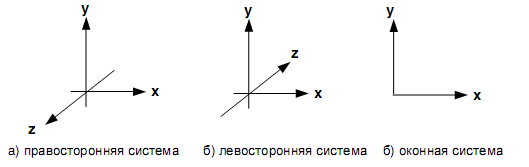


Рис. 15.6

Рассматривая какой-либо трехмерный объект, мы всегда определяем его положение и размеры относительно некоторой привычной и удобной в настоящий момент системы координат, связанной с реальным миром. Такая исходная система координат в компьютерной графике является **правосторонней** и называется **мировой системой координат (МСК).**В ней над объектами выполняются заданные действия, например, аффинные преобразования. Для того, чтобы можно было изобразить объект на экране, его необходимо предварительно перевести (или преобразовать) в другую систему координат, которая связана с точкой наблюдения и носит название **видовой системы координат**или **системы координат наблюдателя (СКН).** Эта система координат является левосторонней. В ней рассчитываются цвета объектов и выполняются заданные отсечения. Далее, координаты СКН переводятся в нормированные (нормализованные) координаты (НК), которые лежат в диапазоне [-1, 1].И, наконец, любое трехмерное изображение мы всегда рисуем на двумерном экране, который имеет свою **экранную (оконную) систему координат** (ОСК).Взаимное расположение мировой (XYZ) и видовой (XeYeZe) систем координат,а также экранная система координат (xy)показаны на рис. 15.7 и рис. 15.8 соответственно.

|  |  |
| --- | --- |
| E  0  Ze  Xe  Ye  Y  X  Z | 0  Ye  x  0  Xe  y  Ze |
| Рис. 15.7 | Рис. 15.8 |

Таким образом, основная задача, которую необходимо решить, заключается в том, что объекты, описанные в мировых координатах, необходимо изобразить на плоской области вывода экрана. То есть необходимо проделать некоторую последовательность преобразований и осуществить проекцию, переводящую трехмерные объекты на двумерную проекционную плоскость. Эту последовательность действий удобно выполнять в несколько этапов, как это и реализовано в OpenGL (рис.5.9).

Преобразования

проецирования

Преобразования в

МСК

МСК

(правосторонняя)

СКН

(левосторонняя)

НК

Преобразования области

вывода

Оконные координаты

Рис. 15.9

Координаты отображаемых объектов (примитивов) задаются в МСК. В ней же под воздействием **видовой матрицы** выполняются заданные действия, например аффинные преобразования. В результате воздействия видовой матрицы координаты вершин объектов пересчитываются в СКН. В ней рассчитываются цвета объектов и выполняются заданные отсечения. Далее под воздействием **матрицы проецирования** координаты СКН пересчитываются в нормированные координаты. Диапазон их изменения – [-1.0, 1.0]. Непосредственно перед выводом в окно нормированные координаты преобразуются в оконные.

**15.7.8.2.Матрицы**

В OpenGL предусмотрены **три** типа матриц –**видовая**, **проекций** и **текстуры**, все они имеют размер (4x4).

Для того чтобы с какой-либо матрицей можно было работать, ее необходимо сделать текущей, для чего предусмотрена команда

**void glMatrixMode(GLenum mode)**.

Параметр **mode** определяет, с каким набором матриц будут выполняться последующие операции, и может принимать одно из трех значений:

GL\_MODELVIEW **–** последовательность операций над матрицами применяется к видовой матрице,

GL\_PROJECTION **–** последовательность операций над матрицами применяется к матрице проекции,

GL\_TEXTURE **–** последовательность операций над матрицами применяется к матрице текстуры.

После того, как установлена текущая матрица, необходимо определить все элементы. Для этой цели можно использовать команду

**voidglLoadMatrix[fd](GLtype\* m)**.

Параметр **m** определяет указатель на матрицу 4x4, хранящуюся по порядку расположения столбцов как 16 последовательных вещественных значений одинарной (f) или двойной (d) точности.



Эта команда заменяет текущую матрицу на ту, которая определена в **m**.Текущей является одна из матриц –видовая, проекцийилитекстуры, в зависимости от текущего режима.

Команда**void gILoadIdentity()**заменяет текущую матрицу на единичную (матрицу идентичности).



Семантически эта команда эквивалентна **glLoadMatrix** с параметром, определяющим единичную матрицу, но выполняется более эффективно.

Часто бывает необходимо сохранить содержимое текущей матрицы для дальнейшего использования, для чего применяются команды

**void glPushMatrix (void)**,

**voidglPopMatrix (void)**.

Они записывают и восстанавливают текущую матрицу из стека, причем для каждого типа матриц стек свой. Для модельно-видовых матриц его глубина равна как минимум 32, для остальных – как минимум 2.

При выполнении преобразований объектов, таких как перенос, вращение, масштабирование,могутпонадобиться соответствующие операции над матрицами.OpcnGL предоставляет набор команд для решения этой задачи. Фундаментальной является команда перемножения матриц

**voidgIMultMatrix[fd](GLtype\* m)**,где параметр **m**определяет указатель на матрицу размером 4x4, хранящуюся по порядку расположения столбцов.Эта команда умножает матрицу, заданную параметром **mслева**, на текущую. Еслиобозначить текущую матрицу за М, передаваемую матрицу за T, то в результате выполнения команды **glMultMatrix** текущей становится матрица M∙T (T← M∙T).Однако обычно для изменения матрицы того или иного типа удобно использовать специальные команды, которые по значениям своих параметров создают нужную матрицу и умножают ее на текущую.

Однако к использованию этой следует прибегать только в самом крайнем случае, т. к. для перемножения требуются значительные вычислительные затраты.

В целом, для отображения трехмерных объектов сцены в окно приложения используется последовательность, показанная на рис.15.10.

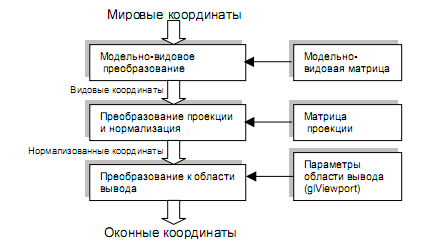


Рис. 15.10

Таким образом, все преобразования объектов и камеры в OpenGL производятся с помощью умножения векторов координат на матрицы. Причем умножение происходит на текущую матрицу в момент определения координаты командой **glVertex\*** и некоторыми другими.

**15.7.8.3.Модельно-видовые преобразования**

К модельно-видовым преобразованиям будем относить перенос, поворот и изменение масштаба вдоль координатных осей. Для проведения этих операций достаточно умножить на соответствующую матрицу каждую вершину объекта и получить измененные координаты этой вершины:



где M – матрица модельно-видового преобразования. Перспективное преобразование и проектирование производится аналогично. Сама матрица может быть создана с помощью следующих команд:

**void glTranslate[fd] (GLtype x, GLtype y, GLtype z)**,

**void glRotate[f d] (GLtype angle, GLtype x, GLtype y, GLtype z)** ,

**void glScale[f d] (GLtype x, GLtype y, GLtype z)**,

где

**glTranlsate\*()** –производит перенос объекта, прибавляяк координатам его вершин значения своих параметров,

**glRotate\*()** –производит поворот объекта против часовой стрелки на угол **angle**(измеряется в градусах) вокруг вектора (x, y, z),

**glScale\*()** –производит масштабированиеобъекта (сжатиеили растяжение) вдоль вектора (x, y,z), умножая соответствующие координаты его вершин на значения своих параметров.

Все эти преобразования изменяют текущую матрицу, а поэтому применяются к примитивам, которые определяются позже. В случае, если надо, например, повернуть один объект сцены, а другой оставить неподвижным, удобно сначала сохранить текущую видовую матрицу в стеке командой **glPushMatrix()**, затем вызвать **glRotate()** с нужными параметрами, описать примитивы, из которых состоит этот объект, а затем восстановить текущую матрицу командой **glPopMatrix().**

Кроме изменения положения самого объекта часто бывает необходимо изменить положение наблюдателя, что также приводит к изменению модельно-видовой матрицы. Это можно сделать с помощью команды

**voidgluLookAt (GLdouble ex, GLdouble ey, GLdoubleez,**

**GLdouble center\_x, GLdouble center\_y, GLdouble center\_z,**

**GLdouble up\_x, GLdouble up\_y, GLdouble up\_z)**,

где точка **(ex,ey,ez)** определяет точку наблюдения в МСК,

точка**(center\_x, center\_y, center\_z)**задает центр сцены, который будет проектироваться в центр области вывода, а вектор **(up\_x,up\_y, up\_z)**задает направление вектора, вдоль которого в видовом порте (см. ниже) ориентируется ось Y, определяя поворот камеры.Причем вектор **(up\_x, up\_y, up\_z)**не должен быть параллелен линии, проведенной от точки наблюдения**(ex,ey,ez)**до наблюдаемой точки **(center\_x, center\_y, center\_z)**.

Если, например, камеру не надо поворачивать, то задается значение **(0,1,0)**, а со значением **(0,-1,0)** сцена будет перевернута.

Строго говоря, эта команда совершает перенос и поворот объектов сцены, но в таком виде задавать параметры бывает удобнее. Следует отметить, чтовызывать команду **gluLookAt()** имеет смысл перед определением преобразований объектов, когда модельно-видовая матрица равна единичной.

***Замечание***. В общем случае матричные преобразования в OpenGL нужно записывать в обратномпорядке. Например, если необходимо сначала повернутьобъект, а затем передвинутьего, тосначала надо вызвать команду**glTranslate()**, а только потом – **glRotate()**. После этого можно определить сам объект.

**15.7.9.Проекции**

Несоответствие между пространственными объектами и плоскими изображениями устраняется путем введения **проекций**, которые отображают объекты на двумерной проекционной картинной плоскости. В зависимости от расстояния между наблюдателем и картинной плоскостью различают два основных класса проекций: **параллельные** и **центральные (перспективные)**. Если это расстояние бесконечно, то проекция будет параллельной, а если конечно, то центральной. При описании центральной проекции необходимо явно задавать **центр проекции**, а для определения параллельной проекции необходимо определить направление проецирования.

OpenGL поддерживает два вида проекций – **ортографическую (параллельную)** и **перспективную**.

В OpenGL существуют стандартные команды для задания ортографической (параллельной) и перспективной проекций, выполнение которых устанавливает в системе координат наблюдателя область видимости графических данных.Первый тип проекции может быть задан командами

**void glOrtho (GLdouble x\_left, GLdouble x\_right, GLdouble y\_bottom, GLdouble y\_top,GLdouble z\_near, GLdouble z\_far)**и

**void gluOrtho2D (GLdouble x\_left, GLdouble x\_right, GLdouble y\_bottom, GLdoubley\_top)**

Первая команда создает матрицу проекции в усеченный объем видимости (**параллелепипед видимости**)в левосторонней системе координат. Параметры команды задают точки (**x\_left, y\_bottom, z\_near**) и (**x\_right, y\_top, z\_far**), которые отвечают левому нижнему и правому верхнему углам окна вывода. Параметры **z\_near** и **z\_far** задают расстояние до ближней и дальней плоскостей отсечения по удалению от точки **(0,0,0)** и могут быть отрицательными.

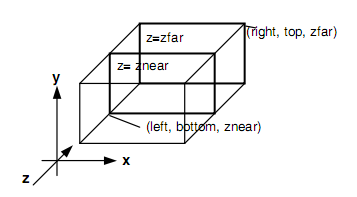


Рис. 15.11

Во второй команде, в отличие от первой, значения **znear** и **zfar** устанавливаются равными **–1** и **1** соответственно. Это удобно, если OpenGL используется для рисования двумерных объектов. В этом случае положение вершин можно задавать, используя команды **glVertex2\*()**.

После преобразования ортографического проецирования координаты любых точек внутри преобразованной трехмерной области видимости находятся в диапазоне от **-1** до **1**. Таким образом, преобразованная область видимости представляет собой куб со стороной равной двум. Напомним, что координаты, полученные после преобразования, называются **нормированными (нормализованными)**.

При использовании перспективной проекции в качестве области видимости необходимо определить не параллелепипед, а **усеченную пирамиду** (рис.15.10). Для этого в OpenGL реализованы две команды.

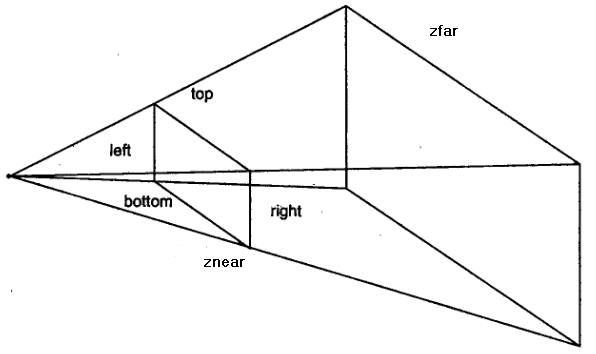


Рис. 15.12

Перваякоманда

**void glFrustrum(GLdouble left, GLdouble right, GLdouble top,**

**GLdouble bottom, GLdouble znear, GLdouble zfar)**создаетматрицуперспективы. Параметры **left** и **right** определяют координаты левой и правой вертикальных, а **bottom** и **top** – нижней и верхней горизонтальныхплоскостей отсечения. Параметры **znear** и **zfar** – расстояния до ближней и дальней плоскостей отсечения по глубине, причем **оба значения**должны быть положительными. Считается, что наблюдатель располагается в точке с координатами (0, 0, 0).

Втораякоманда **void gluPerspective (GLdouble angley, GLdouble aspect, GLdouble znear, GLdouble zfar)** задаетусеченную пирамидувидимости в левосторонней (видовой)системе координат (рис. 15.13).

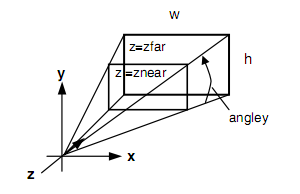


Рис. 15.13

Параметр **angley** определяетугол видимости в градусах по осиY,**tg(angley/2) = top/near** и должен находиться в диапазоне от 0 до 180.Угол видимости вдоль оси X задается параметром **aspect**, который обычно задается как отношение ширины **(width)**и высоты **(height)**сторон области вывода (как правило, размеров окна). Величина отношения **aspect**должна соответствовать заданному видовому порту (см. ниже).Например, если **aspect=2,** то отношение **width/ height** (x/y) также следует задать равным двум.

Параметры **zfar**и **znear** задают расстояние от наблюдателя до плоскостей отсечения по глубине и должны быть положительными.Действиеэтойкомандыэквивалентновызову**glFrustum**при**left = -right, bottom = -top, tg(angley/2) = top/near, aspect = right/top**.

Чем больше отношение **zfar/znear**, тем хуже в буфере глубины будут различаться расположенные рядом поверхности, так как по умолчанию в него будет записываться «сжатая» глубина в диапазоне от 0 до 1 (см. далее).

Также как и для случая ортографической проекции, усеченный конус видимости отображается на куб со стороной равной двум.

Для задания матрицы проекций необходимовключить режим работыс нужной матрицей командой **glMatrixMode(GL\_PROJECTION)** и сбросить текущую, вызвав **glLoadIdentity()**.

Пример:

//ортографическая проекция

glMatrixMode(GL\_PROJECTION);

glLoadIdentity();

glOrtho(0, w, 0, h, -1.0, 1.0);

**15.7.10.Область вывода**

Область вывода представляет собой прямоугольник в оконной системе координат, размеры которого задаются командой:

**voidglViewPort (GLint x, GLint y, GLint width, GLint height)**.

Значения всех параметров задаются в пикселах. Параметры **x** и **y**определяют координаты левого нижнего угла прямоугольника вывода в оконной системе координат (видовой порт)и по умолчанию принимаются равными нулю. Размеры оконной системы координат определяются текущими размерами окна приложения, точка (0,0)находится в левом нижнем углу окна.

Команда **glViewPort** задает аффинные преобразования области вывода, переводящие нормированные координаты **(xn, yn)** в оконные координаты **(xw, yw)**.

Преобразование выполняется по формулам:

, ,

где  – целая часть числа.

Используя параметры команды **glViewPort()**, OpenGLвычисляет оконные координатыцентра области вывода по формулам

, .

При этом точка с координатами **(0, 0, 0)** располагается в *центре*области вывода.

Пусть , .

Тогда оконные координаты вершин можно представить в виде

, .

Команда **glViewPort()** обычно используется в функции, зарегистрированной с помощью команды **glutReshapeFunc()**, которая вызывается, если пользователь изменяет размеры окна приложения.

**15.8.Создание анимации в OpenGL**

Для создания анимации в OpenGL необходимо выполнить следующие действия.

Установить режим двойной буферизации

**glutInitDisplayMode(GLUT\_RGB**|**GLUT\_DOUBLE**).

Зарегистрировать и создать функцию обратного вызова (например, функцию с именем **IdleFunction**), которая вызывается системой когда нет других событий.

Внутри функции **IdleFunction** описываются действия, которые влияют на вид изображения после перерисовки окна. Например, изменяется угол поворота объекта.

voidIdleFunction( )

{

//Необходимые действия

glutPostRedisplay( ); //Обновить окно

}

В функции рисования **OnDraw( )** использовать команду переключения буферов – **glutSwapBuffers**().

Для управления процессом запуска и остановки анимации можно использовать команды:

**glutIdleFunc(IdleFunction)** – разрешает выполнение функции IdleFunction;

**glutIdleFunc(NULL)** – блокирует выполнение функции IdleFunction.

**15.9.Материалы и освещение**

Для создания реалистичных изображений необходимо определить как свойства самого объекта, так и свойства среды, в которой он находится. Первая группа свойств включает в себя параметры материала, из которого сделан объект, способы нанесения текстуры на его поверхность, степень прозрачности объекта. Ко второй группе можно отнести количество и свойства источников света, уровень прозрачности среды, а также модель освещения. Все эти свойства можно задавать, вызывая соответствующие команды OpenGL.

**15.9.1. Модель освещения**

В OpenGL используется модель освещения, в соответствии с которой цвет точки определяется несколькими факторами: **свойствами материала** и **текстуры**, **величиной нормали в этой точке**, а также **положением источника света** и **наблюдателя**. Для корректного расчета освещенности в точке надо использовать единичные нормали, однако команды типа **glScale\*()** могут изменять длину нормалей. Чтобы это учесть, необходимо использоватьрежим нормализации векторов нормалей, который включается вызовом команды **glEnable(GL\_NORMALIZE)**.

Для задания глобальных параметров освещения используются команды

**void glLightModel[i f] (GLenum pname, GLenum param)**,

**void glLightModel[i f]v (GLenum pname, const GLtype \*params)**.

Аргумент **pname** определяет, какой параметр модели**param**освещения будет настраиваться. Возможные значения аргументов **pname** и **param**приведены в табл. 15.8.

Таблица 15.8

**Значения аргументов *pname* и *param***

|  |  |
| --- | --- |
| Значение **pname** | Значение **param** |
| GL\_LIGHT\_MODEL\_LOCAL\_VIEWER | Параметр **param** должен быть ***булевым*** и задает положение наблюдателя. Если он равен GL\_FALSE, то направление обзора считается параллельным оси Z вне зависимости от положения в видовыx координатах. Если же он равен GL\_TRUE, то наблюдатель находится в начале видовой системы координат. Это может улучшить качество освещения, но усложняет его расчет. Значение***по умолчанию***: GL\_FALSE**.** |
| GL\_LIGHT\_MODEL\_TWO\_SIDE | Параметр **param** должен быть ***булевым*** и управляет режимом расчета освещенности, как для лицевых, так и для обратных граней. Если он равен GL\_FALSE, то освещенность рассчитывается только для лицевых граней. Если же он равен GL\_TRUE, расчет проводится и для обратных граней. Значение ***по умолчанию***: GL\_FALSE. |
| GL\_LIGHT\_MODEL\_AMBIENT | Параметр **param** должен содержать четыре целых или вещественных числа, которые определяют***цвет фонового освещения*** даже в случае ***отсутствия*** определенных источников света. Значение ***по умолчанию:*(0.2, 0.2, 0.2,1.0)**. |

**15.9.2.Спецификация материалов**

Для задания параметров текущего материала используются команды

**void glMaterial[i f] (GLenum face, GLenum pname, GLtype param),**

**void glMaterial[i f]v (GLenum face, GLenum pname, GLtype \*params)**.

С их помощью можно определить **рассеянный, диффузный** и **зеркальный** цвета материала, а также степень зеркального отражения и интенсивность излучения света, если объект должен светиться. Какой именно параметр будет определяться значением **param**, зависит от значения **pname**.

Возможные значения аргументов **pname** и **param** приведены в табл. 15.9.

Таблица 15.9

**Значения аргументов *pname* и *param***

|  |  |
| --- | --- |
| Значение **pname** | Значение **param** |
| GL\_AMBIENT | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют***рассеянный цвет*** материала (цвет материала в тени). Значение ***по умолчанию***: **(0.2, 0.2, 0.2, 1.0)** |
| GL\_DIFFUSE | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют ***диффузный цвет*** материала. Значение ***по умолчанию:*(0.8, 0.8, 0.8, 1.0)**. |
| GL\_SPECULAR | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют ***зеркальный цвет*** материала. Значение ***по умолчанию:* (0.0, 0.0, 0.0, 1.0)**. |
| GL\_SHININESS | Параметр **params** должен содержать одно целое или вещественное значение в диапазоне от **0** до **128**, которое определяет ***степень зеркального отражения*** материала. Значение ***по умолчанию:*0**. |
| GL\_EMISSION | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют ***интенсивность излучаемого света***  материала. Значение ***по умолчанию:*(0.0, 0.0, 0.0, 1.0)**. |
| GL\_AMBIENT\_AND\_DIFFUSE | Этоэквивалентно двум вызовам команды glMaterial\*() со значением **pname**GL\_AMBIENT и GL\_DIFFUSE и одинаковыми значениями **params**. |

Из таблицы следует, что вызов команды **glMaterial[i f]()** возможен только для установки степени зеркального отражения материала ***(shininess)***. Команда **glMaterial[i f]v()** используется для задания остальных параметров.

Параметр **face** определяет тип граней, для которых задается этот материал и может принимать значения:GL\_FRONT, GL\_BACKили GL\_FRONT\_AND\_BACK.

Если в сцене материалы объектов различаются лишь одним параметром, рекомендуется сначала установить нужный режим, вызвав **glEnable()** c параметромGL\_COLOR\_MATERIAL, а затем использовать команду **void glColorMaterial (GLenum face, GLenum pname)**,

где параметр **face** имеет аналогичный смысл, а параметр **pname**может принимать все перечисленные в таблице значения. После этого значения выбранного с помощью **pname** свойства материала для конкретного объекта (или вершины) устанавливаются вызовом команды **glColor\*()**, что позволяет избежать вызовов более ресурсоемкой команды **glMaterial\*()** и повышает эффективность программы.

Пример определения свойств материала:

float mat\_dif[]={0.8,0.8,0.8};

float mat\_amb[] = {0.2, 0.2, 0.2};

float mat\_spec[] = {0.6, 0.6, 0.6};

float shininess = 0.7 \* 128;

…

glMaterialfv (GL\_FRONT\_AND\_BACK,GL\_AMBIENT, mat\_amb);

glMaterialfv (GL\_FRONT\_AND\_BACK,GL\_DIFFUSE, mat\_dif);

glMaterialfv (GL\_FRONT\_AND\_BACK,GL\_SPECULAR, mat\_spec);

glMaterialf (GL\_FRONT,GL\_SHININESS, shininess);

**15.9.3.Описание источников света**

Определение свойств материала объекта имеет смысл, только если в сцене есть источники света. Иначе все объекты будут черными (или, строго говоря, иметь цвет, равный рассеянному цвету материала, умноженному на интенсивность глобального фонового освещения, см. команду **glLightModel**). Добавить в сцену источник света можно с помощьюкоманд

**void glLight[if] (GLenum light, GLenum pname, GLfloat param)**,

**void glLight[i f]v (GLenum light, GLenum pname, GLfloat \*params)**.

Параметр **light** однозначно определяет источник света. Он выбирается из набора специальных символических имен вида GL\_LIGHTi, где i должно лежать в диапазоне от 0 до константы GL\_MAX\_LIGHT, которая обычно не превосходит восьми.

Параметры **pname** и **params** имеют смысл, аналогичный команде **glMaterial**. Возможные взаимные значения аргументов **pname**и**param**приведены в табл.15.10.

Таблица 15.10

**Значения аргументов *pname* и *param***

|  |  |
| --- | --- |
| Значение **pname** | Значение **param** |
| GL\_SPOT\_EXPONENT | Параметр **param** должен содержать целое или вещественное число от **0** до **128**, задающеераспределение интенсивности света. Этот параметр описывает уровень сфокусированности источника света. Значение ***по умолчанию***: **0** (рассеянный свет). |
| GL\_SPOT\_CUTOFF | Параметр **param** должен содержать целое или вещественное число между **0** и **90** или равное **180**, которое определяет максимальный угол разброса света. Значение этого параметра есть половина угла в вершине конусовидного светового потока, создаваемого источником. Значение ***по умолчанию***: **180** (рассеянный свет). |
| GL\_AMBIENT | Параметр **params**должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют цвет фонового освещения. Значение ***по умолчанию***: **(0.0, 0.0, 0.0, 1.0).** |
| GL\_DIFFUSE | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют цвет диффузного освещения. Значение ***по умолчанию***: **(1.0, 1.0, 1.0, 1.0)** для GL\_LIGHT0 и **(0.0, 0.0, 0.0, 1.0)** для остальных. |
| GL\_SPECULAR | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных значения цветов RGBA, которые определяют цвет зеркального отражения. Значение ***по умолчанию:*(1.0, 1.0, 1.0, 1.0)** для GL\_LIGHT0 и **(0.0, 0.0, 0.0, 1.0)** для остальных. |
| GL\_POSITION | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных числа,которые определяют положение источника света. Если значение компоненты**w = 0.0**, то источник считается бесконечно удаленным и при расчете освещенности учитывается только ***направлениена точку*  (x, y, z)**, в противном случае считается, что источник расположен ***в точке* (x, y, z, w)**. В первом случае ослабления света при удалении от источника непроисходит, т.е. источник считается бесконечно удаленным. Значение ***по умолчанию:*(0.0, 0.0, 1.0, 0.0)**. |
| GL\_SPOT\_DIRECTION | Параметр **params** должен содержать четыре целых или вещественных числа, которые определяют направление света. Значение ***по умолчанию***: (**0.0, 0.0, -1.0, 1.0)**. Эта характеристика источника имеет смысл, если значение GL\_SPOT\_CUTOFF ***отлично*** от 180 (которое, задано ***по умолчанию***). |
| GL\_CONSTANT\_ATTENUATION, GL\_LINEAR\_ATTENUATION, GL\_QUADRATIC\_ATTENUATION | Параметр **param** задает значение одного из трех приведенных коэффициентов, определяющих ослабление интенсивности света при удалении от источника. Допускаются только неотрицательные значения. Если источник не является направленным (см. GL\_POSITION), то ослабление обратно пропорционально сумме: attconstant+attlineard+ attquadraticd2,  где d – расстояние между источником света и освещаемой им вершиной, attconstant, attlinear и attquadratic равны параметрам, заданным с помощью констант  GL\_CONSTANT\_ATTENUATION, GL\_LINEAR\_ATTENUATION и GL\_QUADRATIC\_ATTENUATION соответственно. ***По умолчанию*** эти параметры задаются тройкой (1, 0, 0), и фактически ослабления не происходит. |

При изменении положения источника света следует учитывать следующий факт: в OpenGL источники света являются объектами, во многом такими же, как многоугольники и точки. На них распространяется основное правило обработки координат в OpenGL –параметры, описывающее положение в пространстве, преобразуются текущей модельно-видовой матрицей в момент формирования объекта, т.е. в момент вызова соответствующих команд OpenGL. Таким образом, формируя источник света одновременно с объектом сцены или камерой, его можно привязать к этому объекту. Или, наоборот, сформировать стационарный источник света, который будет оставаться на месте, пока другие объекты перемещаются.

Если **тип** и **положение** источника света не задаются, параметр GL\_POSITION принимает значения по умолчанию (**0.0, 0.0, 1.0, 0.0**), что указывает на удаленный источник, лучи света от которого распространяются по отрицательному направлению оси **z**.

Положение источника света включается в описание сцены и вместе с положениями объектов преобразовывается в координаты наблюдения с помощью матриц геометрического преобразования и преобразования точки наблюдения. Следовательно, если требуется зафиксировать источник света относительно объектов на сцене, его положение задается после указания в программе геометрических преобразований и преобразований точки наблюдения. Однако, если требуется, чтобы источник света двигался при изменении точки наблюдения, его положение задается перед спецификацией преобразования точки наблюдения. Кроме того, если необходимо, чтобы источник света двигался вокруг стационарной сцены, к его положению можно применить преобразование трансляции или вращения.

Для использования освещения сначала надо установить соответствующий режим вызовом команды **glEnable(GL\_LIGHTNING)**, а затем включить нужный источник командой **glEnable(GL\_LIGHTi)**. Еще раз обратим внимание на то, что при выключенномосвещении цвет вершины равен текущему цвету, который задается командами **glColor\*()**. При включенномосвещении цвет вершины вычисляется исходя из информации о материале, нормалях и источниках света. При выключении освещения визуализация происходит быстрее, однако в таком случае приложение должно само рассчитывать цвета вершин.

В Приложении 2 и Приложении 3 приведены примеры создания приложений с использованием библиотеки OpenGL.